目

录

第 1 章 信号处理基本理论]
1.1 离散信号与系统	1
1.2 离散时间傅里叶分析	5
1.3 Z变换 ···································	9
1.4 离散傅里叶变换	14
1.5 数字滤波器结构	20
1.6 FIR 滤波器设计 ····································	25
1.7 IIR 滤波器设计	30
第 2 章 信号处理工具箱函数 ************************************	36
2.1 波形产生	42
2.2 建波器分析和实现	45
2.3 线性系统变换	54
2.4 IIR 滤波器设计	63
2.5 IIR 滤波器阶的选择 ····································	74
2.6 FIR 滤波器设计 ····································	
2.7 变换 ***********************************	88
2.8 统计信号处理	
2.9 窗函数	
2.10 参数化建模	
2.11 特殊操作	
2.12 模拟原型滤波器设计	
2.13 频率变换	
2.14 滤波器离散化	
2.15 其它	
第 3 章 信号处理系统分析与设计	
3.1 离散信号与系统	
3.2 离散时间傅里叶分析	
3.3 Z变换 /	
3.4 离散博里叶变换	
3.5 数字滤波器结构	
3.6 FIR 滤波器设计	
3.7 IIR 滤波器设计	205
附录 A MATLAB 命令参考 2	
附录B Toolbox 函数 2	259
参考文献	007

第 1 章

信号处理基本理论

在这一章中,简要地介绍信号、系统、傅里叶分析与变换、Z 变换、滤波器结构及滤波器设计等内容。在第 3 章的相应节中,给出了利用 MATLAB 进行分析与设计的示例。

1.1 离散信号与系统

在 数字信号处理(DSP)中,所有的信号都是离散(时间)信号,因此首先应解决在 MATLAB 中如何表示离散信号。

设一模拟信号经 A/D 变换后,得到序列信号

$$x(n) = {x(n)} = {\dots, x(-1), x(0), x(1), \dots}$$

由于 MATLAB 对下标的约定为从 1 开始递增,因此要表示 $\mathbf{x}(\mathbf{n})$,一般应采用两个矢量,如

$$n = [-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5]$$

 $y = [1, -1, 3, 2, 0, 4, 5, 2, 1]$

这表示了一个含 9 个采样点的矢量: $y(n) = \{x(-3), x(-2), x(-1), x(0), x(2), \dots, x(5)\}$ 。

通常情况下,序列值从 $\mathbf{x}(0)$ 开始,因此一个 \mathbf{N} 点序列 $\mathbf{x}(\mathbf{n}) = (\mathbf{x}(0),\mathbf{x}(2),\cdots,\mathbf{x}(N-1)$ 可简单地表示成

$$y = [x(0), x(1), \dots, x(N-1)]$$

这时y的下标为1~N。

1.1.1 基本信号表示

1. 单位取样序列

$$\delta(\mathbf{n}) = \begin{cases} 1 & \mathbf{n} = 0 \\ 0 & \mathbf{n} \neq 0 \end{cases}$$

这一函数可利用 MATLAB 的 zeros 函数实现:

$$x = zeros(1, N);$$

$$x(1)=1$$
;

还可以借助于关系操作符实现:

$$n=1:N;$$

$$x = [n = -1];$$

如要产生

$$\delta(n - n_0) = \begin{cases} 0 & n_1 \leq n < n_0 \\ 1 & n = n_0 \\ 0 & n_0 < n \leq n_2 \end{cases} \quad (n_1 < n_2)$$

则可采用 MATLAB 实现:

$$n=n1:n2:$$

$$\mathbf{x} = [(\mathbf{n} - \mathbf{n}0) = 0];$$

2. 单位阶跃序列

$$u(n) = \begin{cases} 1 & n \geqslant 0 \\ 0 & n < 0 \end{cases}$$

这一函数可利用 MATLAB 的 ones 函数实现;

$$x = ones(1, N)$$
:

还可借助于关系操作符">="来实现。如要产生在 $n_1 \leqslant n_0 \leqslant n_2$ 上的单位阶跃序列

$$u(n-n_0) = \begin{cases} 1 & n \geqslant n_0 \\ 0 & n < n_0 \end{cases}$$

则可采用 MATLAB 实现:

$$n=n1:n2;$$

$$x = [(n-n0) > = 0]$$
:

3. 实指数序列

$$x(n) = a^n \quad \forall n; a \in R$$

采用 MATLAB 实现:

$$n = 0: N - 1:$$

$$x=a. n;$$

4. 复指数序列

$$x(n) = e^{(\sigma + jw_0)n} \quad \forall n$$

采用 MATLAB 实现:

$$n=0:N-1:$$

$$x = \exp((lu + j * w0) * n);$$

5. 正(余)弦序列

$$x(n) = \cos(\omega_0 n + \theta) \quad \forall n$$

采用 MATLAB 实现:

$$n=0.N-1$$

$$x = \cos(w0 * n + Q)$$
;

6. 随机序列

MATLAB 中提供了两类(伪)随机信号:

rand(1, N)产生[0, 1]上均匀分布的随机矢量;

randn(1, N)产生均值为 0, 方差为 1 的高斯随机序列, 也就是白噪声序列。其它分布的随机数可通过上述随机数的变换而产生。

7. 周期序列

$$x(n) = x(n + N) \quad \forall n$$

例如,设 x_1 表示x序列中一个周期的序列,要产生4个周期的x序列,用MATLAB实现:

$$x = [x1 x1 x1 x1];$$

1.1.2 序列操作

1. 信号加

$$x(n) = \{x_1(n) + x_2(n)\}$$

采用 MATLAB 实现:

$$x=x1+x2$$
:

注意, 当 x_1 和 x_2 序列的长度不等或其位置不对应时, 信号相加就不是这么简单。首先应使 x_1 、 x_2 具有相等的长度, 然后两者对齐, 最后进行相加。

2. 信号乘

$$x(n) = \{x_1(n)x_2(n)\}$$

这是一种样本对样本的相乘,也即点乘运算,在 MATLAB 中可采用. * (数组乘法)来实现,但两序列 x_1 、 x_2 也应经过处理。

3. 改变比例

$$y(n) = \alpha\{x(n)\} = \{\alpha x(n)\}\$$

采用 MATLAB 实现:

$$y = alpha * x;$$

4. 移位

$$y(n) = \{x(n-k)\}\$$

5. 折叠

$$y(n) = \{x(-n)\}\$$

它将序列 x(n)在 n=0 处倒转,在 MATLAB 中可直接用 fliplr 函数实现。

6. 取样和

$$y = \sum_{n=n_1}^{n_2} x(n)$$

它不同于信号加。采用 MATLAB 实现:

$$y = sum(x(n1:n2));$$

7. 取样积

$$y = \prod_{n=n_1}^{n_2} x(n)$$

采用 MATLAB 实现:

y = prod(x(n1:n2));

8. 信号能量

$$E_x = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)x^*(n) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x(n)|^2$$

""表示复共轭。计算一有限长序列 x 的能量 Ex, 在 MATLAB 中可有两种方法实现:

$$Ex = sum(x. * conj(x));$$

$$Ex = sum(abs(x).^2)$$
;

9. 信号功率

$$P_x = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} |x(n)|^2$$

采用 MATLAB 实现:

 $Px = sum(abs(x). ^2)/N;$

1.1.3 一些重要结论

1. 单位取样综合

任何一个序列 x(n)都可由单位取样的加权和得到,即

$$x(n) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x(k)\delta(n-k)$$

2. 奇偶综合

任何一个序列 x(n)都可分解成偶对称部分 $x_e(n)$ 和奇对称部分 $x_o(n)$,即

$$x(n) = x_e(n) + x_o(n)$$

其中 $x_e(n) = \frac{1}{2} \{x(n) + x(-n)\}$

$$\mathbf{x}_{\circ}(\mathbf{n}) = \frac{1}{2} \{ \mathbf{x}(\mathbf{n}) - \mathbf{x}(-\mathbf{n}) \}$$

这样我们可设计一函数 evenodd,完成将任一给定序列 x(n)分解成 $x_c(n)$ 和 $x_o(n)$,详见第 3 章。

3. 几何序列

$$x(n) = \alpha^n \qquad n \geqslant 0$$

对此有结论,

$$\sum_{n=0}^{\infty} \alpha^n = \frac{1}{1-\alpha} \qquad |\alpha| < 1$$

$$\sum_{n=0}^{N-1} \alpha^n = \frac{1-\alpha^N}{1-\alpha} \quad \forall \ \alpha$$

4. 序列相关

两序列 x(n)和 y(n)的相似程度由相关性决定

$$r_{xy}(l) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)y(n-l)$$

当 y(n)=x(n)时,即可求出自相关

$$r_{xx}(l) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)x(n-l)$$

1.1.4 离散系统

最重要的是线性时不变系统。线性时不变系统的输入输出关系可通过冲激响应 h(n) 表示

$$y(n) = x(n) + h(n) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x(k)h(n-k)$$

其中®表示卷积运算, MATLAB 提供了求卷积函数 conv。

线性时不变系统中涉及两个重要概念:稳定性和因果性。这些内容可参看 DSP 的经典教材。

1.1.5 卷积

求卷积

$$y(n) = x(n) \circledast h(n) = \sum_{k=0}^{N} x(k)h(n-k)$$

可直接采用 MATLAB 中的函数 conv, 即

$$y = conv(x, h);$$

它默认序列从 n=0 开始。但如果序列是从一负值开始,即如

$$\{x(n); n_{xb} \leqslant n \leqslant n_{xe} \}$$

$$\{h(n); n_{bb} \leqslant n \leqslant n_{be} \}$$

其中 n_{xb} <0 或 n_{bb} <0,或两者同时为负,这样就不能直接采用 conv 函数。通过分析,其卷积结果序列为

$$\{y(n): n_{yb} \leqslant n \leqslant n_{ye}\}$$

$$n_{yb} = n_{xb} + n_{hb}$$

$$n_{ye} = n_{xe} + n_{he}$$

Ħ.

这样我们就可构成一新的卷积函数 con_m, 它可求出带下标的序列卷积, 详见第 3 章。

1.2 离散时间傅里叶分析

线性时不变系统可用单位冲激响应 h(n)表示, 其输入输出之间的关系可用卷积来表示

$$y(n) = h(n)(\widehat{*})x(n)$$

1.2.1 离散时间傅里叶变换(DFT)

设序列 x(n)绝对可和, 即 $\sum_{n=-\infty}^{\infty}|x(n)|<\infty$, 则 x(n) 的离散时间傅里叶变换(DFT)为

$$X(e^{p\omega}) \triangleq \mathscr{F}[x(n)] = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)e^{-p\omega n}$$

X(eⁱⁱⁱ)的逆离散时间傅里叶变换(IDFT)为

$$x(n) \;\underline{\underline{}}\; \mathscr{F}^{-1} \big[X(e^{\imath \omega}) \, \big] = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \!\! X(e^{\imath \omega}) e^{\jmath \omega n} \, d\omega$$

X(e^{r**})为一周期序列,周期为 2π,即

$$X(e^{j\omega}) = X(e^{j(\omega+2\pi)})$$

因此,在分析序列 x(n)时,只需要得到一个周期的 $X(e^{\omega})$ (一般 $\omega \in [0, 2\pi]$, 或 $\omega \in [-\pi, \pi]$)。对实序列 x(n),其 $X(e^{\omega})$ 为共轭对称

$$X(e^{-\mu}) = X \cdot (e^{\mu})$$

或者可表示成

$$Re[X(e^{-j\omega})] = Re[X(e^{j\omega})]$$

$$Im[X(e^{-j\omega})] = -Im[X(e^{j\omega})]$$

$$|X(e^{-j\omega})| = |X(e^{j\omega})|$$

$$\angle X(e^{-j\omega}) = -\angle X(e^{j\omega})$$

这说明在绘制 $X(e^{\mu})$ 曲线时,只需要绘出半个周期的曲线,一般选 $\omega \in [0, \pi]$ 。

1.2.2 DFT 特性

上面已提到 X(e[™])的两个重要特性:周期性和对称性。这里讨论 X(e[™])的其它特性。

1. 线性

$$\mathscr{F}[\alpha x_1(n) + \beta x_2(n)] = \alpha \mathscr{F}[x_1(n)] + \beta \mathscr{F}[x_2(n)]$$

2. 时域移位

$$\mathscr{F}[x(n-k)] = X(e^{\mu k})e^{-\mu k}$$

3. 频域移位

$$\mathscr{F}[\mathbf{x}(\mathbf{n})e^{\mathbf{j}\boldsymbol{\omega}_{\mathbf{c}}\mathbf{n}}] = \mathbf{X}(e^{\mathbf{j}(\boldsymbol{\omega}-\boldsymbol{\omega}_{0})})$$

4. 复共轭

$$\mathscr{F}[\mathbf{x}^*(\mathbf{n})] = \mathbf{X}^*(\mathbf{e}^{-\mathbf{w}})$$

5. 折叠

$$\mathscr{F}\big[x(-n)\big] = X(e^{-j\omega})$$

6. 实序列对称性

实序列 x(n)可分解成奇偶部分

$$x(n) = x_e(n) + x_p(n)$$

则有

$$\begin{split} \mathscr{F}\big[x_{e}(n)\big] &= \text{Re}\big[X(e^{j\omega})\big] \\ \mathscr{F}\big[x_{o}(n)\big] &= j \text{ Im}\big[X(e^{j\omega})\big] \end{split}$$

7. 序列卷积

$$\mathscr{F}\big[x_1(n) \textcircled{*} x_2(n)\big] = \mathscr{F}\big[x_1(n)\big] \mathscr{F}\big[x_2(n)\big] = X_1(e^{j\omega}) X_2(e^{j\omega})$$

8. 序列乘积

$$\mathscr{F}\big[x_1(n)x_2(n)\big] = \mathscr{F}\big[x_1(n)\big] \\ \mathscr{F}\big[x_2(n)\big] = \frac{1}{2\pi} \int X_1(e^{j\theta}) X_2(e^{j(\omega-\theta)}) \ d\theta$$

9. 能量

序列 x(n)的能量 E, 可写成

$$\begin{split} E_x &= \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x(n)|^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} |X(e^{j\omega})|^2 d\omega \\ &= \int_{0}^{\pi} \frac{|X(e^{j\omega})|^2}{\pi} d\omega \end{split}$$

这就是 Parseval 定理。由此可得到序列 x(n)的能量谱密度

$$\Phi_{\mathbf{x}}(\mathbf{\omega}) \triangleq \frac{1}{\pi} |X(e^{j\mathbf{\omega}})|^2$$

这样,信号 x(n)在[ω₁,ω₂]频带内的能量为

$$\int_{\omega_1}^{\omega_2} \Phi_x(\omega) \, \mathrm{d}\omega \quad 0 \leqslant \omega_1 < \omega_2 \leqslant \pi$$

1.2.3 LTI 系统频域表示

任意线性时不变系统(LTI系统)都可由冲激响应 h(n)来表示,相应地在频域中可用频率响应 $H(e^{i\omega})$ 来表示,它是 h(n)的离散傅里叶变换,即

$$H(e^{j\omega}) \triangleq \sum_{n=-\infty}^{\infty} h(n) e^{-j\omega n}$$

这样对任一输入序列 x(n), 其输出 y(n)可表示为

$$y(n) = x(n) \oplus h(n)$$

在频域可表示成简单的关系

$$Y(e^{j\omega}) = X(e^{j\omega})H(e^{j\omega})$$

由差分方程表示的 LTI 系统

$$y(n) + \sum_{l=1}^{N} a_l y(n-l) = \sum_{m=0}^{M} b_m x(n-m)$$

其频域传递函数可通过输入 x(n)=elon时, y(n)=H(elon)elon求出

$$H(e^{j\omega}) = \frac{\sum_{m=0}^{M} b_m e^{-j\omega m}}{1 + \sum_{l=1}^{N} a_l e^{-j\omega l}}$$

如果在 $[0, \pi]$ 等间隔分成 $k=0, 1, \dots, K, 则有$

$$H(e^{j\omega_{k}}) = \frac{\sum_{m=0}^{M} b_{m} e^{-j\omega_{k}m}}{1 + \sum_{l=1}^{N} a_{l} e^{-j\omega_{k}l}} \qquad k = 0, 1, \dots, K$$

这样,记矢量 $b = \{b_m\}$, $a = \{a_i\}(a_0 = 1)$, $m = \{0, 1, \dots, M\}$, $l = \{0, 1, \dots, N\}$, $\omega = \{\omega_1 \omega_2 \dots \omega_K\}$,则上式可在 MATLAB 中实现:

$$H=b * \exp(-j * m' * w)./(a * \exp(-j * l' * w));$$

1.2.4 模拟信号的取样和重构

模拟信号经取样后可得到数字信号,数字信号经处理后要经过重构再现模拟信号。

1. 取样

任何绝对可积信号 x_a(t), 其连续时间傅里叶变换为

$$X_a(j\Omega) \triangleq \int_{-\infty}^{\infty} x_a(t)e^{-j\Omega t}dt$$

其中 Ω 为模拟频率, 其逆变换为

$$x_{a}(t) \triangleq \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X_{a}(j\Omega) e^{j\Omega t} d\Omega$$

以时间间隔 T。对 x。(t)进行取样, 可得

$$x(n) = x_n(nT_n)$$

其DFT 记为X(el*),则有关系

$$X(e^{i\omega}) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} X_a \left[j \left(\frac{\omega}{T_s} - \frac{2\pi}{T_s} l \right) \right]$$

这就是混叠方程。模拟频率 Ω 与数字频率 ω 之间的关系为

$$\omega = \Omega T$$

取样频率F。为

$$F_s = \frac{1}{T_s}$$

对带限信号 x(t), 即 X(ei*)满足

$$X(e^{j\omega}) = \frac{1}{T_s} X \left(j \frac{\omega}{T_s} \right) - \frac{\pi}{T_s} < \frac{\omega}{T_s} \leqslant \frac{\pi}{T_s}$$

时,有一个重要的取样定理。

定理 1.1(取样定理) 设 $x_s(t)$ 为带限信号, 带宽为 F_o , 则当采样频率 $F_s > 2F_o$ 时, 可从取样序列 $x(n) = x_s(nT_s)$ 中重构 $x_s(t)$, 否则将导致 x(n) 的混叠现象。带限信号的 $2F_o$ 的取样率称为 Nyquist(奈奎斯特)速率。

2. 重构

从取样信号 x(n) 重构原信号 $x_*(t)$ 是一个重要的问题。理想情况下,序列经 $F_*>F_0$ (奈奎斯特速率) 采样处理后,经理想的低通滤波器(截止频率为 F_*)后,可重构出 $x_*(t)$ 。

这时采用的内插公式为

$$x_a(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n) \operatorname{sinc}[F_s(t-nT_s)]$$

但由于它是非因果序列, 所以也是不可实现的。因此采用以下几种方法:

・零阶保持内插:使取样值在一个取样间隔内保持不变,这种滤波器的冲激响应为

$$h_0(t) = \begin{cases} 1 & 0 \leqslant t \leqslant T_s \\ 0 & \nexists \hat{\tau} \end{cases}$$

•一阶保持内插:相邻取样之间连成直线,这一滤波器的冲激响应为

$$h_1(t) = \begin{cases} 1 + \frac{t}{T} & 0 \leqslant t \leqslant T, \\ 1 - \frac{t}{T} & T_s \leqslant t \leqslant 2T, \\ 0 & 其它 \end{cases}$$

• 三次样条内插:

$$x_s(t) = \alpha_0(n) + \alpha_1(n)(t - nT_s) + \alpha_2(n)(t - nT_s)^2 + \alpha_3(n)(t - nT_s)^3$$

 $nT_s \le n < (n+1)T_s$

其中{a_i(n),0≤i≤3}为多项式系数,它可采用最小二乘法得到。

1.3 Z 变 换

1.3.1 双边 Z 变换

序列 x(n)的 Z 变换定义为

$$X(z) \triangleq \mathcal{Z}\big[x(n)\big] = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)z^{-n}$$

其中 z 为复变量。X(z)存在 z 的集合称为收敛域(ROC),一般为

$$R_{x-} < |z| < R_{x-}$$

X(z)的逆 Z 变换定义为

$$\mathbf{x}(\mathbf{n}) \triangleq \mathcal{Z}^{-1}[\mathbf{X}(\mathbf{z})] = \frac{1}{2\pi i} \oint_{C} \mathbf{X}(\mathbf{z}) \mathbf{z}^{n-1} d\mathbf{z}$$

其中 C 为 ROC 中包含原点的逆时针围线。

由于 ROC 是由 |z|定义的,因此 ROC 一般为环形, R_* 可等于零, R_{*+} 可为 $+\infty$ 。当 $R_{*+} < R_*$ 时, ROC 为空,故 Z 变换不存在。

|z|=1(或 $z=e^{j\omega}$)称为 z 平面上的单位圆,当 ROC 包含单位圆时,则可在单位圆上计算 X(z),实际上它就是傅里叶变换 $X(e^{j\omega})$

$$X(z)|_{z=e^{j\omega}}=X(e^{j\omega})=\sum_{n=-\infty}^{\infty}x(n)e^{-j\omega n}=\mathscr{F}[x(n)]$$

因此, DFT 可看作 Z 变换的特殊情况。

在 Z 变换中, ROC 是它的一个重要特性, 序列 Z 变换的 ROC 具有一些特点:

(1) ROC 的边界是圆;

- (2) 右边序列的 ROC 为 z /R,;
- (3) 左边序列的 ROC 为 z < R**;
- (4) 双边带序列的 ROC 为 $R_x < z_1 < R_x$ (要是存在的话);
- (5 序列 x(n)

$$\mathbf{x}(\mathbf{n}) = \begin{bmatrix} \mathbf{x}_{\mathbf{n}} & \mathbf{n}_{1} \leqslant \mathbf{n} < \mathbf{n}_{2} \\ \mathbf{0} & \text{ \mathbb{H} \mathbb{T}} \end{bmatrix}$$

称为有限长序列,其ROC 为整个z平面;

- (6) ROC 中不包含极点,即以极点为界;
- (7) ROC 为一连续区域。

1.3.2 乙变换重要特性

Z变换的特性是傅里叶变换的推广。

1. 线性

$$\mathcal{Z}^{\lceil}a_1x_1(n) - a_2x_2(n)$$
 a $X_1(z) + a_2X_2(z)$ ROC, $ROC_{x_1} \cap ROC_{x_2}$

?、取样移位

$$\mathcal{Z}[\mathbf{x}(\mathbf{n}-\mathbf{n})] = \mathbf{z} \wedge \mathbf{X}(\mathbf{z})$$
 ROC, ROC,

3. 频率移位

$$\mathcal{Z}[a^nx(n)] = X\begin{bmatrix} z \\ a \end{bmatrix}$$
 ROC; ROC_x/|a|

4. 折叠

$$\mathcal{E}[x(-n)] = X \begin{vmatrix} 1 \\ z \end{vmatrix}$$
 ROC, 与ROC、相反、即ROC、的逆

5. 复共轭

$$\mathcal{Z}[x^*(n)] = X^*(z^*) = ROC_x ROC_x$$

6. z域微分

$$\mathcal{Z}[nx(n)] = -z \frac{dX(z)}{dz}$$
 ROC: ROC_x

7. 序列相乘

 $\mathscr{Z}[x_1(n)x_2(n)] = \frac{1}{2\pi j} \oint_{C} X_1(v) X_2 \stackrel{z}{v} | v|^{1} dv$ R(X: ROC: ROC: \bigcap R(XC: \bigcap R) 放 其中 C 为公共 ROC: 中包围原点的闭合围线。

8. 序列卷积

$$\mathscr{Z}[x_1(n)\widehat{\otimes} x_2(n)] = X_1(z)X_2(z) = ROC_{x_1} \cap ROC_{x_2}$$

表 1.1 中给出一些常见序列的 2 变换。

表 1.1 常见序列的 Z 变换

序 列	2 变 换	收 敛 域(ROC)
δ(n)	1	0 ≤ z ≤∞
u(n)	$\frac{z}{z-1}$	1< z ≤∞
a ⁿ u(n)	z z a	a < ,z ≤∞
$a^{n}u(-n-1)$	z z—a	z < a!
nu(n)	$\frac{\mathbf{z}}{(\mathbf{z}-1)^2}$	1< z ≤∞
na ⁿ u(n)	$az (z - a)^{\overline{z}}$	a < z ≤∞
$\frac{\mathbf{n}(\mathbf{n}-1)}{2!}\mathbf{u}(\mathbf{n})$	$(z \frac{z}{1)^3}$	1<'z ≤∞
$\frac{n(n-1)(n-2)}{3!}u(n)$	z (z 1)*	1< z ≤∞
$\frac{(n+1)(n+2)}{2!}a^nu(n)$	$\frac{z^3}{(z-a)^3}$	a < z ≤∞
$\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{3!}$	z ⁴ (z a) ⁴	a < z ≤∞
R _N (n)	$ \begin{array}{c} 1-z^{N} \\ 1-z^{-1} \end{array} $	0< z ≤∞
e ^{l™or} u(n)	z e ^{jw} 0	l< z ≤∞
sın(ω₀n)u(n)	$\frac{z \sin \omega_0}{z^2 - 2 \cos(\omega_0)z + 1}$	1<1z ≤∞
$\cos(\omega_0 n)u(n)$	$\frac{z^2 \cos(\omega_0)z}{z^2 - 2\cos(\omega_0)z + 1}$	1 <z≤∞< td=""></z≤∞<>
$e^{-an}\sin(\omega_0n)\omega(n)$	$\frac{e^{-a} \sin (\omega_0)z}{z^2 + 2e^{-a} \cos(\omega_0)z + e^{-2a}}$	e '< z ≤∝
e ***cos(w _n n)u(n)	$\frac{z^{2}-e^{-a}\cos(\omega_{0})z}{z^{2}-2e^{-a}\cos(\omega_{0})z+e^{-2a}}$	e °<1z ≤∞

1.3.3 逆 Z 变换

计算逆 Z 变换需计算复围线积分,这是一个复杂的过程。最切合实际的方法是部分分式展开,但要求 Z 变换必须是有理函数,这一般都是满足的。

给定

$$X(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_M z^{-M}}{1 + a z^{-1} + \cdots + a_N z^{-N}} \qquad R_x < z < R_{x+}$$

则求逆 Z 变换可由下列步骤完成:

(1) 重写 X(z)

$$X(z) = \frac{b_0 + b_1 z + \cdots + b_{N-1} z^{-N-1}}{1 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_N z^{-N}} + \sum_{k=1}^{M-N} c_k z^{-k}$$

当 M<N 时,上式右边第二项为 0,这一项称为多项式部分,第一项称为适当有理分式部分。这种分解可采用去卷积函数(deconv)实现。

(2) 对适当有理分式部分进行部分分式展开, 当 X(z) 只含单重极点时有

$$X(z) = \sum_{k=0}^{N} \frac{R_k}{1 - P_k z^{-1}} + \sum_{k=0}^{M-N} c_k z^{-k}$$

其中 P_k 为极点, R_k 为相应的留数。

$$R_{k} = \frac{b_{0} + b_{1}z + \cdots + b_{N-1}z^{-N-1}}{1 + a_{1}z^{-1} + \cdots + a_{N}z^{-N}} (1 - P_{k}z^{-1})$$

当 X(z)含多重极点时,设 P,为r 重极点,则相应的 P,项变成

$$\sum_{i=1}^{r} \frac{R_{k,i}z^{-1}}{(1-P_{k}z^{-1})^{2}} = \frac{R_{k,i}z^{-1}}{1-P_{k}z^{-1}} + \frac{R_{k,i}z^{-1}}{(1-P_{k}z^{-1})^{2}} + \cdots + \frac{R_{k,i}z^{-1}}{(1-P_{k}z^{-1})^{2}}$$

(3) 写出 x(n)的形式(设具含单重极点,且 M≥N)

$$x(n) = \sum_{k=0}^{N} R_k \mathcal{Z} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & P_k z^{-1} \end{bmatrix} + \sum_{k=0}^{M-N} c_k \delta(n - k)$$

(4) 利用常见序列 2 变换

$$\mathcal{Z} \begin{bmatrix} z \\ z & P_k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_k^n J(n) & z_k \leqslant R_x \\ P_k^n U(-n-1) & z_k \geqslant R_x .$$

代人上式,就可计算出 x(n)。

在 MATLAB 中, 可直接采用 residuez 函数实现上述过程。

1.3.4 z 域系统表示

系统函数 H(z)定义为

$$H(z) = \mathcal{Z}[h(n)] = \sum_{n=-\infty}^{\infty} h(n)z^{-n} \qquad R_n < \{z < R_n\}$$

利用卷积特性,可得系统输入 X(z) 与输出 Y(z)之间的关系

$$Y(z) = H(z)X(z) = ROC_y = ROC_b \cap ROC_x$$

以差分方程表示的系统

$$y(n) + \sum_{k=1}^{N} a_k y(n-k) = \sum_{l=0}^{M} b_l x(n-l)$$

可直接写出 H(z)

$$H(z) \triangleq \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{\sum_{i=0}^{M} bz^{-i}}{1 + \sum_{k=1}^{N} a_{k}z^{-k}}$$
$$= \frac{b_{0}z^{-M}(z^{M} + \cdots + b_{M}, b_{0})}{z^{-N}(z^{N} + \cdots + a_{N})}$$

$$=b_0z^N \prod_{k=1}^N (z-Z)$$

$$\prod_{k=1}^N (z-P_k)$$

当 H(z)的 ROC 包含单位圆时,可计算单位圆上的 H(z),这就是 $H(e^{i\alpha})$,即频域传递函数

$$H(e^{j\omega}) = b_0 e^{j\sqrt{N}} \prod_{\substack{k=1\\k=1}}^{M} (e^{j\omega} - Z)$$

由此可给出系统的幅频和相频特性曲线。在 MATLAB 中可利用 freqz 函数直接绘出以传递函数形式表示的幅频和相频特性曲线。

稳定性是很重要的问题。对 LTI 系统, BIBO(有界输入有界输出)稳定性等效于 $\sum_{n=-\infty}^{\infty} h(n) < \infty$,从 DFT 存在的观点出发,这种稳定性意味着 H(e^m)存在,即单位圆 z=1 处在 ROC 中,这种结果称为 z 域稳定理论。

定理 1.2(LTI的 z 域稳定) LTI 系统稳定的充要条件是 H(z)的 ROC 包含单位圆。

定理 1.3(因果 LTI 系统 z 域稳定) 因果 LTI 系统稳定的充要条件是 H(z)的极点都在单位圆内。

1.3.5 差分方程求解

LTI 系统的差分方程的解可分成通解和特解,也可分成零输入响应和零状态响应,还可看作稳态响应和暂态响应之和。为此要涉及到单边 Z 变换

$$\mathcal{Z}^+[\mathbf{x}(\mathbf{n})] \underline{\Delta} \mathcal{Z}[\mathbf{x}(\mathbf{n})\mathbf{u}(\mathbf{n})] \underline{\Delta} \mathbf{X}^+(\mathbf{z}) = \sum_{n=0}^{\infty} \mathbf{x}(\mathbf{n})\mathbf{z}^{-n}$$

取样移位特性变成

$$\mathcal{Z}^+[\mathbf{x}(\mathbf{n} \ \mathbf{k})] - \mathbf{x}(1)\mathbf{z}^{-\mathbf{k}} + \mathbf{x}(2)\mathbf{z}^{2-\mathbf{k}} + \cdots + \mathbf{x}(\mathbf{k}) - \mathbf{z}^{-\mathbf{k}}\mathbf{X}^+(\mathbf{z})$$

将这一结果应用于差分方程

$$y(n) + \sum_{k=1}^{N} a_k y(n-k) = \sum_{m=0}^{M} b_m x(n-m) \qquad n \geqslant 0$$

设初始条件为

$$y(i), i = -1, \dots, -N$$

 $x(i), i = -1, \dots, -M$

就可得到 Y+(z), 从而可求出 y(n)。

将输出 y(n)进行不同的分解,有

$$y(n) - y_g(n) + y_p(n)$$

 $y(n) - y_{tt}(n) + y_{st}(n)$
 $y(n) - y_{ss}(n) + y_n(n)$

其中 $y_s(n)$ 表示通解, $y_s(n)$ 为特解; $y_n(n)$ 为暂态响应, $y_s(n)$ 为稳态响应; $y_s(n)$ 为零状态响应, $y_s(n)$ 为零输入响应。

为得到 y₂(n), 应将初始状态等效成输入 xε(n), 然后 利用 y₂(n)-xε(n)€h(n)求解,

这可利用 MATLAB 中的 filtic 函数求出。差分方程的完全解可利用 filter 函数求得。

1.4 离散傅里叶变换

1.4.1 离散傅里叶级数

周期序列

$$\tilde{x}(n) = \tilde{x}(n + kN) \quad \forall n, k$$

可表示成

$$\widehat{x}(n) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N} \widetilde{X}(k) e^{i \frac{2\pi}{N} kn} \qquad n = 0, \pm 1, \cdots$$

其中 X(k) 称为离散傅里叶级数的系数

$$\widetilde{X}(k) = \sum_{n=0}^{N-1} \widehat{x}(n) e^{-j\frac{2\pi}{N}nk}$$
 $k = 0, \pm 1, ...$

这两个式子称为周期序列的离散傅里叶级数表示。记 $\mathbf{W}_{\mathsf{N} extstyle e} \overset{\mathrm{id}}{\mapsto}$,则上述两式叮写成

$$\begin{split} \widetilde{X}(\mathbf{k}) &\triangleq \mathrm{DFS}[\widetilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n})] - \sum_{n=0}^{N-1} \widehat{\mathbf{x}}(\mathbf{n}) \mathbf{W}_{N}^{nk} \\ \widetilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n}) &\triangleq \mathrm{IDFS}[\widetilde{X}(\mathbf{k})] = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} \widetilde{X}(\mathbf{k}) \mathbf{W}_{N}^{-nk} \end{split}$$

在 MATLAB 中,上述两式可利用矩阵乘法来实现,记 \hat{x} 和 \hat{X} 分别为 $\hat{x}(n)$ 和 $\hat{X}(k)$ 的列矢量,则有

$$\widetilde{\boldsymbol{x}} - \boldsymbol{w}_{\scriptscriptstyle N} \widetilde{\boldsymbol{x}} \\ \widetilde{\boldsymbol{x}} - \boldsymbol{w}_{\scriptscriptstyle N}^{\star} \widetilde{\boldsymbol{x}}$$

其中

$$\mathbf{W}_{N} \triangleq \begin{bmatrix} \mathbf{W}_{N}^{kn} & 0 \leqslant \mathbf{k}, \ n \leqslant N - 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & \mathbf{W}_{N}^{l} & \cdots & \mathbf{W}_{N}^{lN} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ 1 & \mathbf{W}_{N}^{lN-1} & \cdots & \mathbf{W}_{N}^{lN-1} \end{bmatrix}$$

方阵 W、也称为 DFS 矩阵, 这样可编写计算 x 和 X 的 MATLAB 函数、参见第 3 章的 dfs 和 idfs 函数。

DFS 与 Z 变换有直接联系,设 x(n)为有限时宽序列,即

则其 Z 变换为

$$X(z) \Rightarrow \sum_{n=0}^{N-1} x(n) z^{-n}$$

现在我们构造 -周期信号 x(n), 它是 x(n)的重复, 即有

$$x(n) = \begin{cases} \hat{x}(n) & 0 \leq n \leq N - 1 \\ 0 & \text{ \sharp c} \end{cases}$$

则 x(n)的 DFS 为

$$\widetilde{X}(k) = \sum_{n=0}^{N-1} \widetilde{x}(n) e^{-\frac{2\pi}{N}nk}$$

比较得

$$\widetilde{X}(k) = X(z) \sum_{z=z^2 \widetilde{N}^k}$$

同样 DFS 与 DFT 的关系为

$$\widetilde{X}(k) = X(e^{-j\omega})_{-\omega = \frac{2\pi}{3}k}$$

1.4.2 z 域取样和重构

由 Z 变换和周期序列的 DFS 定义,我们可以得到任一时宽序列 x(n) 与其周期序列 $\hat{x}(n)$ 之间的关系

$$\hat{\mathbf{x}}(\mathbf{n}) = \sum_{r=-\infty}^{\infty} \mathbf{x}(\mathbf{n} - r\mathbf{N})$$

这说明, 当 x(n) 为[0, N 1]内的时宽有限信号, 则 x(n) 可由 x(n) 得以恢复

$$\mathbf{x}(\mathbf{n}) = \widetilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n}) \mathbf{R}_{\mathbf{N}}(\mathbf{n})$$

其中

$$R_N(n) = \begin{cases} 1 & 0 \leq n < N \\ 0 & 其它 \end{cases}$$

由此可得到重要的定理。

定理 1.4(版率取样) 当 x(n) 为 [0, N-1] 上有限时宽序列时,则 X(z) 在单位圆上的 N 个取样可完全确定 X(z)。

利用这一定理,可从X(k)的取样中恢复X(z)

$$\begin{split} X(z) &= \mathcal{Z}[x(n)] = \mathcal{Z}[\hat{x}(n)R_N(n)] \\ &= \mathcal{Z}[IDFS\{\tilde{X}(k)/R_N(n)] \end{split}$$

化简后可得z域重构公式

$$X(z) = \frac{1-z^{-N}}{N} \sum_{k=0}^{N} \frac{\widehat{X}(k)}{1-W_N^k z^{-1}}$$

在z域单位圆z=e^m上,有

$$\begin{split} X(e^{j\omega}) &= \frac{1-e^{-j\omega N}}{N} \sum_{k=0}^{N} \frac{\widehat{X}(k)}{1-e^{j2\pi \frac{k}{N}} e^{-j\omega}} \\ &= -\sum_{k=0}^{N-1} \widehat{X}(k) \frac{1-e^{-j\omega N}}{N_1 1-e^{j2\pi \frac{k}{N}} e^{-j\omega}} \end{split}$$

记内插多项式为

$$\Phi(\omega) \triangleq \frac{\sin \frac{\omega N}{2}}{N \sin \frac{\omega}{2}} e^{-\frac{|\omega|}{N} \sum_{2}^{N} |\omega|}$$

则有

$$X(e^{\omega}) = \sum_{k=0}^{N-1} \widetilde{X}(k) \Phi_k \omega - \frac{2\pi k}{N}$$

这就是从 X(κ)中重构 X(e™)的 DFT 内插公式。

1.4.3 离散傅里叶变换

x(n)的 DFT 定义为

或者

$$X(k) = \sum_{n=0}^{\infty} x(n) W_{N}^{nk} \qquad 0 \leqslant k \leqslant N - 1$$

这说明 X(k)是 $\hat{X}(k)$ 的 主部, 即 $X(k) = \hat{X}(k)R_{\nu}(k)$ 。

IDFT 定义为

$$x(n) \triangleq IDFT[X(k)] = \tilde{x}(n)R_{y}(n)$$

或者

$$X(k) = \sum_{n=0}^{N} x(n) \mathbf{W}_{N}^{nk} \qquad 0 \leqslant k \leqslant N \qquad 1$$

显然在 MATLAB 中, 可很容易实现 DFT 和 IDFT:

$$X = W_{NX}$$
$$x = \frac{1}{N}W_{N}^{*}X$$

这与DFS 非常类似。由此可得扩展函数 dft 和 idft, 详见 3.4。

1.4.4 DFT 特性

1. 线性

$$DFT[ax_1(n) + bx_2(n)] + aDFT[x_1(n)] + bDFT[x_2(n)]$$

2. 圆形折叠

由于 N 点序列折叠后不再是 N 点序列, 致使 DFT 不存在, 为此在变量 n 上采用模 N 运算, 即定义

$$x((-n)) = \begin{cases} x(0) & n = 0 \\ x(N-n) & 1 \le n \le N-1 \end{cases}$$

为圆形折叠。它的 DFT 为

$$DFT[x((-n))_{N}] = X((-k))_{N} = \begin{cases} X(0) & k=0 \\ X(N-k) & 1 \leq k \leq N-1 \end{cases}$$

3. 共轭

$$DFT[x^*(n)] = X^*((-k)),$$

4. 实序列对称性

设 x(n)为 N 点实序列, x(n)-x*(n), 因此由特性 3 可得

$$X(k) = X^*((-k))_k$$

世即

$$Re[X(k)] = Re[X((-k))_{N}]$$

$$Im[X(k)] = -Im[X((N-k))_{N}]$$

$$X(k)| = X((-k))_{N}$$

$$\angle X(k) = \angle X((-k))_{N}$$

实序列可分解为奇偶分量

$$\begin{split} X_{\kappa} &\triangleq \frac{1}{2} \big[\mathbf{x}(\mathbf{n}) + \mathbf{x}((-\mathbf{n}))_{N} \big] = \begin{cases} \mathbf{x}(0) & \mathbf{n} = 0 \\ \frac{1}{2} \big[\mathbf{x}(\mathbf{n}) + \mathbf{x}(N-\mathbf{n}) \big] & 1 \leqslant \mathbf{n} \leqslant N+1 \end{cases} \\ X_{\infty} &\triangleq \frac{1}{2} \big[\mathbf{x}(\mathbf{n}) + \mathbf{x}((-\mathbf{n}))_{N} \big] = \begin{cases} 0 & \mathbf{n} = 0 \\ \frac{1}{2} \big[\mathbf{x}(\mathbf{n}) - \mathbf{x}(N-\mathbf{n}) \big] & 1 \leqslant \mathbf{n} \leqslant N+1 \end{cases} \end{split}$$

其相应的 DFT 为

DFT[
$$x_{\kappa}(n)$$
] Re[$X(k)$] - Re[$X((-k))_{N}$]
DFT[$x_{\infty}(n)$] - Im[$X(k)$] - Im[$X((-k))_{N}$]

在MATLAB中,可利用 mod 函数实现实序列分解成奇偶分量。详见扩展函数 circevod (3.4 节)。

5. 序列的循环移位

x(n)的周期移位定义为

$$\hat{x}(n-m) x((n-m))$$

x(n)的循环移位定义为

$$\tilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n} - \mathbf{m})\mathbf{R}_{\mathbf{N}}(\mathbf{n}) = \mathbf{x}((\mathbf{n} - \mathbf{m}))_{\mathbf{N}}\mathbf{R}_{\mathbf{N}}(\mathbf{n})$$

其 DFT 为

$$DFT[x((n-m))_NR_N(n)] = W_N^{km}X(k)$$

为在MATLAB中实现序列的循环移位,可建立扩展函数 cirshftt, 详见 3.4。

6. 频域循环移位

$$DFT[W_N^{ln}x(n)] = X((k-1))_N R_N(k)$$

7. 循环卷积

循环卷积中对序列采用循环移位,其定义为

$$x_1(n) \bigotimes x_2(n) = \sum_{m=0}^{N-1} x_1(n) x_2((n-m))_N \quad 0 \le n \le N-1$$

其 DFT 为

$$DFT[x_1(n)(N) x_2(n)] - X_1(k)X_2(k)$$

在 MATLAB 中, 可构造完成循环卷积的函数 circonvt, 详见 3.4。

8. 序列相乘

$$DFT[x_1(n)x_2(n)] = \frac{1}{N}X_1(k) \bigotimes X_2(k)$$

9. Parseval(帕斯维尔)关系式

$$E_k - \sum_{n=0}^{N-1} x(n)^{-2} - \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X(k)^{-2}$$

将 X(k) ² N 称为有限时宽序列 x(n)的能量谱,类似地,可将 ${}_1\widehat{X}(k)$ ²/N 称为周期序列的功率谱。

1.4.5 利用 DFT 计算线性卷积

线性系统的最重要操作之一为线性卷积,而 DFT 是实现线性卷积的重要方法,然而, DFT 得到的是循环卷积,与线性卷积不同。

线性卷积

$$x_3(n) - x_1(n) \underbrace{\times}_2(n)$$

$$\sum_{k=-\infty}^{\infty} x(k) x_2(n-k) = \sum_{k=0}^{N_1-1} x_1(k) x_2(n-k)$$

设 x₁(n)为 N₁点, x₂(n)为 N₂点,则 x₃(n)为 N₁+N₂ 1点序列。

如果取 N=N + N₂ 1, 则

$$\mathbf{x}_{4}(\mathbf{n}) \rightarrow \mathbf{x}_{1}(\mathbf{n}) \bigotimes \mathbf{x}_{2}(\mathbf{n})$$

$$= \left[\sum_{m=0}^{N} \mathbf{x}_{1}(\mathbf{k}) \mathbf{x}_{2}((\mathbf{n} - \mathbf{m}))_{N} \right] R_{N}(\mathbf{n})$$

$$= \left[\sum_{r=-\infty}^{\infty} \mathbf{x}_{3}(\mathbf{n} - rN) \right] R_{N}(\mathbf{n})$$

这说明

$$x_4(n) = x_3(n)$$
 $0 \le n \le N$ 1

即当取 N-N+N。1时,可利用 DFT 来计算线性卷积。

当 $N < N_1 + N_2 = 1$ 时,则采用 DFT 计算线性卷积时存在误差,在实际中计算这种误差是很有必要的。当采用 N 进行计算

$$x_4(n) = \left[\sum_{r=-\infty}^{\infty} x_3(n-rN)\right] R_N(n)$$

时,则有

$$e(n) \triangleq x_4(n) - \left[\sum_{r \neq 0} x_3(n - rN)\right] R_N(n)$$

在实际操作中,需要对数据流进行分块处理,这时直接采用 DFT 计算线性卷积会产生-此问题,而应该将 x(n)通过重复前 M-1 个取样来进行分块,这样可得到正确结果。

这种思路可构成通用的 M 函数,详见 3.4 的扩展函数 ovrlpsav。

1.4.6 快速傅里叶变换(FFT)

N 点序列 x(n)的 N 点 DFT 可表示成

$$X(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) W_N^{nk} \qquad 0 \leqslant k \leqslant N - 1$$

其中 W、 -e 12* N。利用系数 W** 的周期性

$$W_N^{kn} = W_N^{k n-N} = W_N^{(k+N)n}$$

$$W_N^{kn+\frac{N}{2}} = -W_N^{kn}$$

叮采用 FFT 算法来计算 x(n)的 DFT。

FFT 算法基本上分两类: 时域抽取 FFT(DIT-FFT)和频域抽取 FFT(DIF FFT)。 当 N-2* 时称为基 2 的 FFT 算法。下面先说明基 2 的 DIT FFT 算法。 将 x(n)划分成 N/2 点序列:

$$\begin{aligned} g_1(n) &= x(2n) \\ g_2(n) &= x(2n+1) & & 0 \leq n \leq \frac{N}{2} - 1 \end{aligned}$$

对 g₁(n)和 g₂(n)分别经 N/2 点 DFT 得 G₁(k)和 G₂(k), 这时

$$X(\mathbf{k}) = G_1(\mathbf{k}) + W_N^k G_2(\mathbf{k}) \qquad 0 \leqslant \mathbf{k} \leqslant N - 1$$

重复这一过程, 可得到 x(n)的 FFT。

例如当 N-8 时,其信导流图如图 1.1 所示。

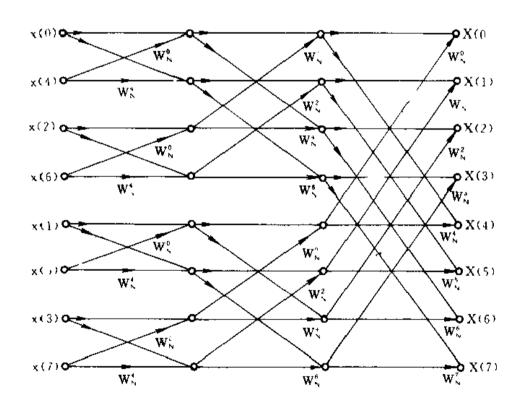


图 1.1 N 8时 DIT FFT 结构

基 2 的 DIF-FFT 算法只是划分方式略有差别, 先将 x(n)按前后分成两个 N/2 点序列, 然后继续这一过程, 其信号流结构如图 1.2 所示。

在 MATLAB 中, 可直接利用 fft 函数进行计算, 它是由 MATLAB 系统本身提供的, 因此速度快。详见第 2 章有关 fft 的函数说明。

IFFT(逆 FFT)同样可由 ifft 函数直接计算。

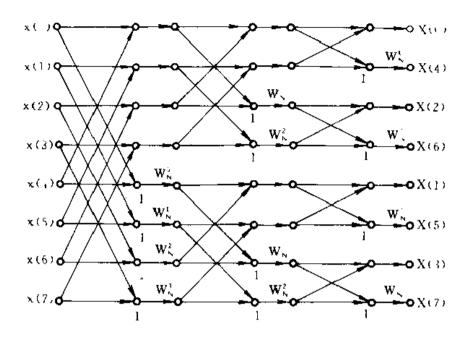


图 1 2 N 8 时 DIF FFT 结构

1.5 数字滤波器结构

1.5.1 IIR 滤波器结构

IIR 滤波器可写成

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_M z^{-M}}{1 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_N z^{-N}}$$

即可用滤波器系数 b_n 和 a_n 表示。当 $a_n \neq 0$ 时,滤波器的阶为 N。IIR 滤波器的差分方程表示为

$$y(n) = \sum_{m=0}^{M} b_m x(n-m) = \sum_{m=0}^{N} a_m y(n-m)$$

实现 IIR 滤波器可采用三种不同的结构: 直接形式、级联形式和并联形式。

1. 直接形式

滤波器差分方程直接用延迟线、乘法器和加法器实现,例如 M=4 、N=4 时,得到如图 1.3 所示的结构,其差分方程为

$$y(n) = b x(n) + \cdots + b_4 x(n - 4)$$
 $a_1 y(n - 1)$ \cdots $a_4 y(n - 4)$

这种结构称为直接形式 1。

将这种结构进行简化, 叮得到直接形式 2, 如图 1.4 所示。

在 MATLAB 中, 可利用 DSP 工具箱函数 filter 实现 IIR 的直接形式。

2. 级联形式

下面先假设 N 为偶数,则 IIR 可简化

$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \dots + b_N z^{-N}}{1 + a_1 z^{-1} + \dots + a_N z^{-N}}$$

$$b_1 \prod_{k=1}^{K} \frac{1 + B_{k_1} z^{-1} + B_{k_2} z^{-2}}{1 + A_{k_1} z^{-1} + A_{k_2} z^{-2}}$$

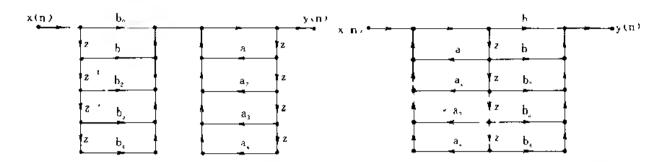


图 1.3 IIR 滤波器直接形式 1 结构 N 4) 图 1.4 IIR 滤波器直接形式 2 结构 N 4) 其中 K-N/2,每个 1阶形式都可用直接形式 2 得以实现,例如当 N-4 时,其级联结构如图 1.5 所示。

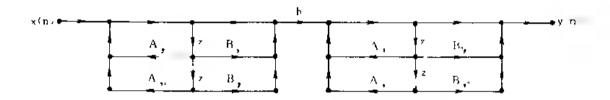


图 1.5 HR 滤波器的级联结构(N 4

在 MATLAB 中, 给定直接形式滤波器的系数、 b_o 和 $\{a_o$ 、可计算出 b_o , $\{B_k, \gamma$ 和 $\{A_{k,i,j}$,这可由扩展函数 dir2cas 实现。然后利用扩展函数 casfiltr 实现滤波器的级联形式,详见 3.5。

当然,在给定级联形式时,也可得到滤波器的直接形式,这由扩展函数 cas2dir 实现。

3. 并联形式

在级联形式的基础上,利用部分分式展开,可进一步得到(设 M≥N)

$$\begin{split} H(z) &= \frac{b_0}{1} \frac{+ b_1 z^{-1} + \cdots + b_M z^{-M}}{+ a_1 z^{-1} + \cdots + a_N z^{-N}} \\ &= \frac{b_0}{1} \frac{+ b_1 z^{-1} + \cdots + b_N \cdot z^{-(N-1)}}{1 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_N z^{-N}} + \sum_{k=0}^{M-N} C_k z^{-k} \\ &= \sum_{k=1}^{K} \frac{B_{k,2} + B_{k,2}}{1 + A_{k,2} z^{-1} + A_{k,2} z^{-2}} + \sum_{k=0}^{M-N} C_k z^{-k} \end{split}$$

其中 K-N/2,每一部分均为二阶,它们之间是并联关系。同样以 M-4,N-4 为例,画出其结构如图 1.6 所示。

在 MATLAB 下,我们设计了将滤波器直接形式转化为并联形式的扩展函数 dir2par,其中用到了复共轭对比较函数 eplxcomp。这样我们就可利用 parfiltr 函数实现滤波器的并联形式。最后还设计出了将并联形式转换成直接形式的扩展函数 par2dir,这 4 个函数可参见 3.5。

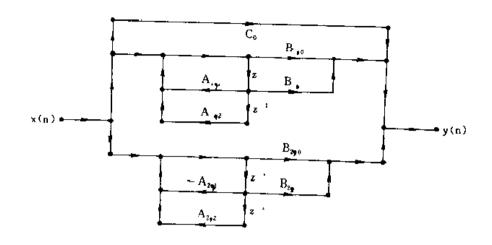


图 1.6 IIR 滤波器的并联结构(N=4)

1.5.2 FIR 滤波器结构

有限脉冲响应(FIR)滤波器可表示为

$$H(z) = b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_{M-1} z^{-(M-1)}$$

即

$$h(n) = \begin{cases} b_n & 0 \leqslant n \leqslant M - 1 \\ 0 & \sharp \hat{\mathbf{r}} \end{cases}$$

差分方程表示

$$y(n) = b_0 x(n) + b_1 x(n-1) + \cdots + b_{M-1} x(n - M + 1)$$

与 IIR 滤波器相比, FIR 滤波器结构相对简单, 而且可设计成线性相位。实现 FIR 滤波器可采用以下 4 种结构, 直接形式、级联形式、线性相位形式和频率取样形式。

1. 直接形式

与 IIR 类似, 这是最直接的实现形式, 以 M-5 为例, 其结构如图 1.7 所示。在 MAT-LAB 中可通过 filter 函数实现。

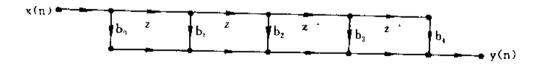


图 1 7 FIR 滤波器的直接形式(M=5)

2. 级联形式

FIR 的级联形式类似于 IIR。

$$H(z) = b_1 + b_1 z + \cdots + b_{M-1} z^{-(M-1)}$$
$$= b_0 \prod_{k=1}^{K} (1 + B_{k,1} z^{-1} + B_{k,2} z^{-2})$$

其中 K-M/2。以 M-7 为例, 其结构如图 1.8 所示。

在 MATLAB 中,可采用 dir2cas 和 cas2dir 函数,在直接形式和级联形式之间转换,滤波器实现可通过 casfiltr 函数实现。

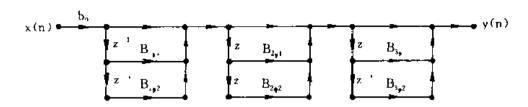


图 1.8 FIR 滤波器级联形式(M 7)

3. 线性相位形式

线性相位条件

$$\angle H(e^{j\omega}) = \beta - \alpha\omega$$
 $\pi < \omega \leqslant \pi$

其中 β -0 或 β -± π /2, α 为常数。对因果 FIR 滤波器,设冲激响应处 Γ [0, M 1]区间上,则上述条件就表示下列对称性

$$h(n) = h(M - 1 - n)$$
 $\beta = 0, 0 \le n \le M - 1$ (对称冲激响应)

$$h(n) = -h(M - 1 - n)$$
 $\beta = \pm \frac{\pi}{2}, 0 \le n \le M - 1$ (反对称冲激响应)

以 M - 7 或 M - 6 为例,对称型的结构如图 1.9 所示。

在 MATLAB 中,实现 FIR 线性相位形式的函数等同于直接形式,即采用 filter 函数

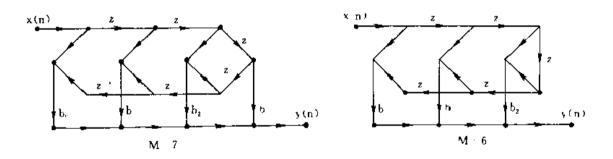


图 1.9 FIR 滤波器线性相位形式(M=7或 M=6)

4. 频率取样形式

冲激响应 h(n)的 M 点 DFT 为 $H(k)(0 \le k \le M-1)$, 则有

$$H(z) = \mathcal{Z}[h(n)] - \mathcal{Z}[IDFT(H(k))]$$

利用内插公式可得

$$H(z) = \begin{pmatrix} 1 - z & M \\ M \end{pmatrix} \left| \sum_{k=0}^{M} \frac{H(k)}{1 - W_M^k z} \right|$$

这表明在这种结构中采用了离散傅里叶变换 H(k),而不是冲激响应 h(n)。这种结构分成两部分:第一部分由 $(1-z^M)/M$ 构成,第二部分由 $M \cap H(k)/(1-W_M^*z^{-1})$ 并联而成。以 M-4 为例,频率取样形式如图 1.10 所示。

在 MATLAB 中, 给定 h(n)或 H(k),则可借助于扩展函数 dir2fs 得到频率取样形式, 它将 h(n)值转换成频率取样形式,详见 3.5。

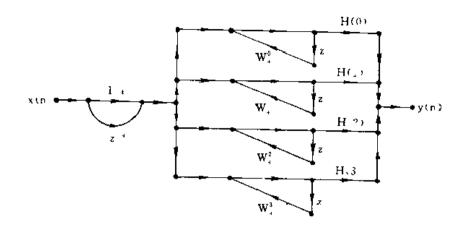


图 1.10 FIR 滤波器频率取样形式(M 4)

1.5.3 格形滤波器结构

格形滤波器在数字语言处理及自适应滤波中有着广泛的应用。它主要可分为两种:全零点格形滤波器和全极点格形滤波器。

1. 全零点格形滤波器

M 1 阶(长度为M)FIR 滤波器具有M 1 阶格形结构,如图 1.11 所示。

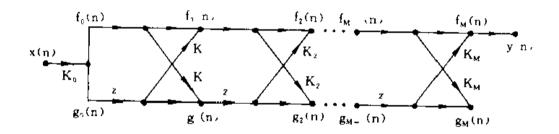


图 1.11 全零点格形滤波器

滤波器的每一阶具有简单的递推关系

$$f_m(n) - f_{m-1}(n) + K_m g_{m-1}(n-1) \quad m = 1, 2, \dots, M-1$$

 $g_m(n) - K_m f_{m-1}(n) + g_{m-1}(n-1) \quad m = 1, 2, \dots, M-1$

其中 Km 称为反射系数,初值

$$f_0(n) - g_0(n) - K_0 x(n)$$

 $y(n) - f_{M-1}(n)$

当 FIR 以直接形式表示时

$$H(z) = \sum_{m=1}^{M} b_m z^{-m} - b_0 \left[1 + \sum_{m=1}^{M} \frac{b_m}{b_0} z^{-m} \right]$$

若记多项式

$$A_{M_{-1}}(z) = \{1 + \sum_{m=1}^{M_{-1}} a_{M_{-1}}(m)z^{-m}\}$$

$$a_{M_{-1}}(m) = \frac{b_m}{b}$$

则格形滤波器系数 K ... 可由下列递归算法得到

$$K_{0} = b_{0}$$

$$K_{M} = \alpha_{M-1}(M-1)$$

$$J_{m}(z) = z^{-m}A_{m}(z^{-1}) \qquad m = M-1, \dots, 2, 1$$

$$A_{m-1}(z) = \frac{A_{m}(z) - K_{m}J_{m}(z)}{1 - K_{m}^{2}} \qquad m \qquad M = 1, \dots, 2, 1$$

$$K_{m} = \alpha_{m}(m) \qquad m = M = 2, \dots, 2, 1$$

但应注意, 一旦 K_m — 1, 则上述算法将失效, 这时线性相位 FIR 滤波器不能用格形结构实现。

在 MATLAB 中,设计出了几个有关的扩展函数, dir2late 可将直接形式系数 $\{b_n\}$ 转换成格形滤波器系数 $\{K_m\}$, latefilt 函数用于实现 FIR 格形滤波器, late2dir 函数可将 $\{K_m\}$ 转换成 $\{b_n\}$,详见 3.5。

2. 全极点格形滤波器

IIR 滤波器的格形结构可实现全极点函数

$$H(z) = \frac{1}{1 + \sum_{m=1}^{N} \alpha_{N}(m)z^{m}}$$

其格形结构如图 1.12 所示。

在 MATLAB 中, 可利用 dur2late、late2dur 函数在直接形式和格形形式之间的转换, 利用 latefult 函数实现滤波。

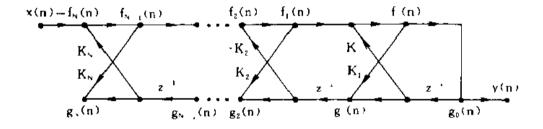


图 1.12 全极点格形滤波器

1.6 FIR 滤波器设计

1.6.1 线性相位 FIR 滤波器特性

$$\begin{split} H(z) &= \sum_{n=0}^{M} h(n) z^{-n} \\ H(e^{j\omega}) &= \sum_{n=0}^{M} h(n) e^{-j\omega n} \qquad \pi < \omega \leqslant \pi \end{split}$$

当 FIR 滤波器具有线性相位时,即

$$\angle H(e^{i\omega}) = \beta - \alpha \omega$$

这时 h(n)具有下列一些特性。

• β --0,M 为奇数,这时 α -(M-1)/2 为一整数,因此 h(n)以中心点(M 1)/2 对称:

$$h(n) = h(M - 1 - n) \qquad 0 \le n \le (M - 1)$$

・β-0, M 为偶数, 这时 α =(M-1)/2 为非整数, 因此 h(n)以点(M/2)-1 与点 M 2 之间中心对称:

$$h(n) = h(M + 1 - n) \qquad 0 \le n \le (M - 1)$$

・ $\beta=\pm\pi/2$, M 为奇数, 这时 $\alpha=(M-1)/2$ 为一整数, 因此 h(n)以点(M-1)/2 为中心反对称。

$$h(n) = h(M-1-n) \qquad 0 \leqslant n \leqslant (M-1)$$

这时 h((M 1)/2)-0。

 \bullet β — $\pm\pi/2$,M 为偶数,这时 α = (M-1)/2 为非整数,因此 h(n)以点(M/2)-1 与点 M/2 之间中心反对称。

$$h(n) = -h(M-1-n)$$
 $0 \le n \le (M-1)$

根据这 4 类 FIR 滤波器, 可得到相应的频率特性的特点;

$$H(e^{j\omega}) - H_r(\omega)e^{j_r\beta - q\omega_r}$$

其中 $H_\epsilon(\omega)$ 为振幅响应,它与幅值特性, $H(e^\mu)$ | 不同, β 可取 0 或 $\pm \pi/2$, $\alpha = (M-1)/2$ 。这样可得到 4 类 FIR 滤波器。

1. 线性相位 FIR 滤波器类型 1

特点: β=0 , 对称的冲激响应, M 为奇数。

$$H(e^{j\omega}) = \left[\sum_{n=0}^{(M-1)/2} a(n) \cos \omega n\right] e^{-j\omega \frac{M-1}{2}}$$

其中

$$a(0) = h \left(\frac{M-1}{2} \right)$$

$$a(n) = 2h \left(\frac{M-1}{2} - n \right) \qquad 1 \le n \le \frac{M-3}{2}$$

这样就得到了

$$H_r(\omega) = \sum_{n=0}^{M-1/2} a(n) \cos \omega n$$

2. 线性相位 FIR 滤波器类型 2

特点:β=0,对称的冲激响应,M 为偶数。

$$H(e^{\mu}) = \left[\sum_{n=1}^{M/2} b(n) \cos\left\{\omega\left(n - \frac{1}{2}\right)\right\}\right] e^{-\mu^{M} \frac{1}{2}}$$

其中

$$b(n) = 2h \left(\frac{M}{2} - n \right)$$
 $n = 1, 2, \dots, \frac{M}{2}$

因此

$$H_r(\omega) = \sum_{n=1}^{M/2} b(n) \cos \left\{ \omega_n n - \frac{1}{2} \right\}$$

3. 线性相位 FIR 滤波器类型 3

特点: β-π/2, 反对称的冲激响应, M 为奇数。

$$H(e^{\mu}) = \left[\sum_{n=1}^{(M-1)/2} c(n) \sin \omega n\right] e^{i\left[\frac{\pi}{2} - \left(\frac{M}{2}\right), \omega\right]}$$

其中

$$c(n) = 2h \left(\frac{M-1}{2} - n \right)$$
 $n = 1, 2, \dots, \frac{M-1}{2}$

因此得

$$H_r(\omega) = \sum_{n=1}^{\infty} c(n) \sin \omega n$$

4. 线性相位 FIR 滤波器类型 4

特点: β=π/2, 反对称的冲激响应, M 为偶数。

$$H(e^{\omega}) = \left[\sum_{n=1}^{M/2} d(n) \sin\left\{\omega\left(n - \frac{1}{2}\right)\right\}\right] e^{-\mu \frac{M-1}{2}}$$

其中

$$d(n) = 2h\left(\frac{M}{2} - n\right)$$
 $n = 1, 2, \dots, \frac{M}{2}$

因此得

$$H_r(\omega) = \sum_{n=1}^{M/2} d(n) \, \sin \left\{ \omega \left[\, n \, - \, \frac{1}{2} \, \right] \, \right\}$$

在 MATLAB 中,我们着意设计出了计算这类 FIR 振幅响应的函数,分别为 hr type1, hr type2, hr-type3, hr-type4,通过它们可在给定 h 下计算出 H_r(振幅),详见 3.6 的扩展函数。

1.6.2 利用窗函数设计 FIR 滤波器

对于理想的滤波器特性 $H(e^{re})$,相应的 $h_a(n)$ 一般为无限时宽,从而是非因果的。为此实现时一般要加窗处理:

$$h(n) = h_d(n)w(n)$$

相应的

$$H(e^{j\omega}) - H_a(e^{j\omega})(*)W(e^{j\omega})$$

利用各种窗函数可设计出符合要求的滤波器。

1. 矩形窗

$$\mathbf{w}(\mathbf{n}) = \begin{cases} 1 & 0 \leq \mathbf{n} \leq \mathbf{M} - 1 \\ 0 & \sharp \dot{\mathbf{r}} \end{cases}$$

在 MATLAB 中,用 w-boxcar(M)可产生矩形窗 w 序列,利用 fir1 函数可实现带窗的滤波器。其它窗函数滤波也可用 fir1 实现。

2. Bartlett(巴特利特)窗

$$\begin{cases} \frac{2n}{M-1} & 0 \leqslant n \leqslant \frac{M-1}{2} \\ \frac{2-\frac{2n}{M-1}}{0} & \frac{M-1}{2} \leqslant n \leqslant M-1 \end{cases}$$
 其它

在 MATLAB 中, 用 w bartlet(M)产生 w 序列。

3. Hanning(汉宁)窗

$$\mathbf{w(n)} \quad \begin{cases} 0.5 \left[1 & \cos \frac{2\pi n}{M-1} \right] \right] \quad 0 \leqslant n \leqslant M-1 \\ 0 &$$
其它

在MATLAB中,用w hanning(M)产生w序列。

4. Hamming(哈明)窗

w(n)
$$0.54 - 0.46 \cos \frac{2\pi n}{M-1}$$
 0 $< n \le M$ 1

在 MATLAB 中, 用 w hamming (M)产生 w 序列。

5. Blackman(布莱克曼)窗

w(n)
$$\begin{cases} 0.42 & 0.5 \cos \frac{2\pi n}{M-1} + 0.08 \cos \frac{4\pi n}{M-1} & 0 ≤ n < M & 1 \\ 0 & \text{ #☆} \end{cases}$$

在 MATLAB 中、用 w blackman(M)产生 w 序列。

6. Kaiser(凯泽)窗

$$\mathbf{w(n)} \qquad \frac{\mathbf{I}_{0} \left[\beta \sqrt{1 - \frac{\left[1 - \frac{2n}{M-1}\right]^{2}}{\mathbf{I}_{0} \lceil \beta^{-}}}\right]}{\mathbf{I}_{0} \lceil \beta^{-} \right]} \qquad 0 \leqslant n < M-1$$

其中 $I_{\circ}[\cdot]$ 为第一类修正的零阶 Bessel(贝塞尔)函数, β 是与 M 有关的参数, 选择合适的 β 值, 可产 在各种过渡带宽和阻带衰减。

在 MATLAB 中, 用 w kaiser(M, beta)产生 w 序列。

对前 5 种窗函数进行比较, 可得出如表 1.2 所示的结果。

窗函数	过渡区宽度	最小阻带衰减
矩形窗	4π M	21 dB
Bartlett	8π M	25 dB
Hanning	8π M	44 aB
Hamm.ng	8π/ M	ა3 dB
Blackman	12m M	74 40

表 1.2 窗函数特性

在利用窗函数设计 FIR 滤波器时,还需要产生理想低通滤波器的冲激响应 ha(n),因

此在 3.6 扩展函数中给出产生 $h_a(n)$ 的函数 $ideal_alp$,它在给定 ω_a 和 M 时,得到理想低通的冲激响应 $h_a(n)$,有关内容详见 3.6。

1.6.3 频率取样设计技术

滤波器的 H(z)、H(k)、H(e™)之间存在着关系

$$H(z) = \sum_{n=0}^{M-1} h(n)z^{-n} - \frac{1-z^{-M}}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{H(k)}{1-z^{-k}}$$

$$H(e^{jw}) - \frac{1-e^{-jwM}}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{H(k)}{1-e^{-jw}e^{\frac{j2\pi k}{M}}}$$

$$H(k) = H(e^{\frac{2\pi k}{M}}) - \begin{cases} H(0) & k = 0 \\ H^{*}(M-k) & k = 1, 2, \dots, M-1 \end{cases}$$

在给定理想低通滤波器 $H_d(e^{i^n})$ 时,首先选取长度 M,并以 $2\pi/M$ 等频率间隔对 $H_d(e^{i^n})$ 取样得 H(k),实际响应 $H(e^{i^n})$ 可通过 H(k)内插求出,h(n)可由 ifft 函数求出,即 h(n) IDFT[H(k)]。

具体设计时,有两种方法:第一种方法只是利用这种思想进行设计,而不管其逼近误差;第二种方法通过在过渡带增加取样点,以减少逼近误差。

1.6.4 最佳等波纹设计技术

等波纹最佳一致逼近准则是根据设计要求,导出一组条件,使整个逼近频率区域(通带或阻带)上逼近误差绝对值的最大值为最小。按这种准则设计的滤波器其通带和阻带内呈现等波纹幅度特性。因此称之为等波纹最佳逼近,也称为(hebyshev(切比雪夫)逼近。

线性相位 FIR 滤波器的 4 种类型的幅度特性可统一表示成

$$H_r(\omega) = Q(\omega)P(\omega)$$

其中 $P(\omega)$ 是 $\cos(n\omega)$ 的线性组合:

$$P(\omega) = \sum_{n=1}^{I} \alpha(n) \cos \omega n$$

各种类型的 P(ω)和 Q(ω 如表 1.3 所示。

表 1.3 线性相位 FIR 滤波器 $Q(\omega)$ 和 $P(\omega)$

线性相位 FIR 滤波器	Q(ω)	I	Ρ(ω)
类型 1	1	M ₂ 1	$\sum_{n=0}^{T} a(n) \cos \omega n$
类型 2	cos ω	M 2 1	$\sum_{n=0}^{\infty} \hat{b}(n) \cos \omega n$
类型 3	sınω	<u>M_3</u>	$\sum_{n=0}^{\infty} \tilde{c}(n) \cos \omega n$
类型 4	cos $\frac{\omega}{2}$	$\frac{M}{2}$ 1	$\sum_{n=0}^{\infty} \tilde{d}(n) \cos \omega n$

通过加窗后的滤波器误差为

$$\begin{split} E(\omega) & \underline{\triangle} \ W(\omega) \big[H_{\omega}(\omega) - H_{\tau}(\omega) \big] \\ \omega &\in S \ \underline{\triangle} \ \big[0, \ \omega_{\scriptscriptstyle P} \big] \ \cup \ \big[\omega_{\scriptscriptstyle S}, \ \pi \big] \end{split}$$

因此问题是确定 a(n)或 b(n)或 c(n)或 d(n), 使

$$\min[\max_{\omega \in S} |E(\omega)|]$$

结果得到一个以切比雪夫多项式加权的等波纹滤波器。

Parks 和 McClellan 利用 Remez 交换算法可迭代求解出滤波器系数。但一般只给定 δ_2 , ω_0 和 ω_s , 而 M 未知。算法中必须提供 M 值,幸好有近似公式

$$\begin{aligned} M &= \frac{-20 \log_{.0} \sqrt{\delta_1 \delta_2} - 13}{14.6 \Delta f} + 1 \\ \Delta f &= \frac{\omega_s - \omega_p}{2\pi} \end{aligned}$$

当然,在实际中应适当调整 M,使阻带衰减符合设计要求。

在 MATLAB 中, 这可由信号处理 L具箱中的 remez 和 remezord 函数实现。

1.7 IIR 滤波器设计

IIR 滤波器具有无限宽的冲激响应,因而与模拟滤波器相匹配,而模拟滤波器的设计可借助于许多图表和公式,因此设计 IIR 滤波器有两种方法。第一种方法先设计模拟低通滤波器,然后通过频带变换而成为其它频带选择滤波器(带通、高通等),最后通过滤波器变换而得到数字域的 IIR 滤波器。第二种方法先设计模拟低通滤波器,然后通过滤波器变换而得到数字域的低通滤波器,最后通过频带变换而得到期望 IIR 滤波器。

指定低通滤波器的性能可用频率响应的幅值平方表示(如图 1.13 所示);

$$\frac{1}{\sqrt{1+\varepsilon^2}} \leqslant H_{\bullet}(j\Omega)^{-2} \leqslant 1 \qquad |\Omega| \leqslant \Omega_{P}$$

$$0 \leqslant H_{\bullet}(j\Omega)^{-2} \leqslant \frac{1}{A^2} \qquad \Omega_{s} \leqslant \Omega$$

这样, 可得出

$$R_p - 10 \log_{10} \frac{1}{1 + \epsilon^2}$$
 $\epsilon - \sqrt{10^{R_p/10} - 1}$

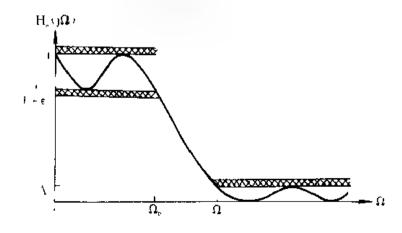


图 1 13 模拟低通滤波器指标

$$A_s = -10 \, \log_{10} \frac{1}{A^2} \qquad A = 10^{A_s \cdot 20}$$

1.7.1 模拟滤波器原型特性

设计 IIR 滤波器的基础是设计模拟低通滤波器的原型,这些原型滤波器有: Butter worth, Chebyshev 和 Elliptic(椭圆)低通滤波器。

1. Butterworth 低通滤波器

N 阶低通 Butterworth 滤波器频域响应幅值平方为

$$_{t}H_{_{B}}(J\Omega)\left|^{2}=\frac{1}{1+\left|\frac{\Omega}{\Omega}\right|^{2N}}$$

系统函数 H_s(s)可写成

$$H_a(s)H_a(-s) = \frac{1}{1}H_a(j\Omega)|_{\Omega=s}^2 = \frac{1}{1+\frac{s}{1\Omega_0}} - \frac{(j\Omega_c)^{2N}}{s^{2N}+(j\Omega_c)^{2N}}$$

在 MATLAB 中,可利用信号处理工具箱函数 buttap 函数设计归一化的($\Omega_c=1$)N 阶 Butterworth 模拟低通滤波器原型。当 $\Omega_c\neq 1$ 时,我们设计出了扩展函数 a buttap,同时提供了 sdur2cas 函数将其直接形式转换成级联形式,详见 3.7 的扩展函数。

在设计中,一般给定 R。和 A、,但我们需知道 N 和 Ω 、它们之间存在着关系:

(1)
$$\stackrel{\text{M}}{=} \Omega = \Omega_p$$
, $-10 \log_{10} |H_a(j\Omega)|^2 = R_p$

即

$$10 \log_{10} \left[1 + \left(\frac{\frac{1}{\Omega_p}}{\frac{\Omega_c}{\Omega_c}} \right)^{2N} \right] - R_p$$

(2) 在
$$\Omega - \Omega_s$$
, $-10 \log_{10} |H_s(j\Omega)|^2 - A_s$

即

$$-10\log_{10}\left[1+\frac{1}{\sqrt{\Omega_{s}}}\right]-A_{s}$$

由这两式可解出 N 和 Ω

$$N = \frac{\log_{10}[(10^{R_{0.10}} - 1)(10^{A_{s.1}} - 1)]}{2 \log_{10}(\Omega_{0.10})}$$

-般 N 取比计算结果稍大的整数。

为满足 Ω 。上的指标

$$\Omega_{\rm c} = \frac{\Omega_{\rm p}}{2N~\sqrt{10^{R_{\rm p}/10}~-~1}}$$

为满足 Ω, 上的指标

$$\Omega_{\rm c}\,-\,\frac{\Omega_{\rm c}}{2N\,\,\sqrt{10^{A_{\rm s}/20}\,\,-\,1}}$$

在 MATAB 中, 这一设计过程可由扩展函数 afd butt 来实现, 它要求给出低通滤波器 的 ω_i , ω_s , R_p 和 A_s , 函数 fad butt 可得到满足这些指标的低通 Butterworth 滤波器系数

(b, a), 详见 3.7。

2. Chebyshev 低通滤波器

有两种类型的 Chebyshev 滤波器, Chebyshev I 型滤波器在通带内具有等波纹特性, Chebyshev I 型滤波器在阻带内具有等波纹特性。

Chebyshev I型滤波器;

$$H_{a}(j\Omega)^{-2} = \frac{1}{1 + \epsilon^{2} T_{N}^{2} \left(\frac{\Omega}{\Omega_{c}}\right)}$$

其中 N 为滤波器阶, ε 为通带波纹系数(与 R_o 有关), $T_N(x)$ 为 N 阶 Chebyshev 多项式

$$T_{N}(\mathbf{x}) = \begin{cases} \cos(N\cos^{-1}(\mathbf{x})) & 0 \leq \mathbf{x} \leq 1\\ \cosh(\cosh^{-1}(\mathbf{x})) & 1 \leq \mathbf{x} \leq \infty \end{cases}$$

在 MATLAB 中可利用信号处理工具箱函数 Cheblap 函数设计归一化的 Chebyshev I型模拟原型滤波器。当 $\Omega_c \neq 1$ 时,我们给出了扩展函数 u chblap 来进行设计,有关内容详见 3.7。

在具体设计时, 给定 Ω_p , Ω_s , R_p 及 A_s , 要确定 Chebyshev I 型滤波器的 ε , Ω_s , N_s 它 们之间的关系为

$$\begin{split} \varepsilon &= \sqrt{10^{0.1R_p} - 1} \\ A &= 10^{A_r \cdot 20} \\ \Omega_c &= \Omega_p \\ \Omega_r &= \frac{\Omega_s}{\Omega_p} \\ g &= \sqrt{(A^2 - 1)/\varepsilon^2} \\ N &= \frac{\log_{10} \left[g + \sqrt{g^2 - 1}\right]}{\log_{10} \left[\Omega_r + \sqrt{\Omega_r^2 - 1}\right]} \end{split}$$

其中N应取稍大的整数。

这一设计过程可构成 MATLAB 的扩展函数 afd chb1, 其调用格式为[b, a]=afd chb1(Wp, Ws, Rp, As), 有关内容详见 3.7。

Chebyshev I型滤波器:

$$H_a(j\Omega)^{-2} = \frac{V}{1 + \lceil \varepsilon T_N^2(\Omega_r/\Omega) \rceil^{-1}}$$

在 MATLAB 中, 可利用 cheb 2ap 函数进行设计归一化的 Chebyshev I 型模拟滤波器。对 非归 一化的滤波器, 可采用扩展函数 u. chb2ap 进行设计, 其调用格式为[b, a] 一 u chb2ap(N, As, Omegac)。由 ω_p , ω_s , R_p , A, 可确定 N, Ω_c , 从而得出滤波器设计函数 fda chb2, 其调用格式为[b, a]—afd chb2(Wp, Ws, Rp, As), 有关内容详见 3.7。

3. 椭圆低通滤波器

$$H_a(j\Omega)^2 = \frac{1}{1 + \varepsilon^2 U_N^2 \Omega}$$

其中 U_N(•) 为 N 阶雅 可比椭圆函数。 阶数 N 由 下式确定

$$N = \frac{K(k) \ K(\sqrt{1-k_{\perp}^2})}{K(k_1) \ K(\sqrt{1-k_{\perp}^2})}$$

其中

$$\begin{split} k &= \frac{\Omega_{\text{P}}}{\Omega_{\text{s}}} & k_1 = \frac{\varepsilon}{\sqrt{A^2 - 1}} \\ K(\mathbf{x}) &= \int_0^{\pi/2} \frac{\mathrm{d}\theta}{\sqrt{1 - \mathbf{x}^2 \sin^2\theta}} \end{split}$$

K(x)为第一类椭圆积分, MATLAB 专门为此提供了计算函数 ellipke。

MATLAB 为归一化椭圆模拟原型滤波器的设计提供了函数 ellipap, 对非归一化椭圆模拟原型滤波器的设计,给出了扩展函数 u_elipap, 其调用格式为[b, a]—u elipap(N, Rp, As, Omegac)。利用 u_elipap 函数可设计出设计模拟椭圆低通滤波器的扩展函数 afd elip, 其调用格式为[b, a]—afd elip(Wp, Ws, Rp, As), 有关内容详见 3.7。

1.7.2 模拟到数字滤波器变换

从模拟滤波器到数字滤波器可采用各种变换技术,最重要的有两种:冲激不变法(保持冲激响应不变)和双线性变换(保持系统函数表示不变)。

1. 冲激不变变换

设取样时间为 T,则冲激不变为

$$h(n) = h(nT)$$

模拟频率 Ω 与数字频率 ω 之间存在的关系为

$$\omega = \Omega T e^{j\omega} \sim e^{j\Omega T}$$

s 平面与 z 平面之间 有

$$z = e^{sI}$$

系统函数之间有

$$H(z) = \frac{1}{T} \sum_{k=-\infty}^{\infty} H_{\bullet} s = J \frac{2\pi}{T} k$$

在给定数字低通滤波器指标 ω_s , ω_s , R_s 和 A_s , 设计 H(z) 可分以下 4 步;

(1) 选 T, 确定模拟频率

$$\Omega_{_{\!P}} = \frac{\omega_{_{\!P}}}{T} \qquad \quad \Omega_{_{\!S}} = \frac{\omega_{_{\!S}}}{T}$$

- (2) 利用指标 Ω_p , Ω_s , R_p 和 A_s 设计模拟滤波器 $H_a(s)$ (这是前一小节的内容)。
- (3) 利用部分分式展开,将 H_{*}(s)写成

$$H_{a}(s) = \sum_{k=1}^{N} \frac{R_{k}}{s - P_{k}}$$

(4) 将模拟极点 P, 变换成数字极点 eP, 1, 这样得

$$H(z) = \sum_{k=1}^{N} \frac{R_k}{1 - e^{P_k T} z}$$

这一过程可设计成 MATLAB 的扩展函数 mp invr, 其调用格式为b, a]—mp invr (c, d, T), 其中 $H_a(s)=c(s)/d(s)$, H(z)=b(z)/a(z), T 为取样时间,有关内容详见 3.7。

2. 双线性变换

双线性变换是 s 域与 z 域之间的最佳映射;

$$s - \frac{2}{T} \frac{1-z}{1+z}$$
 $z - \frac{1+s}{1-s} \frac{T/2}{T/2}$

或写成

$$\frac{T}{2}$$
 s z + $\frac{T}{2}$ s - z + 1 - 0

因此s与z之间为线性关系。

利用 s-σ+iΩ 得

$$\mathbf{z} = \frac{1 + \frac{\sigma T}{2} + \mathbf{j} \frac{\Omega T}{2}}{1 - \frac{\sigma T}{2} - \mathbf{j} \frac{\Omega T}{2}}$$

由σ=0得

$$z = \frac{1 + j\frac{\Omega}{2}}{1 + j\frac{\Omega}{2}}$$

因此

$$\omega = 2 \tan^{-1} \left(\frac{\Omega T}{2} \right) = \Omega = \frac{2}{T} \tan \left(\frac{\omega}{2} \right)$$

当给定滤波器指标 ω,,ω,, R,, A, 时, 其设计步骤如下:

- (1) 选 T, 通常选 T-1。
- (2) 对 ω, 和 ω, 作预畸变

$$\Omega_{\text{p}} = \frac{2}{T} \, \tan \bigl(\, \frac{\omega_{\text{p}}}{2} \, - \, \Omega_{\text{s}} = \frac{2}{T} \, \tan \, \, \frac{\omega_{\text{s}}}{2} \,)$$

- (3) 按指标 Ω, Ω, R, A, 设计模拟滤波器。
- (4) 最后,由

$$H(z) - H_a \frac{2}{T} \frac{1}{1+z^{-1}}$$

求出 H(z), 这可由 MATLAB 的 bilinear 函数实现。

1.7.3 低通滤波器设计

低通滤波器的设计可直接采用信号处理工具箱提供的 M 函数; butter, cheby1, cheby2 及 ellip。它们要求提供滤波器阶 N 及截止頻率 ω、等参数, 为此, 又给出确定 N 和 ω、的函数 buttord, cheb1ord, cheb2ord 和 ellipord。这些函数的用法可参见第 2 章内容。

1.7.4 频带变换

在设计出低通滤波器后,可通过频带变换得到带通、高通和带阻滤波器。设低通滤波器为 H_{LP}(z),期望得到的频选滤波器为 H(z),则可定义一映射

$$Z \cdot - G(z')$$

$$H(z) = H_{LP}(Z)_{LZ} \cdot e_{RG(z)}$$

这种映射关系应满足一定的条件才能从低通滤波器得到期望的频选滤波器,如表 1.4 所示。

变换类型	变 换	参数
低通	$z = \frac{z^{-1} - \alpha}{1 - \alpha z}$	$\alpha = \frac{\sin\left(\frac{\omega_c - \omega_c}{2}\right)}{\sin\left(\frac{\omega_c + \omega_c}{2}\right)}$
高通	$z \stackrel{\cdot}{\longrightarrow} -\frac{z}{1+\alpha z^{-1}}$	$\alpha = \frac{\cos\left(\frac{\omega_c + \omega_c}{2}\right)}{\cos\left(\frac{\omega_c - \omega_c}{2}\right)}$
带通	$z \rightarrow \frac{z^{-2} - \alpha_1 z + \alpha_2}{\alpha_2 z^{-2} - \alpha_1 z^{-1} + 1}$	$\alpha_{c} = \frac{2\beta K}{K+1}$ $\alpha_{2} = \frac{K-1}{K+1}$ $\beta = \frac{\cos\left(\frac{\omega_{c} + \omega_{c}}{2}\right)}{\cos\left(\frac{\omega_{c} - \omega_{c}}{2}\right)}$ $K = \cot^{\frac{\omega_{c}}{2}} \tan^{\frac{\omega_{c}}{2}}$
帯阻	$z \mapsto \frac{z^{-2} - \alpha_1 z + \alpha_2}{\alpha_2 z^{-2} - \alpha_1 z^{-1} + 1}$	$\alpha_{1} = \frac{2\beta}{K + 1}$ $\alpha_{2} = \frac{K}{K + 1}$ $\beta = \frac{\cos\left(\frac{\omega_{u} + \omega_{1}}{2}\right)}{\cos\left(\frac{\omega_{u} - \omega_{1}}{2}\right)}$ $K = \tan\frac{\omega_{u} - \omega_{1}}{2} \tan\frac{\omega_{c}}{2}$

表 1.4 数字滤波器的频率变换(低通滤波器原型的截止频率为 ω.

将表 1.4 中的映射关系代入 $H_{LP}(Z)$, 从而得到 H(z), 这种过程可借助于 conv 函数来计算。这里给出一个扩展函数 zmapping,其调用格式为[bz, az]—zmazpping(bZ, aZ, Nz, Dz),其中 $H_{LP}(z)$ —bZ/aZ, z¹—G(z¹)=N(z)/D(z),结果得到 H(z)—bZ/aZ,有关内容详见 3.7。

第 2 章

信号处理工具箱函数

MATLAB 包含了进行信号处理的许多工具箱函数,有关这些工具箱函数的使用可通过 Help 命令得到。为使用方便,本章将给出这些函数的使用说明。为方便用户查询,本节先简要地分组列出各种工具箱函数(如表 2.1~2 15 所示),然后按字母顺序排列给出工具箱函数的索引(如表 2.16 所示)。

表 2.1 波形产生

表 2.2 滤波器分析和实现

函数名	功能
abs	求绝对值(幅值)
angle	求相角
conv	求卷积
fftfilt	重叠相加法 FFT 滤波器实现
filter	直接滤波器实现
filtfilt	零相位数字滤波
filtic	filter 函数初始条件选择
freqs	模拟滤波器频率响应

续表

函数名	功能
freqspace	频率响应中的频率间隔
freqz	数字滤波器频率响应
grpdelay	平均滤波器延迟(群延迟)
impz	数字滤波器的冲澈响应
zplane	离散系统零极点图

表 2.3 线性系统变换

函数名	功能
convmtx	卷积矩阵
po.y2rc	从多项式系数中计算反射系数
rc2poly	从反射系数中计算多项式系数
residuez	Z变换部分分式展开或留数计算
sos2ss	变系统 阶分割形式为状态空间形式
sos2tf	变系统二阶分割形式为传递函数形式
sos2zp	变系统二阶分割形式为零极点增益形式
ss2sos	变系统状态空间形式为二阶分割形式
ss2tf	变系统状态空间形式为传递函数形式
ss2zp	变系统状态空间形式为零极点增益形式
tf2ss	变系统传递函数形式为状态空间形式
tf2zp	变系统传递函数形式为零极点增益形式
zp2sos	变系统零极点增益形式为一阶分割形式
zp2ss	变系统零极点增益形式为状态空间形式
zp2tf	变系统零极点增益形式为传递函数形式

表 2.4 IIR 滤波器设计

函数名	功能
besself	Bessel(贝塞尔)模拟滤波器设计
butter	Butterworth(比特沃思)滤波器设计
cheby1	Cnebyshev(切比雪夫) I 型滤波器设计
cheby2	Chebysnev(切比雪夫) 『型滤波器设计
ell.p	椭圆滤波器设计
yulewalk	递归数字滤波器设计

表 2.5 IIR 滤波器阶的选择

函数名	功 能
buttord	Butterworth 滤波器阶的选择
cheb1ord	Chebyshev I 型滤波器阶的选择
cheb2ord	Chebyshev I 型滤波器阶的选择
ellipord	椭圆滤波器阶的选择

表 2.6 FIR 滤波器设计

函数名	功能
firl	基于窗函数的 FIR 滤波器设计 ——标准响应
fır2	基于窗函数的 FIR 滤波器设计 任意响应
firls	最小.乘 FIR 滤波器设计
.ntfilt	内插 FIR 滤波器设计
remez	Parks-McCellan 最优 FIR 滤波器设计
remezord	Parks McCellan 最优 FIR 滤波器阶估计

表 2.7 变 换

函数名	功能	
czt	线性调频 Z 变换	_
det	离散余弦变换(DCT)	
ıdct	逆离散余弦变换	
dftmtx	离散傅里叶变换矩阵	
fft	维快速傅里叶变换	
ıfft	维逆快速傅里叶变换	
fftshift	重新排列FFI的输出	
hilbert	Hubert(希尔伯特)变换	

表 2.8 统计信号处理

函数名	功能
cov	协方差矩阵
xcov	互协方差函数估计
corrcoef	相关系数矩阵
xcorr	互相关函数估计
cohere	相关函数平方幅值估计
csd	互谱密度(CSD)估计
psd	信号功率谱密度(PSD)估1+
tfe	从输入输出中估计传递函数

表 2.9 窗 函 数

函数名	功能
boxcar	矩形窗
triang	· · · · 角窗
bartlett	Bartlett(巴特利特)窗
hamming	Hamming(哈明)窗
hanning	Hanning(汉宁)窗
blackman	Blackman(布莱克曼)窗
chebwin	Chebyshev(切比雪夫)窗
kaiser	Kaiser(凯泽)窗

表 2.10 参数化建模

函数名	功能
invfreqs	模拟滤波器拟合频率响应
ınvfreqz	离散滤波器拟合频率响应
prony	利用 Prony 法的离散滤波器拟合时间响应
stmcb	利用 Ste.glitz McBride 迭代方法求线性模型
levinson	Levinson-Durbin 递归算法
lpe	线性預測系数

表 2.11 特殊操作

函数名	功能
rceps	实倒谐和最小相位重构
cceps	倒谱分析和最小相位重构
decimate	降低序列的取样速率
ınterp	提高取样速率(内插)
resample	改变取样速率
medifilt1	维中值滤波
deconv	反卷积和多项式除法
modulate	通讯仿真中的调制
demod	通讯仿真中的解调
vco	 电压控制振荡器
specgram	「 频谱分析

表 2.12 模拟原型滤波器设计

函数名	功能
besselap	Bessel 模拟低通滤波器原型
buttap	Butterworth 模拟低通滤波器原型
cheb1ap	, Chebyshev I 型模拟低通滤波器原型
cheb2ap	Chebyshev 【型模拟低通滤波器原型
ellıpap	椭圆模拟低通滤波器原型

表 2.13 频 率 变 换

函数名	功 能
lp2bp	低通到带通模拟滤波器变换
.p2hp	低通到高通模拟滤波器变换
lp2bs	低通到带阻模拟滤波器变换
lp2lp	低通到低通模拟滤波器变换

表 2.14 滤波器离散化

函数名	功能
bilinear	双线性变换
ımpınvar	冲激响应不变法实现模拟到数字的滤波器变换

表 2.15 其 它

函数名	功能
conv2	- 维卷积
cplxpair	将复数归成复共轭对
detrend	删除线性趋势
fft2	♪維快速傅里叶变换(FFT)
ıfft2	二维逆 FFT 变换
fi.ter2	_维数字滤波器
polystab	稳定多项式
strips	带状图
xcorr2	维互相关系数

表 2.16 函数索引表

·	表 2.16 图 数 案 5 表						
函数名	页码	函数名	页码	函数名	页码		
abs	46	ellipord	80	poly2rc	56		
ang.e	46	fft	91	polystab	125		
bartlett	102	fft2	124	prony	106		
besselap	117	fftfilt	47	psd	99		
besself	64	fftshift	93	rc2poly	57		
buinear	121	filter	47	rceps	109		
blackman	103	filter2	125	remez	86		
boxcar	101	filtfilt	48	remezord	88		
buttap	118	filtic	48	resample	112		
butter	66	fır1	82	residuez	57		
buttord	75	fır2	83	sawtooth	43		
cceps	110	fırls	85	sinc	44		
cheb1ap	118	freqs	49	sos2ss	58		
cheblord	77	freqspace	49	sos2tf	1 59		
cheb2ap	118	freqz	51	sos2zp	59		
cheb2ord	79	grpdelay	52	specgram	116		
chebwin	103	hamming	102	square	44		
cheby1	68	hanning	103	ss2sos	30		
cheby2	70	hilbert	93	ss2tf	61		
cohere	96	ıdet	90	ss2zp	61		
conv	46	ıfft	92	stmcb	107		
conv2	123	ıfft2	124	strips	125		
convmtx	55	ımpınvar	122	tf2ss	61		
corrcoef	95	ımpz	53	tf2zp	62		
cov	94	interp	1111	tfe			
cplxpair	123	ıntfilt	86	1	100		
csd	98	ınvfreqs	104	triang	102		
czt	89	invireqs	104	vco	115		
dct	90	kaiser	103	xcorr	95		
decimate	110	levinson	!	xcorr2	126		
deconv	113	lp2bp	108	xcov	94		
demod	115	lp2bs	119	yulewaik	73		
detrend	124	J I	120	zp2sos	63		
dftmtx	91	lp2hp	120	zp2ss	64		
diric	44	lp2lp	121	zp2tf	64		
ehip	72	lpe	108	zplane	54		
ellipap (medfilt1	113				
enthah	119	modulate	113	<u> </u>			

最后,我们列出本章用到的符号及其含义,如表 2.17 所示。

本章的 2.1 节~2.15 节分类列出信号处理工具箱函数的简要说明,包括函数名、功能、使用格式、说明及与此相关的函数。

符号 含人 符号 含义 多项式系数初值 分子多项式 n_{Jm} 系数α opt 可选参数 alt ha den 分母多项式 order 顺序格式 工作周期 Rp通带波纹 duty Fc 载波频率 Rs阻带波纹 Fs 采样频率 sd时宽 ftype 滤波器类型 tol 误差容限 幅值 权值或频率 iter 迭代次数 width 宽度 序号 1և window 份函数 区域大小 lap $\mathbf{W}_{\mathbf{n}}$ 频率 FFT的长度 $\mathbf{W}_{\mathbf{p}}$ 通带截上频率 nfft

表 2.17 函数说明中的符号

2.1 波形产生

 $\mathbf{W}_{\mathbf{S}}$

Wt

阻带截止频率

加权矢量

1. sawtooth

功能:产生锯齿波或三角波。

noverlap

npt

覆盖点数

点数

格式:

x sawtooth(t)

x sawtooth(t, width)

说明:

sawtooth(t)函数类似于 sin(t),它产生周期为 2π ,幅值从 1 到 + 1 的锯齿波,在 2π 的整数倍处,其值为 1,并以 $1/\pi$ 的斜率线性上升至 + 1。

sawtooth(t, width)用于产生三角疲,其 width(0<width \leq 1 的标量)用于确定最大值的位置,即从 0 到 2π * width 函数从 -1 上升到 +1,然后在 2π * width 至 2π 之间又线性地 $\frac{1}{3}$ +1 降至 $\frac{1}{3}$ 周而复始。例如,当 width $\frac{1}{3}$ 0.5 时,可产生一对称的标准三角波,当 width $\frac{1}{3}$ 盯,就产生锯齿波,即 sawtooth(t,1)—sawtooth(t)。

参见: square

2. square

功能:产生方波。

格式:

 $\mathbf{x} - \text{square}(t)$

x = square(t, duty)

说明:

square(t)类似于 sin(t),产生周期是 2π ,幅值为 ± 1 的 f波,square(t, duty)产生指定周期的 f波,其 duty 用于指定正半周期的比例。

参见: sawtooth

3. sinc

功能: 产生 sinc 或 $\frac{\sin(\pi t)}{\pi t}$ 函数。

格式:

y = sinc(x)

说明。

MATLAB 中的函数 sinc 可用于计算 sinc 函数,即

$$\operatorname{sinc}(t) = \begin{cases} 1 & t & 0 \\ \frac{\sin(\pi t)}{\pi t} & t \neq 0 \end{cases}$$

这个函数正好是宽度为 2π, 幅度为 1 的矩形脉冲的连续逆傅里叶变换, 即

$$\operatorname{sinc}(\mathsf{t}) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \mathsf{e}^{\mathsf{j}\omega \mathsf{t}} \mathrm{d}\omega$$

參见: diric, sawtooth, square

4. diric

功能,产生 Dirichlet 或周期 sinc 函数。

格式:

$$y - diric(x, n)$$

说明:

在 y-dire(x, n)中, n 必须为正整数, y 为相应的 x 元素的 Dirichlet 函数,即

$$dirichlet(x) = \begin{cases} (-1)^{\kappa(n-1)} & x = 2\pi k, k = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots \\ \frac{\sin(nx/2)}{n \sin(x/2)} & 其它 \end{cases}$$

dirichlet 函数是周期信号, 当 n 为奇数时, 周期为 2π; 当 n 为偶数时, 周期为 4π,

例 下面这段程序可分别得到 sinc(x)和 diric(x, n)的曲线, 如图 2.1 和图 2.2 所示, 从中可看出 diric 与 sinc 函数的区别。

$$x = [-4 * p_1; 0.1, p_1; 4 * p_1];$$

```
y - \operatorname{sinc}(x);
figure(1)
plot(x, y, 'w')
title('sinc function y-sinc(x)')
xlable('x')
ylabel('y')
figure(2)
y1 = diric(x, 7);
plot(x, y1, 'w')
title('Dirichlet function y=diric(x, n) = 7')
xlabel('x')
ylabel('y')
                                  inclunction yes now
               CBF
               06+
              04+
              €.
               4 l
                        10
                                       5.1% 光数
                            Do bettarriry d = kn n 2
               •
             180
              16
              14
               0
```

图 2 1 Dirachler 尚典 sunc 函数

2.2 滤波器分析和实现

1. abs

功能: 求绝对值(幅值)。

格式:

y = abs(x)

说明:

y-abs(x)用于计算 x 的绝对值。当 x 为复数时,得到的是复数模(幅值),即 $abs(x) - \sqrt{(Re(x))^2 + (Im(x))^2}$

当 x 为字符串时, abs(x)得到字符串的各个字符的 ASCII 码, 例如 x='123', 则 abs(x)得 到 49 50 51。

参见: angle

2. angle

功能:求相角。

格式:

p angle(h)

说明:

p-angle(h)用于求取复矢量或复矩阵 h 的相角(以弧度为单位),相角介于 π 和 $+\pi$ 之间。例如对某复数 h 可用两种方法表示

$$h - x + 1y - m e^{ip}$$

则幅值 m 和相角 p 可由 x +1 y 格式求出

m - abs(h)

p-angle(h)

当然,由m和p也可求取x+1y格式

$$h-m. * exp(i*p)$$

x-real(h)

y = imag(h)

参见: abs

3. conv

功能: 求卷积。

格式:

c-conv(a, b)

说明:

conv(a, b,用于求取矢量 a 和 b 的卷积,即

$$c(n + 1) = \sum_{k=0}^{N-1} a(k + 1)b(n - k)$$

其中 N 为矢量 a 和 b 的最大长度。例如, 当 a - [1 2 3], b - [4 5 6]时, 则

c ·

4 13 28 27 18

参见: conv2. convmtx, deconv, filter, residuez

4. fftfilt

功能: 利用重叠相加法的基于 FFT 的 FIR 滤波。

格式:

说明:

fftfilt 利用基于FFT 的重叠相加法对数据进行滤波,这种频域滤波技术只对 FIR 滤波器有效。

y-fftfilt(b,x)通过系数矢量 b 描述的滤波器对矢量 x 中的数据进行滤波。在时域中滤波可由差分方程表示

$$y(n) = b(1)x(n) + b(2)x(n - 1) + \cdots + b(n_b + 1)x(n - n_b)$$

也可在z域或频域内表示

$$Y(z) = (b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n_b + 1)z^{-n_b})X(z)$$

在缺省情况下,fftfilt 会选择 FFT 的长度及数据块长度,以保证合适的执行时间。

y-fftfilt(b, x, n)采用 FFT 的长度为 n_{fft}-2 ^ nextpow2(n),数据块长度取为 n_{fft}-length(b)+1。其中 nextpow2(n)函数可找出大于n 而与n 最接近的 2 的幂指数,例如,当n-33 时,nextpow2(n)-6,而当 n-32 时,nextpow2(n)=5。

矢量 x 既可以为实数,也可以为复数。

参见: filter, f.ltfilt

5. filter

功能: 利用递归滤波器(IIR)或非递归滤波器(FIR)对数据进行滤波。

格式:

说明:

filter 采用数字滤波器对数据进行滤波,其实现采用移位直接型 I 结构,因而适用于46

IIR 和 FIR 滤波器。滤波器的 z 域表示为

$$Y(z) = \frac{b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n_b + 1)z^{-n_b}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n_a + 1)z^{-n_a}}X(z)$$

这里a(1)-1,如果输入的 $a(1)\ne 1$,则 MATLAB 将自动进行归一化系数的操作,如果a(1)=0,则给出出错信息。

y-filter(b,a,x)利用给定的矢量 a 和 b, 对 x 中的数据进行滤波, 结果放入 y 矢量, 其长度取 $max(n_a,n_b)$ 。

[y, zf] - filter (b, a, x) 除得到结果矢量 y 外, 还得到 x 的最终状态矢量 zf。

y-filter(b, a, x, zi)可在 zi 中指定 x 的初始状态。

参见: fftfilt, filter2, filtfilt, filtic

6. filtfilt

功能:零相位数字滤波。

格式:

y = filtfilt(b, a, x)

说明:

y=filtfilt(b, a, x)通过将输入数据前向和反向处理,以完成零相位数字滤波。它先将数据按顺序滤波,然后将所得结果逆转后反向通过滤波器,这样得到的序列为精确零相位失真,并使滤波器的阶加倍。filtfilt通过与初始条件相匹配,可使起始和结束阶段的暂态过渡过程最短。

filtfilt 要调用 filter 函数, 因此参数矢量 a 和 b 的含义可参见 filter。

参见: fftfilt, filter, filter2

7. filtic

功能:为 filter 函数选择初始条件。

格式:

z = filtic(b, a, y, x)z = filtic(b, a, y)

说明:

filtic 函数在给定过去输出 y 和输入 x 的前提下, 为移位直接形式 \mathbb{I} 滤波器实现中的延迟找出初始条件 z。矢量 x 和 y 分别表示过去的输入和输出

$$x = \{x(-1), x(-2), \dots, x(-n_b), \dots\}$$

 $y = \{y(-1), y(-2), \dots, y(-n_s), \dots\}$

其中 n_b —length(b) 1(分子阶数), n_a —length(a)—1(分母阶数)。矢量 x 和 y 的长度应分别等同于 n_b 和 n_a , 如果长度不够, 则补 0; 如果长度超出, 则截断处理, 使 x 和 y 的长度上好为 n_b 和 n_a 。输出矢量 z 的长度为 $max(n_a, n_b)$ 。

z=filtic(b,a,y,x)可得到给定输入 x 和输出 y 时的初始状态; z=filtic(b,a,y) 假定输入 x=0。

參见: filter, filtfilt

8. freqs

功能:模拟滤波器的频率响应。

格式:

说明:

freqs 用于计算由矢量 a 和 b 构成的模拟滤波器

$$H(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b(1)s^{n_b} + b(2)s^{(n_b-\cdots} + \cdots + b(n_b+1)}{s^{n_a} + a(2)s^{(n_a-1)} + \cdots + a(n_a+1)}$$

的复频响应 $H(j\omega)$ 。

h=freqs(b, a, w)用于计算模拟滤波器的复频响应,其中实矢量 w 用于指定频率值,即 freqs 沿虛轴计算频率响应。

[h, w]=freqs(b, a)自动设定 200 个频率点来计算频率响应,这 200 个频率值记录在 w 中。

[h,w]-freqs(b,a,n)设定n个频率点计算频率响应。

不带输出变量的 freqs 函数,将在当前图形窗口中绘制出幅频和相频曲线。

例如,有一模拟滤波器,其传递函数设为

$$H(s) = \frac{0.2s^2 + 0.3s + 1}{s^2 + 0.4s + 1}$$

现可通过 freqs 函数绘制出它的幅频特性和相频特性,其程序为

结果如图 2.3 所示。

参见: abs, angle, freqz, invfreqs

9. freqspace

功能: 频率响应中的频率间隔。

格式:

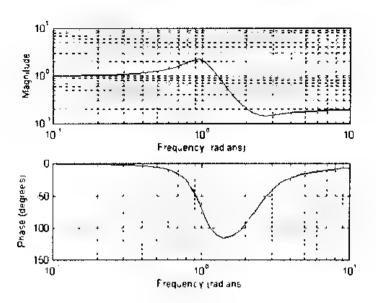


图 2.3 模拟滤波器的幅频和相频特性曲线

[x1, y1]—freqspace([m n], 'meshgrid')

说明:

freqspace 函数可产生等间隔频率响应所包含的频率范围,这在采用 freqz 函数时是非常有用的。

f—freqspace(n)可产生从 0 到 1 的均匀分布的点,即相当于 f—[0:2/n:1],如 freqspace(5)可产生[0 0.4 0.8 1],而 freqspace(6)得[0 0.3333 0.6667 1]。因此,针对 n 的奇偶,其点数分别为(n+1)/2 和(n+2)/2。

f=freqspace(n, 'whole')将产生n个均匀的点,即有f=[0,2/n,2*(n 1)/n],如freqspace(5, 'whole')可得到[0 0.4 0.8 1.2 1.6]。

[f1,f2]-freqspace(n)将产生 n×n 的二维频率矢量 f1 和 f2,例如[f1,f2]-freqspace (5),可得

显然计算公式为

$$f_1-f_2- egin{cases} \begin{bmatrix} & 1+1/n\,;\,2/n\,;\,1 & 1/n\, \end{bmatrix} & n$$
 为奇数 $& n$ 为偶数

[f1, f2]=freqspace([m n])将产生 m×n 的 1维矢量 f1 和 f2, 例如[f1, f2]-freqspace([5 4]), 可得

$$f1 -1.0 -0.5 0 0.5$$
 $f2 -0.8 0.4 0 0.4 0.8$

最后两种格式可等效表示

等效于

同样,

等效 子

参见: freqz, invfreqz

10. freqz

功能,数字滤波器的频率响应。

格式:

说明:

freoz 用于计算由矢量 a 和 b 构成的数字滤波器

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} = \frac{b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n_b + 1)z^{-n_b}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n_b + 1)z^{-n_b}}$$

的复频响应 Η(μω)。

[h,w]—freqz(b,a,n)可得到数字滤波器的 n 点的复频响应,这 n 个点均匀地分布在上半单位圆(即 0~ π),并将这 n 点频率记录在 w 中,相应的频率响应记录在 h 中。至于 n 值的选择没有太多的限制,只要 n>0 的整数,但最好能选取 2 的幂次方,这样就可采用 FFT 算法进行快速计算。如果缺省,则 n-512。

[h,f]—freqz(b,a,n,Fs)允许指定采样终止频率Fs(以Hz 为单位),也即在 0~Fs/2 频率范围内选取 n 个频率点(记录在f中),并计算相应的频率响应 h。

[h,w]-freqz(b,a,n,'whole')表示在 0~2π之间均匀选取 n 个点计算频率响应。
[h,f]-freqz(b,a,n, whole',Fs)则在 0~Fs之间均匀选取 n 个点计算频率响应。

h—freqz(b, a, w)计算在矢量 w 中指定的频率处的频率响应, 但必须注意, 指定的频率必须介于 0 和 2π 之间。

h-freqz(b, a, f, Fs)计算在矢量 f 中指定的频率处的频率响应、但指定频率必须介于 0 和 Fs 之间。

不带输出变量的 freqz 函数可在当前图形窗口中绘制出幅频和相频特性曲线。 例 对一数字滤波器

$$H(z) = \frac{0.2 + 0.3z + z^{-2}}{1 + 0.4z + z^{-2}}$$

则可通过程序

$$b=[0.2 \ 0.3 \ 1];$$

 $a-[1 \ 0.4 \ 1];$
 $freqz(b, a, 128)$

得到滤波器的幅频和相频特性曲线,如图 2.4 所示。

参见: abs, angle, fft, filter, freqs, impz, invfreqz

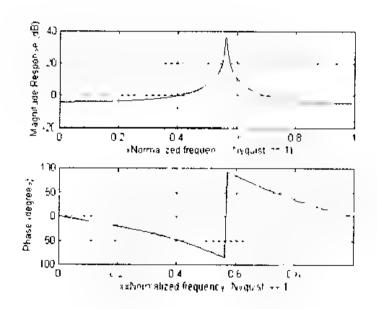


图 2.4 数字滤波器的幅频和相频特性曲线

11. grpdelay

功能: 平均滤波延迟(群延迟)。

格式:

说明:

滤波器的群延迟是滤波器平均延迟相对于频率的函数,实际上它就是滤波器相位响应的负一阶导数,即如果滤波器的频率响应为 $H(j\omega)$,其相角为 $\theta(\omega)$,则群延迟为

$$\tau_{\rm g}(\omega) = \frac{\mathrm{d}\theta(\omega)}{\mathrm{d}\omega}$$

grpdelay 函数与 freqz 函数相似, 只是 freqz 用于计算频率响应, 而 grpdelay 用于计算 群廷迟, 其它说明可参见 freqz 函数。

例 通过最后一种格式绘制出群延迟特性。如输入程序

可得到如图 2.5 所示的滤波器群延迟特性。

参见: cceps, fft, freqz, hilbert, receps

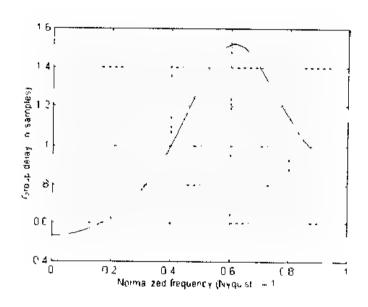


图 2.5 滤波器群延迟特性

12. impz

功能: 数字滤波器的冲激响应。

格式:

说明:

由矢量 a 和 b 构成数字滤波器,即

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)}$$

[h,t]—impz(b,a)计算出滤波器的冲激响应 h,取样点数 n 由 impz 函数自动选取,并记录在矢量 t 中(t-[0:n-1]')。

[h,t]-tmpz(b,a,n)可由用户指定取样点或取样时刻。当 n 为标量时,t=[0:n-1],即在 $0\sim n-1$ 时刻计算冲激响应,0 时刻表示滤波器的起始点;当 n 为矢量(其值应为整数),则表示 t=n,即在这些指定的时刻计算冲激响应。

[h,t]-impz(b,a,n,Fs)表示取样间隔为 1/Fs,在缺省Fs 时,则取为 1。 不带输出变量的 impz 将在当前图形窗口中利用 stem(t,h)函数绘出冲激响应。

例 程序

b=
$$[0.2 0.1 0.3 0.1 0.2];$$

a= $[1 -1.1 1.5 -0.7 0.3];$
impz(b, a, 50)

可得到如图 2.6 所示的滤波器的冲激响应。

参见: stem

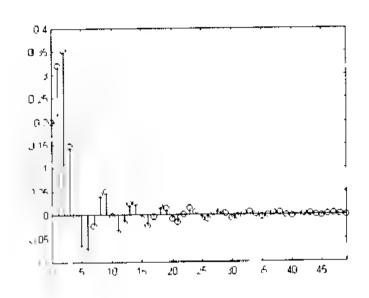


图 2.6 滤波器的冲激响应

13. zplane

功能, 离散系统零极点图。

格式:

zplane(z, p)
zplane(b, a)
[hz, hp, ht] zplane(z, p)

说明:

zplane 函数用于显示离散系统的零极点图。

zplane (z, p) 可绘出列矢量 z 中的零点(以符号"o"表示)和列矢量 p 中的极点(以符号"×"表示),为提供参考还绘出了单位圆。如果 z 和 p 均为矩阵,则 zplane 以不同的颜色分别绘出 z 和 p 列中的零点和极点。

zplane 函数自动设定坐标刻度,以便绘出所有的零极点,但有时因有一个零极点数值

较大,可能使集中在原点邻域的零极点无法区分,为此可在 zplane 函数之后使用函数

来改写坐标刻度。

zplane(b, a)函数中, a, b 为行矢量, 因此 zplane 函数首先利用 roots 函数找出由分子系数 b 和分母系数 a 构成的传递函数的零极点, 然后再绘出零极点。

[hz, bp, ht]-zplane(z, p)可得到3个句柄矢量,其中hz 为零点线句柄,hp 为极点线句柄,ht 为坐标轴、单位圆及文本对象的句柄。

例 输入程序

叮得到如图 2.7 所示的零极点图。

参见: freqz

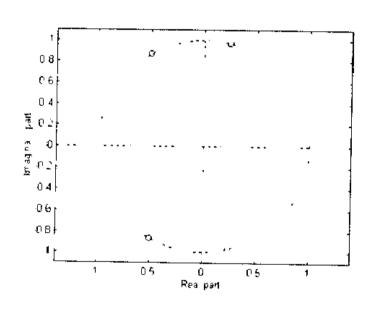


图 2.7 系统的零极点

2.3 线性系统变换

1. convmtx

功能: 卷积矩阵。

格式:

A = convmtx(c, n)

A = convmtx(r, n)

说明:

卷积矩阵 A 是从某一矢量 v 形成的矩阵, 其与任一矢量 x 的内积等于这两个矢量的卷积, 即

$$(A, x) = conv(v, x)$$

在 A=convmtx(c, n)中, c 是长度为 m 的列矢量, 则可产生(m+n 1)×n 的矩阵 A, 且满足

$$(A, x) = conv(c, x)$$

其中 x 为任 -列矢量。

同样, A = convmtx(r, n)中, r 是长度为 m 的行矢量, 则得到 $n \times (m+n-1)$ 的矩阵 A, 且满足

$$(A, x) = conv(r, x)$$

其中 x 为任一行矢量。

例 下列程序可产生一卷积矩阵

$$h-\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 2 & 1 \end{bmatrix};$$

convmtx(h, 7)

ans=

参见: conv, deconv, dftmtx

2. poly2rc

功能:从多项式系数中计算反射系数。

格式:

k = poly2rc(a)

说明:

k-poly2rc(a)可找出离散滤波器 a 网格结构的反射系数, a 必须为实数, 且 a(1)≠0。 反射系数可由下列递归过程求出

$$k(n) - a_n(n)$$

$$a_n$$
 (m) $\frac{a_n(m) - k(n)a_n(n - m)}{1 - k(n)^2}$ m-1, 2, ..., n 1

k 是长度为length(a) 1的行矢量。

poly2rc 函数的用途之一是用来判断多项式 A(s)或 A(z)的根是否位于单位圆内,这只需检查 k 的幅值是否小于 1,从而判断其稳定性。

例 给定 - IIR 滤波器:

0.3090 0.9800 0.0031 0.0082
$$-0.0082$$

应该注意一点,如果对任意的1都有 abs(k(i))-1,则计算反射系数为一病态条件问题,因此 poly2rc 函数会产生一些不确定值(NaN),并给出警告信息。

参见: rc2polv

3. rc2poly

功能: 从反射系数中计算多项式系数。

格式:

a-rc2poly(k)

说明:

a-rc2poly(k)可从反射系数 k 中找出首项为 1 的多项式系数, a 是长度为 length(k)+1 的行矢量。

30

参见: poly2rc

4. residuez

功能: 2 变换部分分式展开或留数计算。

格式:

说明:

residuez 函数可将以多项式之比表示的离散时间系统转化成部分分式展开或留数形式的系统,而且可进行相反转换。

[r, p, k]—residuez(b, a)可将以多项式之比 b(z)/a(z)转化成留数(r)、极点(p)和直接项(k)的部分分式展开。设

$$b(z) - b_0 + b_1 z + \cdots + b_m z^m$$

 $a(z) - a_0 + a_1 z^1 + \cdots + a_n z^n$

如果不存在重根,且 m>n-1,则有

$$\frac{b(z)}{a(z)} = \frac{r(1)}{1 - p(1)z^{-1}} + \cdots + \frac{r(n)}{1 - p(n)z^{-1}} + k(1) + \cdots + k(m - n + 1)z^{-(m+n)}$$

因此函数[r, p, k]—residuez[b, a)得到列矢量r为留数,列矢量p为极点位置,行矢量为直接项。极点数为

$$n = length(a) = 1 = length(r) = length(p)$$

如果 length(b) < length(a),则直接项系数矢量 k 为空,否则

$$length(k) = length(b) = length(a) + 1$$

如果 $p(j)-p(j+1)-\cdots-p(j+s-1)$ 为 s 重极点,则分式中包含

$$\frac{r(j)}{1-p(j)z^{-1}} + \frac{r(j+1)}{(1-p(j)z^{-1})^2} + \cdots + \frac{r(j+s-1)}{(1-p(j)z^{-1})^s}$$

[b, a]-residuez(r, p, k)可将部分分式转化成多项式系数 a 和 b。

注意, residuez 函数与 MATLAB 环境中的 residue 函数非常类似, 只不过, residue 函数适用于连续系统, 而 residuez 函数适用于离散系统。

参见:ss2zp,tf2ss,zp2ss

5. sos2ss

功能: 变系统二阶分割形式为状态空间形式。

格式:

$$[A, B, C, D]$$
-sos2ss(sos)

说明。

离散传递函数的二阶分割形式为

$$H(z) - \prod_{k=1}^{I} H_{k}(z) = \prod_{k=1}^{L} \frac{b_{0k} + b_{1k}z^{-1} + b_{2k}z^{-2}}{a_{0k} + a_{1k}z^{-1} + a_{2k}z^{-2}}$$

其中系数由 sos 给出, sos 为 L×6 矩阵

$$sos - \begin{bmatrix} b_{01} & b_{..} & b_{2.} & a_{01} & a_{1.} & a_{2.} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ b_{01} & b_{11} & b_{21} & a_{01} & a_{11} & a_{21} \end{bmatrix}$$

sos 矩阵必须为实矩阵。同样这一系统可表示成单输入单输出的状态方程

$$x(n + 1) = Ax(n) + Bu(n)$$
$$y(n) = Cx(n) + Du(n)$$

其中 $A \ \ \ \, N \times N \ \ \,$ 矩阵, N = 2L = 1, $B \ \ \, N = 1 \ \,$ 列矢量, $C \ \ \, \ \, N = 1 \ \,$ 行矢量, $D \ \, \ \,$ 为标量。

根据这两种表示,可由 sos 2ss 进行转换。

例 输入程序

1

0

1

0

C--

4. 1479 0. 4288 0. 1021
$$-0.9422$$

D∹

-0.5000

參见: sos2tf, sos2zp, ss2sos, zp2sos

6. sos2tf

功能: 变系统二阶分割形式为传递函数形式。

格式:

说明:

传递函数的二阶分割形式可参见 sos2ss 函数说明, 传递函数可表示成

$$H(z) = \frac{\text{num}(z)}{\text{den}(z)} = \frac{\text{num}(1) + \text{num}(2)z^{-1} + \dots + \text{num}(n+1)z^{-n}}{\text{den}(1) + \text{den}(2)z^{-1} + \dots + \text{den}(m+1)z^{-m}}$$

[num, den]-sos2tf(sos)可将二阶分割形式变换成传递函数形式。

91

$$sos = [1 2 3 4 0 1; -2 1 -1 1 10 2];$$

num —

$$2 -3 5 1 3$$

den ≔

參见: sos2ss, sos2zp, ss2sos, zp2sos

7. sos2zp

功能: 变系统 1阶分割形式为零极点增益形式。

格式:

$$[z, p, k] = sos2zp(sos)$$

说明:

二阶分割形式可参见 sos2ss 函数的说明,系统的零极点增益表示为

$$H(z) = k \frac{(z - z(1))(z - z(2))\cdots(z - z(N))}{(z - p(1))(z - p(2))\cdots(z - p(M))}$$

[z,p,k]-sos2zp(sos)可将二阶分割形式变换成零极点增益形式。

(有)

```
sos - [1 2 3 4 0 1; 2 1 1 1 1 0 2];

[z, p, κ] -sos2zp(sos)

z - 1.0000 + 1.4142i

-1.0000 - 1.4142i

0.2500 + 0.6614i

0.2500 - 0.6614i

p 0.5000

0.5000

9.7958

-0.2042

k - - 0.5000
```

参见: sos2ss, sos2tf, ss2sos, zp2sos

8. ss2sos

功能: 变系统状态空间形式为二阶分割形式。

格式:

```
sos ss2sos(A, B, C, D)
sos ss2sos(A, B, C, D, 1a)
sos ss2sos(A, B, C, D, 'order')
sos ss2sos(A, B, C, D, 1a, 'order')
```

说明:

有关系统的二阶分割形式和状态空间形式可参见 sos 2ss 函数说明。

以(A、B, C、D)表示的系统必须是单输入实系统。如果系统是单输出系统,则 sos—ss2sos(A, B, C, D)可完成将状态空间形式变为二阶分割形式,它正好是[A, B, C, D]-sos2ss(sos)的逆过程。如果系统是多输出,则可采用 sos—ss2sos(A, B, C, D, iu),其中标量 iu 用于指定变换中所使用的输出量。

sos-ss2sos(A, B, C, D, 'order')和 sos-ss2sos(A, B, C, D, iu, 'order')中, order 用于控制 sos 中的行顺序:

- · 当 order down 时,表示 sos 中第一行所包含的极点离单位圆最近;
- · 当 order up 时,表示 sos 中第一行所包含的极点离单位圆最远。

例 我们借助于 hutter 函数产生系统的状态方程, 然后由 ss2sos 函数求出 1阶分割. 形式

sos -

0	0.5095	1.0000	0	0.2452	0. 2453
0 . 3 554	-1.0966	1.0000	0.0647	0.1294	0.0647
0. 6926	1, 3693	1,0000	0,0808	0.1616	0.0808

参见: sos2ss, sos2tf, sos2zp, zp2sos

9. ss2tf

功能: 变系统状态空间形式为传递函数形式。

格式:

说明:

系统的状态方程可表示为

$$x - Ax + Bu$$

 $y - Cx + Du$

相应的传递函数为

$$H(s) = \frac{num(s)}{den(s)} = C(sI - A) \cdot B + D$$

[num, den] -ss2tf(A, B, C, D, u) 可将状态空间表示变换成相应的传递函数表示,u 用于指定变换所使用的输入量。

ss2tf 函数还可以应用于离散时间系统,这时得到的是 Z 变换表示的形式。

参见: ss2zp, tf2ss, tf2zp, zp2ss, zp2tf

10. ss2zp

功能: 变系统状态空间形式为零极点增益形式。

格式:

$$[z, p, k] = ss2zp(A, B, C, D, iu)$$

说明:

系统状态空间表示和零极点增益表示可分别参考 sos2ss 和 sos2zp 函数说明。 $[z,p,k]=ss2zp(A,B,C,D,i\iota)$ 可将状态空间表示转换成零极点增益表示,ii 用于指示变换所用的输入量。

ss2zp 函数还可以应用于离散时间系统,这时得到的是 Z 变换表示。

参见: ss2tf, tf2ss, zp2ss

11. tf2ss

功能: 变系统传递函数形式为状态空间形式。

格式:

$$[A, B, C, D]$$
 -tf2ss(num, den)

说明:

tf2ss 函数可将给定系统的传递函数表示变换成等效的状态空间表示。在[A,B,C,D]一tf2ss(num, den)格式中,矢量 den 按 s 的降幂顺序输入分母系数,矩阵 num 每一行为相应于某输出的分子系数,其行数为输出的个数。tf2ss 得到控制器正则形式的 A、B、C、D 矩阵。

tf2ss 也可以用于离散系统中,但这时必须在分子多项式中补零,以使分子分母的长度相同。

例 将系统

$$H(s) = \begin{cases} 2s + 3 \\ s^2 + 2s + 1 \end{cases}$$

$$s^2 + 0.4s + 1$$

变换成状态空间表示

参见: ss2tf, ss2zp, zp2ss

12. tf2zp

功能: 变系统传递函数形式为零极点增益形式。

格式:

$$[z, p, k]$$
-tf2zp(num, den)

说明:

tf2zp 函数可找出多项式传递函数形式的系统的零点、极点和增益。 tf2zp 函数类似于 sos2zp、ss2zp 函数。

例 要找出系统

$$H(s) = \frac{s^2 - 0.5s + 2}{s^2 + 0.4s + 1}$$

的零点、极点和增益,可以输入 num-[1-0.52];

z

0.2500 + 1.3919i

0.2500 - 1.39191

p --

-0.2000 + 0.97981

-0.2000 0.97981

k

1

zplane(z, p)

同时利用 zplane 函数,得到如图 2.8 所示的零极点图。

参见: ss2tf, ss2zp, tf2ss, zp2tf

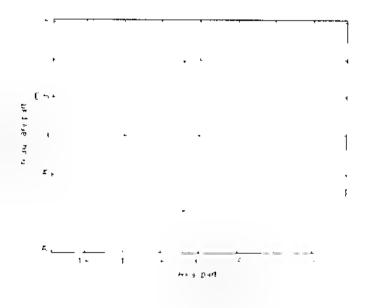


图 2.8 系统的零极点图

13. zp2sos

功能: 变系统的零极点增益形式为二阶分割形式。

格式:

sos zp2sos(z, p, k)

sos zp2sos(z, p, k, order')

说明:

有关零极点增益形式和 1阶分割形式分别参见 sos2zp 和 sos2ss 函数的说明。sos - zp2sos(z, p, k) 正好完成[z, p, k] · sos2zp(sos)的逆过程。sos - zp2sos(z, p, k, 'order)

中, order 用于指定 sos 中的行顺序:

- · order -down 时,表示 sos 中第一行所包含的极点离单位圆最近;
- · order up 时,表示 sos 中第一行所包含的极点离单位圆最远。

参见: sos2ss, sos2tf, sos2zp, ss2sos

14. zp2ss

功能: 变系统零极点增益形式为状态空间形式。

格式。

[A, B, C, D]-zp2ss(z, p, k)

说明:

有关系统零极点增益形式和状态空间形式可参见 sos2zp 和 sos2ss 函数的说明。[A,B,C,D]=zp2ss(z,p,k)可将以 z,p,k 表示的零极点增益形式变换成状态空间形式。

参见: ss2tf, ss2zp, tf2ss

15. zp2tf

功能: 变系统零极点增益形式为传递函数形式。

格式:

[num, den] -zp2tf(z, p, k)

说明:

有关系统零极点增益表示和传递函数表示可参见 sos2zp 和 sos2tf 函数的说明。

参见: ss2tf, ss2zp, tf2ss, tf2zp, zp2ss

2.4 IIR 滤波器设计

1. besself

功能: Bessel(贝塞尔)模拟滤波器设计。

格式:

[b, a] - besself (n, W_n)

[b, a]-besself(n, Wn, 'ftype')

 $[z, p, k] = besself(\cdots)$

[A, B, C, D] - besself (\cdots)

说明:

besself 函数可设计低通、带通、高通和带阻的模拟 Bessel 滤波器, 其特性几乎完全由通过整个通带的群延迟确定, 从而保持通带内滤波信号的波形。数字 Bessel 滤波器并不能保留这种特性, 因此 besself 函数不支持数字 Bessel 滤波器的设计。

[b,a] = besself(n, Wn)可设计出截止频率为 Wn 的 n 阶低通模拟滤波器(Wn>0), 得

到的滤波器传递函数为

$$H(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b(1)s^{n} + b(2)s^{n-1} + \cdots + b(n+1)}{s^{n} + a(2)s^{n-1} + \cdots + a(n+1)}$$

当 Wn 为 1元矢量 Wn - [W1 W2](W1<W2)时,besself(n, Wn)设计出一个 2n 阶的模拟带通滤波器,其通带为 W1< ω <W2。

[b, a]-besself(n, Wn, 'ftype')可设计高通或带阻滤波器:

- · 当 ftyep-high 时,可设计出截上频率为 Wn 的高通模拟滤波器;
- " 省 ftype stop 时,可设计带阻滤波器,这时 Wn-[W1 W2],且阻带为 W1<ω
 W2。

利用输出变量个数的不同,可得到滤波器的另外两种表示,零极点增益和状态方程。

- [z, p, k] -- besself(n, Wn)或[z, p, k] -- besself(n, Wn, 'ftype')可得到滤波器的零极点增益表示:
- •[A, B, C, D]-besself(n, Wn)或[A, B, C, D]-besself(n, Wn, 'ftype')可得到滤波器的状态空间表示。
 - 例 设计 · 5 阶低通滤波器, 截上频率为 1000 弧度 秒。其程序如下 [b, a]—besself(5, 1000);

freqs(b, a)

利用 freqs(b, a)函数可绘出低通滤波器的幅频、相频特性,如图 2.9 所示。

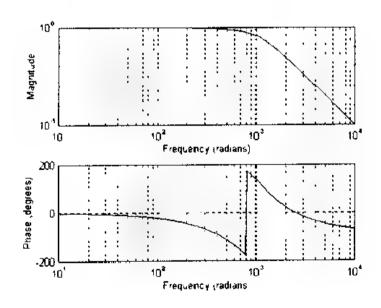


图 2.9 低通滤波器的幅颗相颗特性

例 要设计 · 5 阶带通滤波器,通带为 2000<ω<10000,则可由程序 [b, a] - besself(6,[2000,10000]);

 $W_n = log space(0, 6, 300);$

freqs(b, a, Wn)

得到带通滤波器特性如图 2.10 所示。

参见: besselap, butter, cheby1, cheby2, ellip

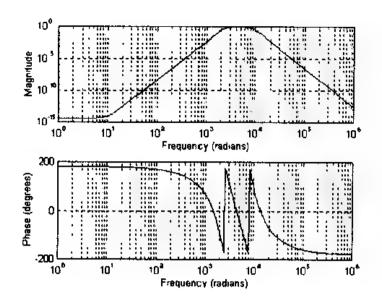


图 2.10 带通滤波器的幅频相频特性

2. butter

功能: Butterworth(比特沃思)模拟和数字滤波器设计。格式:

[b. a]-butter(n, Wn)

[b, a]-butter(n, Wn, 'ftype')

[b, a]-butter $(n, W_n, 's')$

[b, a] -butter(n, Wn, 'ftype', 's')

$$[z, p, k] = butter(\cdots)$$

 $[A, B, C, D] = butter(\cdots)$

说明:

butter 函数可设计低通、带通、高通和带阻的数字和模拟滤波器,其特性为使通带内的幅度响应最大限度地平坦,这会损失截止频率处的下降斜度。在期望通带平滑的情况下,可使用 butter 函数,但在期望下降斜度大的场合,应使用椭圆和 Chebyshev(切比雪夫)滤波器。

butter 函数可设计出数字域和模拟域的 Butterworth 滤波器。

(1) 数字域

[b, a]—butter(n, Wn)可设计出截止频率为 Wn 的 n 阶低通 Butterworth 滤波器, 其滤波器为

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} = \frac{b(1) + b(2)z + \cdots + b(n+1)z^{-n}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n+1)z^{-n}}$$

截止频率是滤波器幅度响应下降至 $1/\sqrt{2}$ 处的频率, 但与 besself 函数不同, $Wn \in [0,1]$, 其中 1 相应于 0.5f, (取样频率, 即 Nyquist 频率)。

当 $Wn = [W1 \ W2](W1 < W2)$ 时, butter 函数产生 -2n 阶的数字带通滤波器, 其通带为 $W1 < \omega < W2$ 。

[b, a]=butter(n, Wn, 'ftype')可设计出高通或带阻滤波器:

- · 当 ftype=high 时,可设计出截止频率为 Wn 的高通滤波器;
- ・当 ftype-stop 时,可设计出带阻滤波器,这时 W_n -[W_1 W_2],且阻带为 W_1 < ω < W_2 。

利用输出变量个数的不同,可得到滤波器的另外两种表示:零极点增益和状态方程。

- · [z, p, k]—butter(n, Wn)或[z, p, k]—butter(n, Wn, 'ftype')可得到滤波器的零极点增益表示;
- [A, B, C, D] = butter(n, Wn)或[A, B, C, D] = butter(n, Wn, 'ftype')可得到滤波器的状态空间表示。

(2) 模拟域

[b, a]=butter(n, Wn, 's')可设计截止频率为 Wn 的 n 阶低通模拟 Butterworth 滤波器为

$$H(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b(1)s^{n} + b(2)s^{n-1} + \dots + b(n+1)}{s^{n} + a(2)s^{n-2} + \dots + a(n+1)}$$

其中截止频率 Wn>0。

模拟域的 butter 函数说明与数字域的完全相同,它也有六种形式,限于篇幅,在此省略。

例 设数据采样频率为 900 Hz, 现要设计一 9 阶的高通 Butterworth 滤波器, 截止频率为 300 Hz。这是数字滤波器的设计问题, 其程序为

freqz(b, a, 128, 1000)

结果如图 2.11 所示。

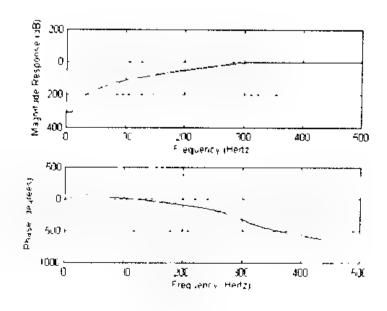


图 2.11 高通滤波器的幅频相频特性

例 设计 - 10 阶的带通 Butterworth 滤波器, 带通为 100~200 Hz, 并画出滤波器的冲激响应。其程序如下

结果如图 2.12 所示。

参见: besself, buttap, buttord, cheby1, cheby2, ellip

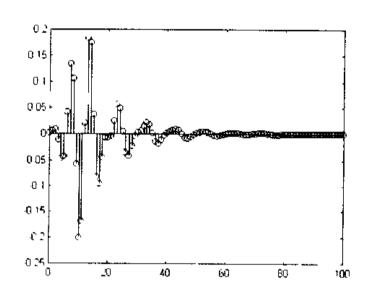


图 2.12 带通滤波器的冲激响应

3. cheby1

功能: Chebyshev(切比雪夫) I 型滤波器设计(通带等波纹)。

格式:

说明:

chebyl 函数可设计低通、带通、高通和带阻的数字和模拟 Chebyshev I 型滤波器,其通带内为等波纹,阻带内为单调。Chebyshev I 型滤波器的下降斜度比 I 型大,但其代价是在通带内波纹较大。

与 butter 函数类似, cheby1 函数可设计出数字域和模拟域的 Chebyshev I 型滤波器。

(1) 数字域

[b, a]-cheby1(n, Rp, Wn)可设计出 n 阶低通数字Chebyshev I 型滤波器, 其截止频率由 Wn 确定, 通带内的波纹由 Rp(分页)确定, 滤波器为

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} = \frac{b(1) + b(2)z + \cdots + b(n+1)z^{-n}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n+1)z^{-n}}$$

截止頻率是滤波器幅度下降至-Rp 分贝处的频率, 对 chebyl 函数, Wn∈[0,1], Wn-1 时相应于 0.5 f_{*}。通带波纹 Rp 越小,可得到更宽的变换宽度。

当 Wn-[W1 W2]时, cheby1 函数可产生 2n 阶的数字带通滤波器, 其通带为 W1< ω < W2。

[b, a]-cheby1(n, Rp, Wn, 'ftype')可设计高通或带阻滤波器:

- · 当 ftype-high 时,可设计出截止频率为 Wn 的高通滤波器;
- " ftype-stop 时,可设计出带阻滤波器,这时 Wn-[W1 W2],且阻带为 W1<ω
 W2。

利用输出变量个数的不同,可得到滤波器的另外两种表示,零极点增益和状态方程。

- · [z, p, k]—chebyl(n, Rp, Wn)或[z, p, k]=chebyl(n, Rp, Wn, 'ftype')可得到滤波器的零极点增益表示;
- [A, B, C, D] cheby1(n, Rp, Wn)或[A, B, C, D] = cheby1(n, Rp, Wn, 'ftype') 可得到滤波器的状态空间表示。

(2) 模拟域

[b, a]-cheby1(n, Rp, Wn, 's')可设计出截止频率为 Wn 的 n 阶低通模拟 Chebyshev I 型滤波器

$$H(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b(1)s^{n} + b(2)s^{n-1} + \dots + b(n+1)}{s^{n} + a(2)s^{n-1} + \dots + a(n+1)}$$

其中截止频率 Wn>0。

模拟域的 cheby1 函数说明与数字域完全相同,它也有六种形式,限于篇幅,在此省略。

例 与 butter 函数中的例 1 相似,现用 cheby1 函数来产生低通滤波器,并设定波纹系数为 0.5 dB。其程序如下

$$[b, a]$$
—cheby1(9, 0.5, 300/500);

freqz(b, a, 512, 1000)

滤波器的幅频相频特性如图 2.13 所示。

例 与 butter 函数中的例 2 类似,现设计 10 阶 chebyshev I 带通滤波器,通带为 100 Hz<ω<200 Hz,要求画出滤波器的冲激响应。其程序如下

$$n=10; Rp=0.5;$$

$$W_n = [100 \ 200]/500;$$

得到如图 2.14 所示的滤波器冲激响应。

参见: besself, butter, cheblap, cheblord, cheby2, ellip

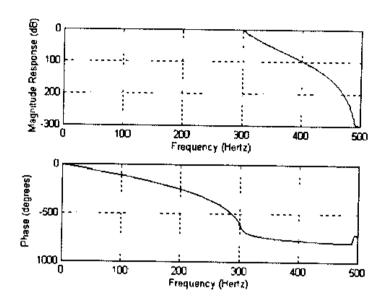


图 2.13 低通滤波器的幅频相频特性

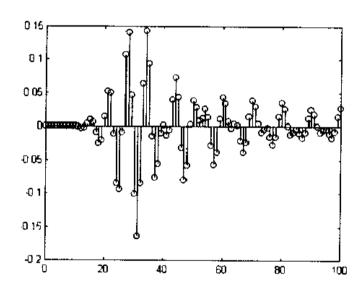


图 2.14 带通滤波器的冲激响应

4. cheby2

功能: Chebyshev I型滤波器设计(阻带等波纹)。

格式:

[b, a]-cheby2(n, Rs, Wn)

[b, a]-cheby2(n, Rs, Wn, 'ftype')

[b, a]-cheby2(n, Rs, Wn, 's')

$$[b, a] = \text{cheby2}(n, Rs, Wn, 'ftype', 's')$$

说明:

cheby2 函数与cheby1 函数几乎是一模一样,只不过cheby2 函数设计的滤波器其通带内为单调,阻带内为等波纹,因此由 Rs 指定阻带内的波纹。

cheby2 函数可设计低通、带通、高通和带阻的数字和模拟 chebyshev I型滤波器,针对所获得滤波器的形式:传递函数表示、零极点增益表示和状态方程,都有两种格式,因此对数字域和模拟域各有 6 种格式,详细说明可参见 cheby1 函数。这里不再赘述。

例 数据采样频率为 1000 Hz,设计一 9 阶 Chebyshev Ⅰ型低通滤波器,其阻带比通带低 20 dB,截止频率为 300 Hz。其程序如下

freqz(b, a, 512, 1000)

滤波器的特性如图 2.15 所示。

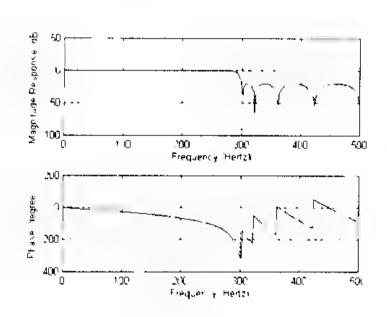


图 2.15 低通滤波器的幅频相频特性

例 2:设计 5 阶的带通 chebyshev Ⅰ型滤波器,通带为 100 Hz<ω<200 Hz,阻带比通带低 20 dB,要求画出滤波器的冲激响应。其程序如下

$$n = 5$$
: Rs-20;

 $Wn = [100 \ 200]/500;$

[b, a] = cheby2(n, Rs, Wn);

impz(b, a, 101)

得到的滤波器冲激响应如图 2.16 所示。

多见: besself, butter, cheb2ap, cheb2ord, cheby1, ellip

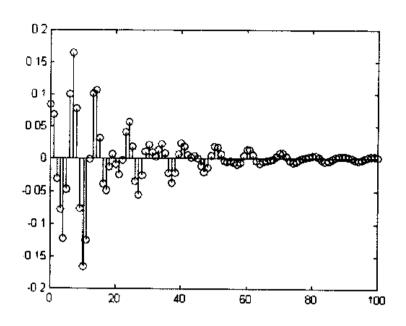


图 2.16 带通滤波器的冲激响应

5. ellip

功能: 椭圆滤波器设计。

格式:

[b, a]-ellip(n, Rp, Rs, Wn)

[b, a]-ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype')

[b, a]-ellip(n, Rp, Rs, Wn, 's')

[b, a]-ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype', 's')

[z, p, k]=ellip(...)
[A, B, C, D]-ellip(...)

说明:

ellip 函数与 cheby1、cheby2 函数类似,它可设计低通、带通、高通和带阻的数字和模拟椭圆滤波器。与 Butterworth 或 Chebyshev 滤波器相比, ellip 函数可得到下降斜度更大的滤波器,但在通带和阻带内均为等波纹的。一般情况下,椭圆滤波器能以最低的阶实现指定的性能。

在[b,a]—ellip(n,Rp,Rs,Wn)中,Rp用于指定通带的波纹,Rs指定阻带波纹,Wn指定截止频率。其它说明可参见 cheby1 函数,这里只作简要描述。

[b, a]-ellip(n, Rp, Rs, Wn)产生离散低通或带通(当 Wn-[W1 W2]时)滤波器。

[b, a]—ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype')产生离散高通(当 ftype-high 时)或带阻(当 ftype-stop, 且 Wn-[W1 W2]时)滤波器。

[z, p, k] ellip(n, Rp, Rs, Wn)或[z, p, k] ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype')可产生以零极点增益形式表示的离散滤波器。

[A, B, C, D] ellip(n, Rp, Rs, Wn)或[A, B, C, D]—ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype')可产生以状态空间表示的离散滤波器。

[b, a] -ellip(n, Rp, Rs, Wn, 's')或[b, a] ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype', 's')可产 生以传递函数表示的连续滤波器。

[z, p, k] ellip(n, Rp, Rs, Wn, 's')或[z, p, k]-ellip(n, Rp, Rs, Wn, 'ftype', 's') 可产生以零极点增益表示的连续滤波器。

[A,B,C,D]-ellip(n,Rp,Rs,Wn,'s')或[A,B,C,D]-ellip(n,Rp,Rs,Wn,'ftype','s')可产生以状态空间表示的连续滤波器。

例 设数据采样频率为 1000 Hz, 现欲设计一 6 阶低通椭圆滤波器, 其截止频率为 300 Hz, 通带波纹为 3 dB, 阻带波纹为 50 dB。其程序如下

[b, a]-ellip(6, 3, 50,
$$300/500$$
);

freqz(b, a, 512, 1000)

得到如图 2.17 所示的滤波器幅频相频特性。

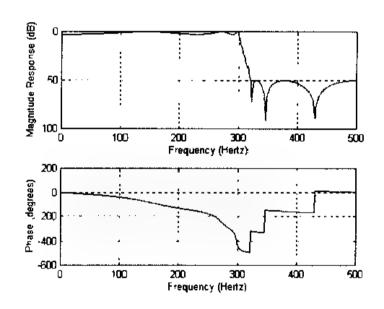


图 2.17 低通滤波器特性

例 设计 · 20 阶的带通椭圆滤波器, 其通带为 100 Hz<ω<200 Hz, 并画出滤波器的冲激响应。其程序如下

这可得到如图 2.18 所示的滤波器冲激响应。

参见: besself, butter, cheby1, cheby2, ellipord, ellipap

6. yulewalk

功能: 递归数字滤波器设计。

格式:

$$[b, a]$$
-yulewalk (n, f, m)

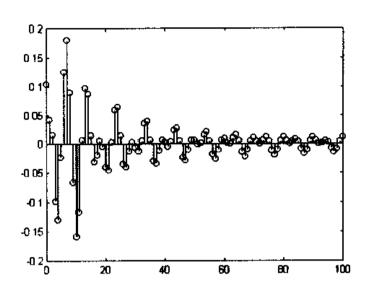


图 2.18 带通滤波器的冲敷响应

说明:

yulewalk 函数利用对指定的频率响应进行最小二乘拟合的方法来设计递归的 IIR 数字滤波器。

[b,a]—yulewalk(n,f,m)可得到以 b 和 a 表示的 n 阶 IIR 滤波器, 其幅频特性与由矢量 f 和 m(幅值)所给定的特性近似匹配:

- f 为频率点矢量,且 f \in [0,1],当 f = 1 时就相应于 0.5 f。 矢量 f 中按升序排列,且第一个必须为 0,最后一个必须为 1,并允许出现相同的频率值:
 - 矢量 m 中包含与f 相对应的期望滤波器响应幅度;
 - · 矢量 f 和 m 的长度必须相同;
 - ·plot(f, m)可画出滤波器的幅频特性。

由[b, a]=yulewalk(n, f, m)得到的滤波器可写成

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} = \frac{b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n+1)z^{-n}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n+1)z^{-n}}$$

在指定滤波器频率特性时,应尽量避免从通带到阻带之间陡峭的过度过程,应选择一定的斜度。

例 设计一 8 阶的低通滤波器,并画出期望的频率响应和实际的频率响应。其程序如下

结果如图 2.19 所示。

参见: butter, cheby1, cheby2, ellip, fir2, remz

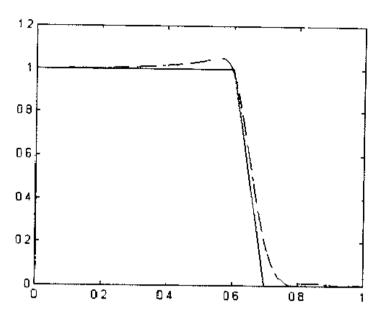


图 2.19 理想和实际滤波器幅频特性

2.5 IIR 滤波器阶的选择

1. buttord

功能: Butterworth 滤波器阶的选择。

格式:

[n, Wn]-buttord(Wp, Ws, Rp, Rs)

[n, Wn]-buttord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')

说明:

buttord 可在给定滤波器性能情况下,选择模拟或数字 Butterworth 滤波器最小的阶,其中,Wp 和 Ws 分别是通带和阻带的拐角频率(截止频率),其值为 $0 \le Wp$ (或 Ws) ≤ 1 , 当其值为 1 时表示 0.5 f.。Rp 和 Rs 分别是通带和阻带区的波纹系数。

(1) 数字域

[n, Wn]-butter(Wp, Ws, Rp, Rs)可得到数字 Butterworth 滤波器的最小阶 n, 并使在通带(0, Wp)内波纹系数小于 Rp, 在阻带(Ws, 1)内衰减系数大于 Rs。buttord 还得到了截止频率 Wn, 这样利用 butter 函数可产生满足指定性能的滤波器。

利用 buttord 函数,还可以得到高通、带通和带阻滤波器的阶。当 Wp>Ws 时,这时为高通滤波器:当 Wp, Ws 为二元矢量时,若 Wp<Ws,则为带通或带阻滤波器,这时 Wn 也为二元矢量。

(2) 模拟域

[n, Wn]-buttord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')可得满足指定性能的模拟 Butterworth 滤波器的阶 n 和截止頻率 Wn, 从而可利用 butter 函数设计模拟滤波器。

例 设计一低通滤波器,通带范围 0~100 Hz,通带波纹小于 3 dB,阻带为 30 dB, 并利用最小的阶来实现。其程序如下

从而得到如图 2.20 所示的低通滤波器特性。

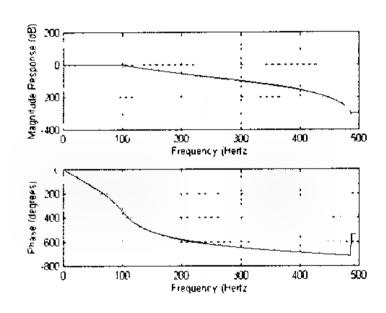


图 2,20 低通滤波器特性(n 8)

例 设计 带通滤波器,通带范围为 $100\sim250$ Hz.其余指标同例 1。其程序如下 $Wp=[100\ 250]/500$; $Ws=[50\ 300]/500$;

[n, Wn]-buttord(Wp, Ws, 3, 30);

[b, a] = butter(n, Wn);

freqz(b, a, 512, 1000)

得到如图 2.21 所示的带通滤波器特性。

例 设计与例 2 条件相同的带阻滤波器。其程序如下

 $W_p - [100 \ 250]/500; W_s - [50 \ 250]/500;$

[n, Wn]=buttord(Wp, Ws, 3, 30);

[b, a]-butter(n, Wn);

freqz(b, a, 512, 1000)

得到如图 2.22 所示的带阻滤波器特性。

参见: butter, cheb1ord, cheb2ord, ellipord

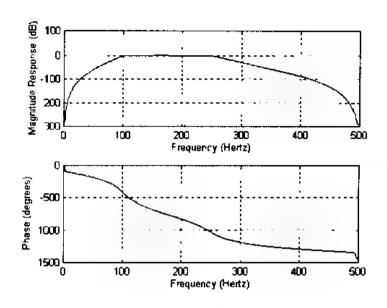


图 2.21 带通滤波器特性(n=7)

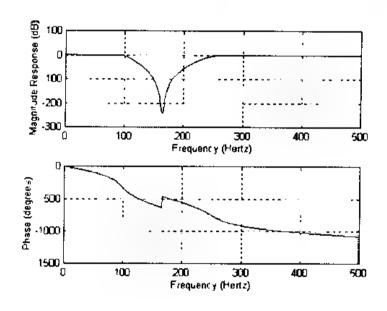


图 2.22 带阻滤波器特性(n 7)

2. cheblord

功能: Chebyshev I型滤波器阶的选择。

格式:

[n, Wn]-cheblord(Wp, Ws, Rp, Rs)

[n, Wn]—cheblord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')

说明:

在给定滤波器性能的情况下,选择 Chebyshev I 型滤波器的最小阶,其中 Wp 和 Ws 分别是通带和阻带的拐角频率(截止频率),其值为 $0 \le Wp(或 Ws) \le 1$, Rp 和 Rs 分别是通

带和阻带区的波纹系数。

(1) 数字域

[n, Wn]—cheblord(Wp, Ws, Rp, Rs)可得到数字 Chebyshev I 型滤波器的最小阶,并使其在通带(0, Wp)内波纹系数小于 Rp, 在阻带(Ws, 1)内衰减系数大于 Rs, cheblord 还得到了截止频率 Wn, 这样利用 cheby1 函数可得到满足指定性能的滤波器。

cheblord 函数还可以得到高通、带通和带阻滤波器的阶。

(2) 模拟域

[n, Wn]—cheblord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')可得到满足指定性能的模拟 Chebyshev I 型滤波器的阶 n 和截止频率 Wn, 从而利用 chebyl 函数设计模拟滤波器。

例 设计 低通 Chebyshev I 型滤波器,通带范围 0~100 Hz,通带波纹 3 dB,阻带衰减 30 dB,数据采样频率为 1 000 Hz。

首先利用 cheblord 函数找出最小阶,然后利用 chebyl 函数来实现,其程序如下

 $W_p-100/500$; $W_s-200/500$;

[n, Wn]-cheblord(Wp, Ws, 3, 30);

[b, a]-chebyl(n, 3, Wn);

freqz(b, a, 512, 1000)

这样就得到了如图 2.23 所示的低通滤波器特性。

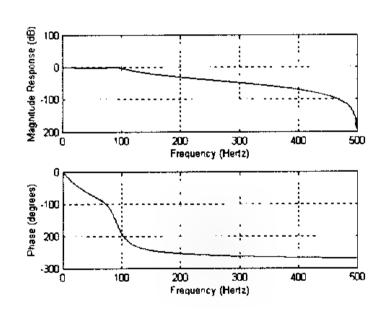


图 2.23 低通滤波器特性(n=3)

例 设计一带通滤波器,通带范围为 $100\sim250$ Hz,其余指标同例 1。其程序如下 $\mathbf{W}_{\mathbf{p}} = [100\ 250]/500$; $\mathbf{W}_{\mathbf{s}} = [50\ 300]/500$;

 $[n, W_n]$ -cheblord(Wp, Ws, 3, 30);

[b, a]-cheby1(n, 3, Wn);

freqz(b. a, 512, 1000)

这就得到了如图 2.24 所示的带通滤波器特性。

参见: cheby1, buttord, cheb2ord, ellipord

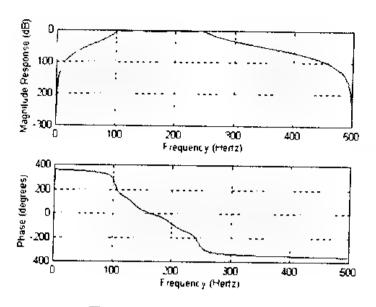


图 2.24 带通滤波器特性(n=4)

3. cheb2ord

功能: Chebyshev I型滤波器阶的选择。

格式:

[n, Wn]=cheb2ord(Wp, Ws, Rp, Rs) [n, Wn]=cheb2ord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')

说明:

cheb2ord 函数与 cheb1ord 函数类似,只不过它用于选择指定性能时的 Chebyshev I型滤波器的阶 n 和截止频率 Wn,与 cheby2 函数配合可设计出最低阶的 Chebyshev I型滤波器,详见 cheb1ord 函数。

例 要求与 cheblord 函数中的例 1 相同。其程序也类似如下

 $W_p = 100/500$; $W_s = 200/500$;

[n. Wn] = cheb2ord(Wp, Ws, 3, 30);

[b, a]-cheby2(n, 3, W_n);

freqz(b, a, 512, 1000)

这样就得到了如图 2.25 所示的低通滤波器特性。读者可与图 2.23 作一比较,不难发现两者的差异。

例 要求与 cheblord 函数中的例 2 相同。其程序也类似如下

 $W_p - [100 \ 250]/500; W_s - [50 \ 300]/500;$

[n, Wn]-cheb2ord(Wp, Ws, 3, 30);

 $[b, a] = \text{cheby2}(n, 3, W_n);$

freqz(b, a, 512, 1000)

这就得到了如图 2.26 所示的带通滤波器特性。

参见: cheby2, cheb1ord, buttord, ellipord

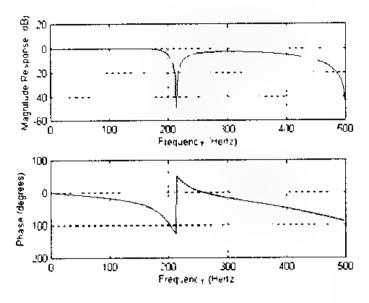


图 2.25 低通滤皮器特性(n 3)

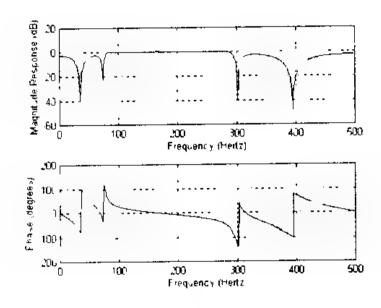


图 2.26 带通滤波器特性(n 4)

4. ellipord

功能: 椭圆滤波器阶的选择。

格式:

[n, Wn]-ellipord(Wp, Ws, Rp, Rs)

[n, Wn]=ellipord(Wp, Ws, Rp, Rs, 's')

说明:

ellipord 函数与cheblord 函数类似,只不过它用于选择指定性能时的椭圆滤波器的阶 n 和截止频率 Wn,并与 ellip 函数配合可设计出最低阶的椭圆滤波器。这里省略说明,详见 cheblord 函数。

》 要求与 cheb1 ord 函数中的例 1 相同。其程序也类似如下 **W**p−100/500; **W**s−200/500;

[n, Wn]-ellipord(Wp, Ws. 3, 30); [b, a]-ellip(n, 3, 30, Wn); freqz(b, a, 512, 1000)

这样就得到了如图 2.27 所示的低通滤波器特性。读者可与图 2.23、图 2.25 作一比较,不难发现它们之间的差异。

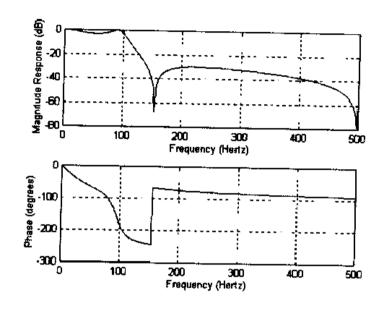


图 2.27 低通滤波器特性(n 3)

例 要求与 cheblord 函数中的例 2 相同。其程序也类似如下

 $\mathbf{W}_{p}-[100\ 250]/500$; $\mathbf{W}_{s}=[50\ 300]/500$;

[n, W_n]-ellipord(W_p , W_s , 3, 30);

[b, a] = ellip(n, 3, 30, W_n);

freqz(b, a, 512, 1000)

这就得到了如图 2.28 所示的带通滤波器特性。

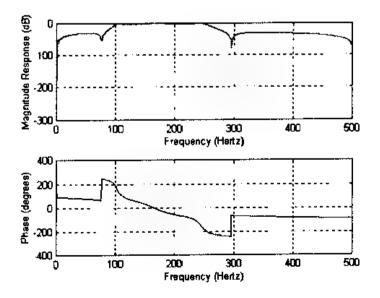


图 2.28 带通滤波器特性(n 3)

2.6 FIR 滤波器设计

1. fir1

功能: 基于窗函数的 FIR(有限冲激响应)滤波器设计——标准频率响应。

格式:

b-fir1(n, Wn)

b-fir1(n, Wn, 'ftype')

b-fir1(n, Wn, Window)

b=fir1(n, Wn, 'ftype', Window)

说明:

fir1 函数以经典方法实现加窗线性相位 FIR 数字滤波器设计,它可设计出标准的低通、带通、高通和带阻滤波器(具有任意频率响应的加窗滤波器由 fir2 函数设计)。

b-fir1(n, Wn) 叮得到 n 阶低通 FIR 滤波器,滤波器系数包含在 b 中,这 叮表示成 $b(z) = b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n+1)z^{-n}$

这是一个截止頻率为 Wn 的 Hamming(汉明)加窗线性相位滤波器, $0 \le Wn \le 1$,Wn = 1 相 应于 0.5 f_{*}。

当 Wn=[W1 W2]时,fir1 函数可得到带通滤波器,其通带为 W1<ω<W2。

b-firl(n, Wn, 'ftype')可设计高通和带阻滤波器,由 ftype 决定:

- · 当 ftype-high 时,设计高通 FIR 滤波器;
- · 当 ftype-stop 时,设计带阻 FIR 滤波器。

在设计高通和带阻滤波器时,firl 函数总是使用阶为偶数的结构,因此当输入的阶次为奇数时,firl 函数会自动将阶次加 1。这是因为对奇次阶的滤波器,其在 Nyquist 频率处的频率响应为零,因此不适合于构成高通和带阻滤波器。

b-fir1(n, Wn, Window)则利用列矢量 Window 中指定的窗函数进行滤波器设计, Window 长度为 n+1。如果不指定 Window 参数, 则 fir1 函数采用 Hamming 窗。

b-fir1(n, Wn, 'ftype', Window) 可利用 ftype 和 Window 参数,设计各种加窗的滤波器。

由 firl 函数设计的 FIR 滤波器的群延迟为 n/2。

例 设计一 24 阶 FIR 带通滤波器,通带为 0.35 < ω < 0.65。其程序如下 b-fir1(48, [0.35 0.65]); freqz(b, 1, 512)

这可得到如图 2,29 所示的带通 FIR 滤波器特性。

例 设计 - 34 阶的高通 FIR 滤波器, 截止频率为 0.48, 并使用具有 30 dB 波纹的 Chebyshev 窗。其程序如下

Window-chebwin(35, 30); b-fir1(34, 0.48, 'high', Window); freqz(b, 1, 512)

这时,得到如图 2.30 所示的高通 FIR 滤波器特性。

参见: fir2, fir1s, butter, cheby1, cheby2, remez, yulewalk, ellip

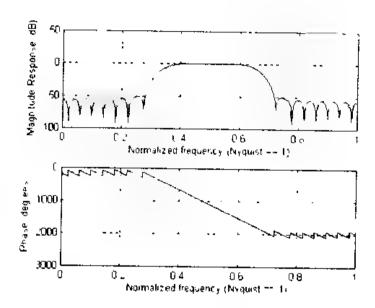


图 ? 29 带通 FIR 忠波器特性

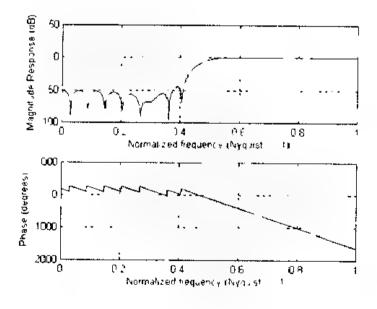


图 2.30 高通 FIR 滤波器特性

2. fir2

功能: 基于窗函数的 FIR 滤波器设计 任意频率响应。格式:

b-fir2(n, f, m) b-fir2(n, f, m, Window)

```
b fir2(n, f, m, npt)
b = fir2(n, f, m, npt, Window)
b = fir2(n, f, m, npt, lap)
b = fir2(n, f, m, npt, lap, Window)
```

说明:

fur2 函数用于设计具有任意频率响应的加窗数字 FIR 滤波器,对标准的低通、带通、高通和带阻滤波器的设计可采用 fur1 函数。

b fir2(n, f, m)可设计出 - n 阶的 FIR 滤波器, 其滤波器的频率特性由矢量 f 和 m 决定, 有关 f 和 m 的约定可参见 yulewalk 函数。

b-fir2(n, f, m, Window)可将列矢量 Window 中指定的窗函数用于滤波器设计, 如省略 Window, 则自动选取 Hamming 窗。

b-fir2(n, f, m, npt)格式中,可利用参数 npt 指定 fir2 对频率响应进行内插的点数,对应的 b-fir2(n, f, m, npt, Window)格式中,可指定窗函数。

b fir2(n, f, m, npt, lap)格式中, 可利用参数 lap 指定 fir2 在重复频率点附近插入的区域大小, 对应的 b-fir2(n, f, m, npt, lap, Window)格式中, 可指定窗函数。

例 设计 · 30 阶的低通 FIR 滤波器, 使之与期望频率特性相近。其程序如下

结果如图 2.31 所示。

参见: fir1, butter, cheby1, cheby2, ellip, remez, yulewalk

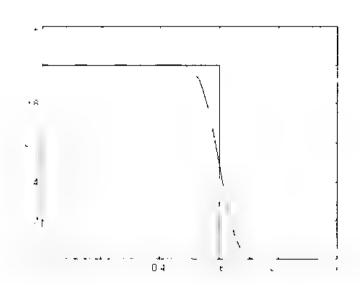


图 ? 31 理想和实际滤波器特性

3. firls

功能:最小二乘线性相位 FIR 滤波器设计。 格式:

```
b-firls(n, f, m)
b-firls(n, f, m, w)
b-firls(n, f, m, 'ftype')
b-firls(n, f, m, w, 'ftype')
```

说明:

firls 函数设计出的线性相位 FIR 滤波器,可使指定频段内的理想分段线性函数与滤波器幅度响应之间的误差平方和最小。

b-firls(n, f, m)可设计出 n 阶 FIR 滤波器, 其幅频特性匹配于由 f 和 m 给出的特性, 矢量 b 中包含有 n+1 个系数, 这些系数遵循对称关系为

$$b(k) = b(n + 2 \quad k) \quad k = 1, \dots, n + 1$$

这些滤波器就是 I 型 (n 为奇数)和 I 型 (n 为偶数)线性相位滤波器。有关矢量 f 和 m 的说明可参见 yulewalk 函数,但这里有一点是不同的,期望的幅频值介于 (f(k),f(k+1)) (k 为奇数)之间,即为连接点 (f(k),m(k))与 (f(k+1),m(k+1))的线段,而在 (f(k+1),f(k+2))区间为非指定区,即"无关"区。

b-firls(n, f, m, w)可利用权值矢量 w 对各频率段进行加权拟合, w 的长度为 f 和 m 长度的 一半。

b=firls(n, f, m, 'ftype')和 b=firls(n, f, m, w, 'ftype')可指定滤波器的类型:

- · 当 fytpe-hilbert 时,设计的滤波器为奇对称的线性相位滤波器(■型和N型),b 的系数满足 b(k)=-b(n+2 k),k=1,2,…,n+1。这类滤波器包括 Hilbert(希尔伯特)变换器。
- ・当 ftype differentiator 时,也设计出 ■型和 N 型滤波器,但采用了特殊的加权技术,对非零幅值的频段,对误差平方和实施(1/f)²的加权,从而使低频段误差大大小于高频段误差。
- 例 设计一 24 阶的反对称滤波器,使其具有分段线性通带。画出理想和实际的频率响应。其程序如下

```
f-[0 .3 .4 .6 .7 .9];
m-[0 1 0 0 0.5 0.5];
b-firls(24, f, m, 'hilbert')
for i-1;2;6
    plot([f(i) f(i+1)], [m(i) m(i+1)], ' '), hold on
end
[h, f]=freqz(b, 1, 512, 2);
plot(f, abs(h))
grid
```

这样, 就得到了如图 2.32 所示的滤波器特性。

参见: fir1, fir2, remez, yulewalk

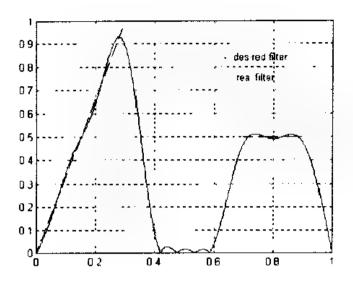


图 2.32 理想和实际分段带通滤波器特性

4. intfilt

功能:内插 FIR 滤波器设计。

格式:

b-intfilt(r, l, alpha)

b-intfilt(r, n, 'Lagrange')

说明:

b=intfilt(r,l,alpha)可设计出线性相位的 FIR 滤波器,它特别适用于对每 r 个样本交替出现 r-1 个零点的序列进行滤波,利用最近的 2l-1 个非零样本并假定原来的带宽为 $\alpha*f_n(Nyquist 频率)$ 时,滤波器可实现理想的限带内插。所设计的滤波器非常适合于 interp 函数采用。

b=intfilt(r, n, 'Lagrange')或 b=intfilt(r, n, 'l')设计的 FIR 滤波器, 可对每r个样本交替出现r 1 个零点的序列进行 n 阶拉格朗日多项式内插。

这两种滤波器均为基本的低通滤波器。

参见: interp, decimate, resample

5. remez

功能: Parks-McClellan 最优 FIR 滤波器设计。

格式:

b-remez(n, f, m)

b-remez(n, f, m, w)

b=remez(n, f, m, 'ftype')

b=remez(n, f, m, w, 'ftype')

说明:

remez 函数设计出采用 Parks McClellan 算法的线性相位 FIR 滤波器, Parks McClellan 算法使用了 Remez 交换算法和 Chebyshev 逼近理论,以设计出期望和实际频率响应之间最优拟合的滤波器,这种滤波器是在使期望频率响应和实际频率响应之间的最大误差最小的情况下最优。以这种方式设计的滤波器在频率响应上显现出等波纹,因此有时也称为等波纹滤波器。

b remez(n, f, m)可得到 n 阶 FIR 滤波器, 其幅频特性与由 f 和 m 指定的性能匹配。 有关 f 和 m 的说明与 firls 函数中的 f 和 m 相同。

滤波器系数矢量b满足对称关系

$$b(k) - b(n+2 + k) + k - 1, \dots, n+1$$

b-remez(n,f,m,w)可利用权值矢量w对各频率段进行加权拟合,w的长度为f和m长度的一半,用以指定各频率段的权值。

b-remez(n, f, m, 'ftype')和 b-remez(n, f, m, w, 'ftype')可指定滤波器的类型:

- · 当 ftype—h.lbert 时,设计的滤波器为奇对称的线性相位滤波器(\mathbb{I} 型和 \mathbb{I} 型 \mathbb{I}),b 的 系数满足 b(k)— b(n+2-k),k 1, 2, …, n+1。这类滤波器包括 Hilbert(希尔伯特)变换器。
- · 当 ftype—differentiator 时,也设计出 型和 N 型滤波器,但采用了特殊的加权技术, 对非零幅值的频段,将误差乘以系数 1/f,这样可使低频段误差大大小于高频段误差。
- 例 设计-17 阶的 Parks-McClellan 带通滤波器,并画出期望幅频曲线和实际幅频曲线。其程序如下

这可得到如图 2.33 所示的幅频曲线。

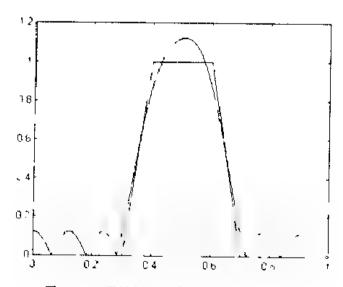


图 2.33 理想和实际带通滤波器幅频曲度

参见: butter, chebyl, cheby2, ellip, fir1, fir2, firls, remezord, yulewalk

remezord

功能, Parks McClellan 最优 FIR 滤波器阶估计。

格式:

说明:

remezord 函数可为 remez 函数选择滤波器的阶。给定频域中的性能指标, remezord 可产生近似满足指标的最小阶。

[n, fo, mo, w]—remezord(f, m, dev)可找出近似的阶 n, p—化频带边界 fo, 物带内幅值 mo 及加权矢量 w, 使由 remez 函数构成的滤波器满足 <math>f, m 及 dev 指定的性能要求。其中 f 和 m 用来指示频段及相应的幅值,这与 firls 函数类似,但应注意一点,f 中省去了 0 和 1 这两点,即

$$length(f) = 2 * length(m) = 2$$

dev 用于指定各频段允许的偏差。

[n, fo, mo, w]—remezord(f, m, dev, Fs)可指定取样频率 Fs, 如果缺省 Fs, 贝默认为 2 Hz。

应该注意,有时 remezord 函数对阶估计不足,因此可能会使滤波器达不到指定的性能,这时应稍微增加阶次。

例 设计 -最小阶的低通滤波器,通带截止频率为 500 Hz,阻带截止频率为 600 Hz (取样频率为 2000 Hz),通带波纹小于 3 dB,阻带低于 40 dB。其程序如下

```
Rp=3; Rs=40;
Fs=2000; f =[500 600];
m=[1 0];
dev=[(10^ (Rp/20) 1)/(10^ (Rp/20)+1) 10^ (-Rs/20)];
[n, fo, mo, w]=remezord(f, m, dev, Fs);
b=remez(n, fo, mo, w);
[h, f]=freqz(b, 1, 1024, Fs);
plot(f, 20 * log10(abs(h)))
```

这时得到如图 2.34 所示的低通滤波器特性。

由图 2.34 可以看出,滤波器性能还有点不满足指定的性能,这时可使滤波器阶次增加1阶,其程序如下

```
n=n+1;
b=remez(n, fo, mo, w);
[h, f]=freqz(b, 1, 1024, Fs);
plot(f, 20 * log10(abs(h)))
```

这时可得到如图 2.35 所示的低通滤波器特性。

参见: buttord, cheblord, cheb2ord, ellipord, remez

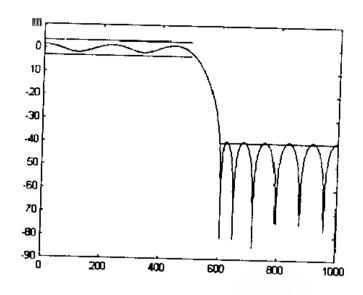


图 2.34 低通滤波器特性(n 22)

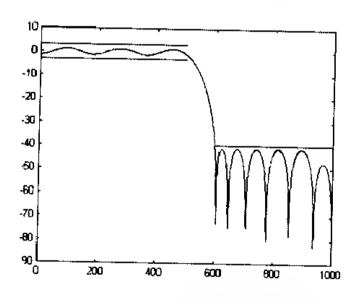


图 2.35 低通滤波器特性(n 23)

2.7 变 换

1. czt

功能:线性调频 2 变换。

格式:

y=czt(x, m, w, a)y=czt(x) 说明:

y = czt(x, m, w, a)可计算 x 信号的线性调频 Z 变换,它计算 x 沿着由 w 和 a 定义的螺旋周线上的 Z 变换, m 指定变换长度, w 指定沿着 z 平面螺旋周线上的点之间的比率(即倾斜率), a 指定起始点。

当x为矩阵时,czt(x,m,w,a)对x的列进行变换。

y-czt(x)直接采用默认值: m-length(x), w-exp(j*2*pi/m), a-1, 这实际上就 等效于 DFT 或 FFT。

参见: fft, freqz

2. dct

功能, 离散余弦变换(DCT)。

格式:

$$y = dct(x)$$

$$y = det(x, n)$$

说明:

v-dct(x)可完成对 x 的离散余弦变换:

$$y(k) = \sum_{n=0}^{\infty} 2x(1)\cos\left[\frac{\pi}{2n}k(2n+1)\right]$$
 $k = 0, 1, \dots, n-1$

其中 n 为矢量 x 的长度。当 x 为矩阵时, dct 函数按 x 的列进行变换。

y-det(x,n), 在变换之前将 x 的长度补足或截断至 n。

参见: fft, idet

3. idct

功能: 逆离散余弦变换。

格式:

$$x = idet(y)$$

$$x = idct(y, n)$$

说明:

逆离散余弦变换是从它的离散余弦变换(DCT)系数中重构一序列, idct 函数为 dct 的逆函数。

x-idet(y) 可求出 y 的逆离散余弦变换:

$$x(1) = \frac{1}{n} \sum_{k=0}^{n} w(k) y(k) \cos \frac{\pi}{2n} k(21 + 1)$$

其中

$$\mathbf{w}(\mathbf{k}) = \begin{cases} \frac{1}{2} & \mathbf{k} = 0 \\ 1 & 1 \leq \mathbf{k} \leq n - 1 \end{cases}$$

n -length(x)

x-idct(y, n)在变换前将y的长度补足或截断至n。

参见: det, ifft

4. dftmtx

功能: 离散傅里叶变换矩阵。

格式:

A = dftmtx(n)

说明:

离散傅里叶变换矩阵是单位圆附近的复矩阵,它与一矢量的乘积可给出该矢量的离散 傅里叶变换。

A-dftmtx(n)得 $-n\times n$ 矩阵 A, 这时若另有 -n 维列矢量 x, 则

$$y - A * x$$

叮得到 x 的离散傅里叶变换。

逆离散傅里叶变换矩阵为

Ai = conj(dftmtx(n))/n

参见: convmtx, fft

5. fft

功能: 一维快速傅里叶变换(FFT)。

格式:

y = fft(x)y = fft(x, n)

说明:

fft 函数用于计算矢量或矩阵的离散傅里叶变换,这可通过

$$X(k+1) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n+1)W_N^{kn}$$

实现,其中 N-length(x), W_N=e 12x/N)。

y-fft(x)为利用 FFT 算法计算矢量 x 的离散傅里叶变换,当 x 为矩阵时,y 为矩阵 x 每一列的 FFT。当 x 的长度为 2 的幂次方时,则 fft 函数采用基 2 的 FFT 算法,否则采用稍慢的混合基算法。

y=fft(x,n)采用 n 点 FFT。当 x 的长度小于 n 时,fft 函数在 x 的尾部补零,以构成 n 点数据; 当 x 的长度大于 n 时,fft 函数会截断序列 x。当 x 为矩阵时,fft 函数按类似的方式处理列长度。

例 考虑一被噪声污染的信号,很难看出它所包含的频率分量,如一个由 50 Hz 和 120 Hz 正弦信号构成的信号,受零均值随机噪声的干扰,数据采样率为 1000 Hz。现可通过 fft 函数来分析其信号频率成分。其程序如下

P-Y. * conj(Y)/512; %计算功率谱密度 f-1000 * (0:255)/512; plot(f, p(1:256))

这样可得到如图 2.36 所示的信号功率谱密度。从图中可以推测,信号集中在 120 Hz 和 50 Hz。

参见: det, dftmtx, fft2, fftshift, filter, freqz, ifft

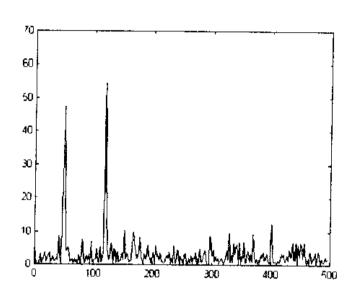


图 2.36 信号功率谐密度

6. ifft

功能:一维逆快速傅里叶变换(IFFT)。

格式:

y=ifft(x)y=ifft(x, n)

说明:

ifft 函数用于计算矢量或矩阵的逆傅里叶变换,即

$$x(n + 1) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N} X(k + 1) W_N^{-kn}$$

其中 N-length(x), W_N -e (2x/N).

y-ifft(x)用于计算矢量 x 的 IFFT。当 x 为矩阵时,计算所得的 y 为矩阵 x 中每 - 列 的 IFFT。

y-ifft(x, n)采用 n 点 IFFT。当 length(x)<n 时,在 x 中补零;当 length(x)>n 时, 将 x 截断,使 lgenth(x)=n。

ifft 函数是 fft 函数的逆, 其相应的 M 文件中采用的算法类似。

参见: fft, fft2, fftshift, ifft2

7. fftshift

功能: 重新排列 fft 和 fft2 的输出。

格式:

$$y = fftshift(x)$$

说明:

y—fftshift(x)可重排 fft 和 fft2 函数产生的结果,即将零颗分量移到频谱的中心,这在实际应用时是很方便的。

当 x 为矢量时, fftshift(x)直接将 x 中的左右两半交换而产生 y。

当 x 为矩阵时, fftshift(x)将 x 的 4 个四分之一分块两两交换。

例

參见: fft, fft2

8. hilbert

功能: Hilbert(希尔伯特)变换。

格式:

y = hilbert(x)

说明。

y hilbert(x)可从实数据序列中得到有时称作"解析信号"的复螺旋线序列。解析信号由实部和虚部构成,其实部为原来的序列,虚部为其 Hilbert 变换,虚部由实部加上 90°相移构成。由于正弦变换成余弦,余弦变换成正弦,因此 Hilbert 变换后的数据与原始数据具有相同的幅值和频率范围,并且包含了原始数据中的相位信息。

当 x 为矩阵时,则 v hilbert(x)按列进行变换。

Hilbert 变换对计算时序列的瞬时特性,特别是幅度和频率特性是非常有用的。瞬时幅度是复 Hilbert 变换的幅度,瞬时频率是瞬时相角的时间变化率。对一纯正弦信号,瞬时幅度和频率均为常量,然而瞬时相角为锯齿形,这反映出它在一个周期内的局部线性变化。对混合正弦信号,这些特性是几个点的局部平均。

2.8 统计信号处理

1. cov

/功能:协方差矩阵。

格式。

c cov(x)

c - cov(x, y)

说明:

cov 函数用于计算协方差矩阵。当 x 为矢量时, c-cov(x)可求出矢量 x 的方差 c(标量), 当 x 为矩阵时, x 的每一行为一观察值,每一列为一变量,这样 cov(x)就得到协方差矩阵。diag(cov(x))则为由每列的方差所构成的矢量, sqrt(diag(cov(x)))即为标准差矢量。

c = cov(x, y)中, x, y 为长度相等的列矢量, 这样 c cov(x, y)就相当于 c cov(x, y)。

cov 函数在计算之前,在每列中去除其均值。

参见: corrcoef, xcorr, xcov

mean, median, std(参见楼顺天等编著, MATLAB程序设计语言, 西安电子科技大学出版社, 1997)

2. xcov

功能、互协方差函数估计。

格式:

 $\mathbf{v} - \mathbf{x} \operatorname{cov}(\mathbf{x})$

v = xcov(x, y)

v = x cov(x, 'option')

v - xcov(x, y, 'option')

说明:

xcov 函数用于计算随机过程的互协方差序列,在特殊情况下,可计算自协方差。 互协方差是去除均值后的互相关序列:

$$\varphi_{xy}(m) = E_1(x_n - m_x)(y_{n+m}^* - m_y) +$$

其中 m_x 和 m_y 分别是 x 和 y 序列的均值。xcov 函数只是估计序列的互协方差,这是因为实际上我们只能得到无限长随机过程的有限个时间段。

 \mathbf{v} \mathbf{x} cov (\mathbf{x},\mathbf{y}) 格式中, \mathbf{x} 和 \mathbf{y} 是长度为 M 的矢量, 则函数可计算出长度为 2M-1 的 互协方差矢量。

 \mathbf{v} \mathbf{x} cov(\mathbf{x})中,当 \mathbf{x} 为矢量时,可计算出自协方差序列。当 \mathbf{x} 为 $\mathbf{M} \times \mathbf{P}$ 的矩阵时, \mathbf{v} \mathbf{x} cov(\mathbf{x})可得到($\mathbf{2}\mathbf{M} = \mathbf{1}$) \times \mathbf{P}^2 的 互协方差阵。

在缺省情况下,xcov函数计算非归一化的行协方差序列,即

$$C_{nxy}(m) = \sum_{n=0}^{N-m} x(n)y'(n+m)$$

但为了合适地估计相关函数,需要进行归一化处理。xcov(x, 'option')和 xcov(x, y, 'option')中的 option 选项可用来指定计算方式:

- 当 option biased 时, 计算互相关函数的有偏估计;
- 当 option—unbiased 时, 计算互相关函数的无偏估计:
- · 当 option=coeff 时,对序列进行归一化,使零滞后的自相关函数为 1.0;
- · 当 option none 时,即为缺省情况。

参见: correcte, cov, xcorr, xcorr2, conv

3. corrcoef

功能:相关系数矩阵。

格式:

c = corrcoef(x)
c = corrcoef(x, y)

说明:

corrcoef 函数可从输入矩阵中计算出相关系数矩阵。如果记c-cov(x),则函数 corrcoef (x)可写成

corrcoef(i, j) =
$$\frac{c(i, j)}{\sqrt{c(i, i)c(j, j)}}$$

即 c=correcef(x)为零滞后的协方差函数;

c-corrcoef(x, y)等同于corrcoef([x y])函数。

参见: cov, xcorr, xcov

4. xcorr

功能、互相关函数估计。

格式:

c - xcorr(x, y)

c - xcorr(x)

c - xcorr(x, 'option')

c=xcorr(x, y, 'option')

说明:

xcorr 函数可估计出随机过程的互相关序列,在特殊情况下可得到自相关序列。 对平稳随机过程 x_n 和 y_n ,其实际的互相关序列为

$$\gamma_{xy}(m) = E\{x_n y_{n+m}^*\}$$

由于我们只能得到有限个数据样本,因此 xcorr 函数只能估计出 Yxy(m)。

当 x,y 矢量的长度为 M 时, c=xocrr(x,y) 可得到长度为 2M+1 的 互相关序列。而 c=xcorr(x)(x) 为矢量时) 可计算出矢量 x 的自相关序列,当 x 为 $M\times P$ 矩阵时,c=xcorr(x)

可得到(2M-1) × P2 的互相关矩阵。

在缺省 option 时, xcorr 函数计算非归一化的行相关:

$$c_{\text{nxy}}(m) = \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{n=0}^{m-1} x(n)y^{*}(n + m)$$

但为了正确估计相关函数,应该进行归一化处理。xcorr(x, 'option')和 xcorr(x, y, 'option')中的 option 可用来指定相关选项:

· 当 option - biased 时, xcorr 函数可计算互相关函数的有偏估计,即

$$c_{nxy}(m) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{\infty} x(n)y^{*}(n + m)$$

• 当 option = unbiased 时, xcorr 函数可计算互相关函数的无偏估计,即

$$c_{nxy}(m) = \frac{1}{N - |m|} \sum_{n=0}^{mf} x(n)y^{n}(n + m)$$

- 当 option—coeff 时, xcorr 函数对序列进行归一化处理, 这样零滞后的自相关序列恒为 1.0。
 - · 当 option none 时, 即为缺省情况。

例 输入

x-1:3:

y = 4:6;

c = xcorr(x, y)

可得结果

c —

12.000 23.000 32.000 17.000 6.000

参见: corrcoef, conv, cov, xcorr2, xcov

5. cohere

功能:估计两信号间相关函数平方的幅值。

格式:

Cxy = cohere(x)

Cxy = cohere(x, y, nfft)

[Cxy, f] -cohere(x, y, nfft, Fs)

Cxy-cohere(x, y, nfft, Fs, window)

Cxy-cohere(x, y, nfft, Fs, window, noverlap)

 $Cxy - cohere(x, y, \dots, 'dflag')$ cohere(x, y)

说明:

Cxy = cohere(x, y)可计算出等长度矢量 x 和 y 之间相关性的幅度平方, 它是 x 、y 的 功率谱及互功率谱的函数,即

$$C_{xy}(f) = \frac{P_{xy}(f)^{-2}}{P_{xy}(f)P_{yy}(f)}$$

Cxy-cohere(x,y)采用了以下的缺省值:

- nfft = min(256, length(x))
- Fs · 2
- window hanning(nfft)
- noverlap 0

nfft 指定了 FFT 的长度,其值决定了要进行相关估计的频率值; Fs 为取样频率; window 指定了加窗函数; noverlap 指定分段重叠的样本数。在命令格式中省略某个参数,就取其缺省值。

当 x 和 y 为实数时, cohere 函数只估计正频率处的相关函数。这时, 当 nfft 为偶数时, 输出 Cxy 为 nfft/2+1 维的列矢量; 当 nfft 为奇数时, Cxy 为(nfft+1)/2 维的列矢量。当 x 或 y 为复数时, cohere 函数估计正负频率处的相关函数, Cxy 的长度为 nfft。

Cxy-cohere(x, y, nfft)可在估计 x 的功率谱中采用指定长度的 FFT, 当 nfft 取为 2 的幂次方时, 可提高执行速度。

[Cxy, f] = cohere(x, y, nfft, Fs)可在 f 矢量得到估计相关性的频率点, Fs 为取样频率, 它只影响频率轴刻度, 对输出 Cxy 没有影响。

Cxy-cohere(x, y, nfft, Fs, window)可指定加窗函数,当 window 为标量时,说明采用缺省的 Hanning(汉宁窗),其长度为 window 值,窗长度必须小于等于 nfft。

Cxy-cohere(x, y, nfft, Fs, window, noverlap)使x矢量分段之间重叠 noverlap 个取样值。

除x、y参数外,都可用空矩阵来指定采用缺省值,例如:

Cxy - cohere(x, y, [], [], kaiser(128, 5))

贝| 使用 nfft-256, Fs-2。

Cxy-cohere(x, y, …, 'dflag')可利用 dflag 指定处理方式:

- 当 dflag-linear 时,可从预加权的 x、y 段中删去最佳的直线拟合;
- · 当 dflag mean 时,可从预加权的 x、y 段中删去均值;
- · 当 dflag none 时,不作任何处理。

不带输出变量的 cohere 函数可在当前图形窗口中绘出相关估计的频域曲线。

例 绘出两有色噪声之间的相关估计。其程序如下

h-fir1(30,.2, boxcar(31)); %设计低通滤波器

h1 - ones(1, 10)/sqrt(10);

r-randn(16384, 1); %产生白噪声

x=filter(h1, 1, r); %产生有色噪声

y=filter(h, 1, x); %产生有色噪声

cohere(x, y, 1024, [], [], 512)

结果如图 2.37 所示。

参见: csd, psd, tfe

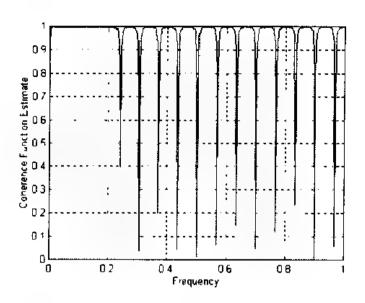


图 2 37 相关函数估计

6. csd

功能: 估计两信号间的互谱密度(CSD)。

格式:

```
Pxy-csd(x)
Pxy-csd(x, y, nfft)
[Pxy, f]-csd(x, y, nfft, Fs)
Pxy-csd(x, y, nfft, Fs, window)
Pxy-csd(x, y, nfft, Fs, window, noverlap)

Pxy-csd(x, y, ..., 'dflag')
csd(x, y)
[Pxy, Pxyc, f]-csd(x, y, nfft, Fs, window, noverlap, p)
```

说明:

Pxy-csd(x,y)可计算出等长度矢量 x 和 y 之间的互谱密度(CSD), 它与 cohere 函数 非常类似,只是两者计算的结果不同。除最后一种格式外,其余 7 种格式的说明与 cohere 函数完全相同,nfft 用于指定所采用的 FFT 的长度,Fs 指定取样频率,window 指定窗函数,noverlap 指定分段之间的重叠取样数,详见 cohere 函数。

最后一种格式: [Pxy, Pxyc, f] csd(x, y, nfft, Fs, window, noverlap, p)可得到 Pxy的 p * 100%置信区间的估计 Pxyc, 其中 p∈ [0, 1), 这样区间[Pxy Pxyc, Pxy+Pxyc]就以概念 p 覆盖了真值 CSD。plot(f, [Pxy Pxy Pxyc Pxy+Pxyc])可绘出 p * 100%置信区间内的互频谱,如未指定 p,则取缺省值 0.95。

9 产生两个有色噪声,并绘出具有 95%置信区间的 CSD。其程序如下 h-fir1(30,.2,boxcar(31));

```
h1-ones(1, 10)/sqrt(10);
r-randn(16384, 1);
x-filter(h1, 1, r);
y-filter(h, 1, x);
csd(x, y, 1024, 10000, triang(500), 0, [])
结果如图 2.38 所示。
```

参见: cohere, psd, tfe

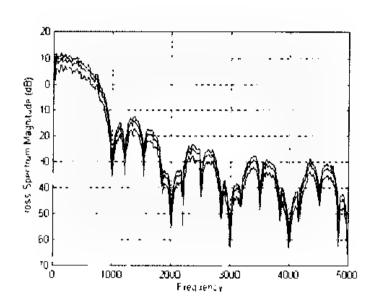


图 2.38 互谱密度(CSD)曲线

7. psd

功能:估计信号的功率谱密度(PSD)。

格式:

```
Pxx-psd(x)

Pxx-psd(x, nfft)

[Pxx, f]=psd(x, nfft, Fs)

Pxx-psd(x, nfft, Fs, window)

Pxx-psd(x, nfft, Fs, window, noverlap)

Pxx-psd(x, ..., 'dflag')

psd(x)

[Pxx, Pxxc, f]=psd(x, nfft, Fs, window, noverlap, p)
```

说明:

Pxx psd(x)估计序列 x 的功率谱密度。psd 函数与 cohere 函数非常类似,只是两者计算结果不同。除最后一种格式外,其余格式的说明与 cohere 函数完全相同, nfft 用于指定所采用的 FFT 的长度, Fs 指定取样频率, window 指定窗函数, noverlap 指定分段之间的

重叠取样数,详见 cohere 函数。

最后一种格式: [Pxx, Pxxc, f] ¬psd(x, nfft, Fs, window, noverlap, p)可得到 Pxx 的 p * 100%置信区间的估计 Pxxc, 其中 p∈ [0, 1], 这样区间[Pxx-Pxxc, Pxx+Pxxc]就以概念 p 覆盖了真值 PSD。plot(f, [Pxx Pxx-Pxxc Pxx+Pxxc])可绘出 p * 100%置信区间内的功率谱。如未指定 p, 则取缺省值 0.95。

例 产生一有色噪声、并绘出具有 95%置信区间的 PSD。其程序如下

h = fir1(30, ...2, boxcar(31));

r-randn(16384, 1);

x-filter(h1, 1, r);

psd(x, 1024, 10000, kaiser(512, 5), 0, .95)

这样就得到了如图 2.39 所示的功率谱密度曲线。

参见: cohere, csd, tfe

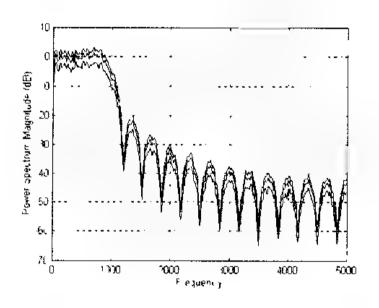


图 2.39 功率谱密度曲线

8. tfe

功能: 从输入输出中估计传递函数。

格式:

Txy = tfe(x, y)

Txy-tfe(x, y, nfft)

[Txy, f]-tfe(x, y, nfft, Fs)

Txy-tfe(x, y, nfft, Fs, window)

Txy -tfe(x, y, nfft, Fs, window, noverlap)

Txy=tfe(x, y, ..., 'dflag') tfe(x, y)

说明:

Txy=tfe(x,y)可从输入输出中估计出传递函数,它是x和y的互谱密度与x的功率谱的商,其公式为

$$T_{xy}(f) = \frac{P_{xy}(f)}{P_{xx}(f)}$$

从函数计算上看, tfe 函数与 chohere 函数完全一样, 因此有关 tfe 函数各种格式的说明可参见 cohere 函数。

例 计算两有色噪声序列间的传递函数,并绘出传递函数的特性。其程序如下

h = fir1(30, .2, boxcar(31));

x = randn(16384, 1);

y=filter(h, 1, x);

tfe(x, y, 1024, [], [], 512)

这样就得到如图 2.40 所示的传递函数的特性曲线。

參见: cohere, csd, psd

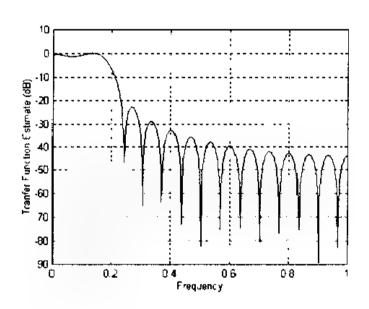


图 2.40 传递函数特性曲线

2.9 窗 函 数

1. boxcar

功能:矩形窗。

格式:

w = boxcar(n)

说明.

boxcar(n)函数可产生一长度为n的矩形窗函数。提供这一函数的目的是使窗函数部分

内容完整。实际上对一序列加上矩形窗,就等同于没有加窗。

参见: bartlett, blackman, chebwin, hamming, hanning, kaiser, triang

2. triang

·功能:三角窗。

格式:

w triang(n)

说明:

triang(n)函数可得到 n 点的三角窗函数。三角窗系数为

当 n 为奇数时:

$$\mathbf{w}(\mathbf{k}) = \begin{cases} \frac{2\mathbf{k}}{n+1} & 1 \leqslant \mathbf{k} \leqslant \frac{n+1}{2} \\ 2(n-\mathbf{k}+1) & n+1 \end{cases} \qquad 1 \leqslant \mathbf{k} \leqslant \frac{n+1}{2}$$

当n为偶数时:

$$\mathbf{w}(\mathbf{k}) = \begin{cases} 2\mathbf{k} & 1 & 1 \leqslant \mathbf{k} \leqslant \frac{\mathbf{n}}{2} \\ \frac{2(\mathbf{n} - \mathbf{k} + 1)}{\mathbf{n}} & \frac{\mathbf{n}}{2} \leqslant \mathbf{k} \leqslant \mathbf{n} \end{cases}$$

三角窗函数非常类似于 Bartlett 窗。Bartlett 在取样点 1 和 n 上总是以零结束,而三角窗在这些点上并不为零。

实际上, 当 n 为奇数时, triang(n 2)的中心 n 2 个点等效于 bartlett(n)。

参见: bartlett, blackman, boxcar, chebwin, hamming, hanning, kaiser

3. bartlett

功能:Bartlett(巴特利特)窗。

格式:

w-bartlett(n)

说明:

bartlett(n)可得到 n 点 Bartlett 窗函数。Bartlett 窗函数系数为

$$\mathbf{w}(\mathbf{k}) = \begin{cases} \frac{2(\mathbf{k} - 1)}{n - 1} & 1 \leq \mathbf{k} \leq \frac{n + 1}{2} \\ 2 - \frac{2(\mathbf{k} - 1)}{n - 1} & \frac{n + 1}{2} \leq \mathbf{k} \leq n \end{cases}$$

Bartlett 函数与三角窗函数非常类似。当n为奇数时,bartlett(n)的中心n-2点等效于triang(n-2)。

参见: blackman, boxcar, chebwin, hamming, hanning, kaiser, triang

4. hamming

功能: Hamming(哈明)窗。

格式:

w hamming(n)

说明:

hamming(n)可产生 n 点的 Hamming 窗, 其系数为

$$w(k+1) = 0.54 = 0.46\cos_{1} 2\pi \frac{k}{n-1}$$
 $k = 0, \dots, n-1$

参见: bartlett, blackman, boxcar, chebwin, hanning, kaiser, triang

5. hanning

功能: Hanning(汉宁)窗。

格式:

w hanning(n)

说明:

hanning(n)可产生 n 点的 Hanning 窗, 其系数为

$$w(k) = 0.5 \left[1 - \cos \left(2\pi \frac{k}{n+1} \right) \right] - k = 1, \dots, n$$

参见: bartlett, blackman, boxcar, chebwin, hamming, kaiser, triang

6. blackman

功能: Blackman(布莱克曼)窗。

格式:

w-blackman(n)

说明:

blackman(n)可产生 n 点的 Blackman 窗, 其系数为

$$w(k) = 0.42 - 0.5 \cos\left(2\pi \frac{k-1}{n-1}\right) + 0.8 \cos\left(4\pi \frac{k-1}{n-1}\right) = k-1, \dots, n$$

与等长度的 Hamming 和 Hanning 窗相比, Blackman 窗的 主瓣稍宽, 旁瓣稍低。

参见: bartlett, boxcar, chebwin, hamming, hanning, kaiser, triang

7. chebwin

功能: Chebyshev(切比雪夫)窗。

格式:

w-chebwin(n, r)

说明:

w-chebwin(n,r)可产生 n 点的 Chebyshev 窗函数,其傅里叶变换后的旁瓣波纹低于主瓣 r dB。注意当 n 为偶数时,窗函数的长度为 n+1。

參见: bartlett, blackman, boxcar, hamming, hanning, kaiser, triang

8. kaiser

功能: Kaiser(凯泽)窗。

格式:

说明:

w kaiser(n, beta) 可产生 n 点的 Kaiser 窗函数, 其中 beta 为影响窗函数旁瓣的 β 参数, 其最小的旁瓣抑止 α 与 β 之间的关系为

$$\beta = \begin{cases} 0.1102(\alpha - 0.87) & \alpha > 50 \\ 0.5842(\alpha - 21)^{0.4} + 0.07886(\alpha 21) & 21 \le \alpha \le 50 \\ 0 & \alpha < 21 \end{cases}$$

增加β可使主辦变宽,旁瓣的幅度降低。

参见: bartlett, blackman, boxcar, chebwin, hamming, hanning, triang

2.10 参数化建模

1. invfreqs

功能: 从频域数据中辨识连续时间滤波器。

格式:

[b, a] -invfreqs(h, w, nb, na)

[b, a] - invfreqs(h, w, nb, na, wt)

[b, a]-invfreqs(h, w, nb, na, wt, iter)

[b, a] = invfreqs(h, w, nb, na, wt, iter, tol)

[b, a]-invfreqs(h, w, nb, na, wt, iter, tol, trace')

说明:

invfreqs 函数是 freqs 的逆操作,它可找出拟合给定复频响应的一连续时间传递函数。 从实验分析观点, invfreqs 函数可用于将幅值和相位数据转换成传递函数。

在[b, a]—invfreqs(h, w, nb, na)中, h 和 w 用 于指定频率幅度响应及相应的频率, 得到的 b, a 可构成滤波器

$$H(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b(1)s^{n_b} + b(2)s^{(n_b-1)} + \dots + b(n_b+1)}{a(1)s^{n_a} + a(2)s^{(n_a-1)} + \dots + a(n_a+1)}$$

其中n_b、n_a分别指定分子和分母多项式的阶次。

w中的频率以弧度为单位, length(w)-length(h)。

[b, a] = invfreqs(h, w, nh, na, wt)可对拟合误差进行加权, wt 为加权矢量, 且 length(wt)—length(w)。

[b, a]—invfreqs(h, w, nb, na, wt, iter, tol)可利用数值迭代的方法寻找最优拟合,

从而确保所得线性系统的稳定性。参数 iter 告诉 invfreqs 函数当解收敛时,结束迭代过程,或者在 iter 次迭代后一旦满足 tol 容限,就结束迭代。这里的收敛与 tol 有关,当梯度矢量范数小于 tol 时,就认为收敛。tol 缺省时,默认为 0.01。

如果采用全 1 加权阵,只须用空阵代替,即 mvfreqs(h, w, nb, na, [], iter, tol)。如要得到一有关迭代过程的报告,可采用

[b, a] = invfreqs(h, w, nb, na, wt, iter, tol, 'trace')

例 先利用 freqs 函数产生一己知系统的频率响应[h,w],然后利用 invfreqs 函数重构 这一系统,从而可与原系统进行对比。输入

这与原系统是完全一致的。然而 aa 中含有左半平面的极点,因而系统不稳定。但利用 myfreos函数的迭代算法可找出一逼近系统的稳定方案:

参见: freqs, prony, invfreqz, freqz

2. invfreqz

功能: 从频域数据中辨识离散时间滤波器。

格式:

说明:

invfreqz 函数是 freqz 的逆操作,它可找出拟合给定频率响应的一离散时间传递函数。 从实验分析的观点, invfreqz 函数对将幅值和相位数据转换成对应的传递函数是很有用的。

invfreqz 函数与 invfreqs 函数几乎一样, 其说明可参见 invfreqs 函数的说明。

例 输入

$$a-[1 \ 2 \ 3 \ 2 \ 1 \ 4];$$

[h, w]-freqz(b, a, 64);

[bb, aa] = invfreqz(h, w, 4, 5)

bb -

3.0000

aa —

4.0000

为得到稳定的线性系统,输入

bbb-

0.1980

aaa

$$-0.8933$$

0.6949

参见: freqz, prony, invfreqs, freqs

3. prony

功能: 时间域 IIR 滤波器设计的 Prony 方法。

格式:

说明:

Pronv 方法是一种在已知时域冲激响应时构造 IIR 滤波器的算法,它可应用于滤波器 设计、指数信号建模和系统辨识(参数化建模)。

[b,a]-prony(h,nb,na)可找出一滤波器,其传递函数的分于阶次为nb,分母阶次为 na, 且时域冲激响应为 h。其滤波器可表示为

$$H(z) = \frac{B(z)}{A(z)} + \frac{b(1) + b(2)z^{-1} + \cdots + b(n_b + 1)z^{-n_b}}{1 + a(2)z^{-1} + \cdots + a(n_b + 1)z^{-n_b}}$$

先得到 Butterworth 滤波器的冲激响应,然后再从这恢复出滤波器的系数。输入 [b, a] - butter(4, .2)

a

0.0048

0.1874

h - filter(b, a, [1 zeros(1, 25)]);

[bb, aa] = prony(h, 4, 4)

bb-

aa ---

$$-1.0547$$

0.1874

参见: butter, cheby1, cheby2, ellip, invfreqz, levinson, lpc, stmcb

4. stmcb

功能:利用 Steiglitz McBride 迭代方法求线性模型。

格式:

[b, a] -stmcb(h, nb, na)

[b, a] = stmcb(h, nb, na, iter)

[h, a] -stmcb(h, nb, na, iter, ai)

[b, a]-stmcb(x, u, nb, na)

说明:

Steightz McBride 迭代是在给定时域冲激响应时确定 IIR 滤波器的一种算法,它已在滤波器设计和系统辨识中得到应用。

[b, a]—stmcb(h, nb, na)中, h 指定时域冲激响应, nb 和 na 分别是传递函数分子和分母多项式的阶次。

[b, a]-stmcb(h, nb, na, iter)中,可指定迭代次数 iter, 缺省时取为 5。

[b, a]-stmcb(h, nb, na, iter, ai)中,可指定分母多项式系数估值的初值 ai。

[b, a]—stmcb(x, u, nb, na)中, u和x为系统相应的输入和输出矢量,其长度相等。 当然在这种格式中,也可以使用 iter 和 ai 选项。

例 输入

这可以得到原 Butterworth 滤波器的特性曲线,如图 2.41 所示。

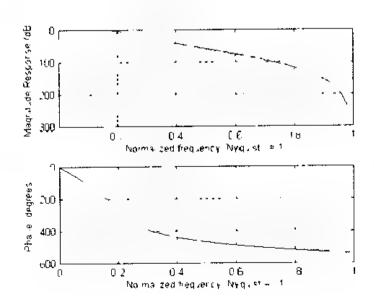


图 2.41 Butterworth 滤波器特性曲线

继续输入

[bb, aa]—stmcb(h, 4, 4); freqz(bb, aa, 128)

可得到构造的滤波器特性,如图 2.42 所示。

参见: lpc, prony

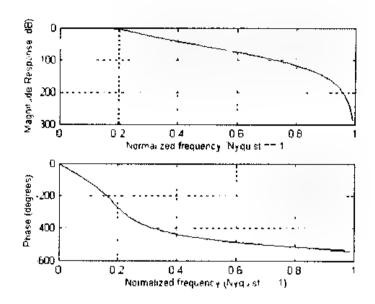


图 2.42 滤波器特性曲线

5. levinson

功能: Levinson-Durbin 递归算法。

格式:

a = levinson(r, n)

说明.

Levinson-Durbin 递归是给定确定性的自相关序列时确定全极点型 IIR 滤波器的一种算法,它可应用于滤波器设计、解码和谱估计中,由 Levinson-Durbin 递归算法得到的滤波器是最小相位滤波器。

a-levinson(r,n)可得到 n 阶自回归线性过程的系数 a,其中 r 指定这一过程的自相关序列,所产生的滤波器为

$$H(z) = \frac{1}{A(z)} = \frac{1}{1 + a(2)z + \cdots + a(n+1)z^{-n}}$$

参见: lpc, prony, stmcb

6. lpc

功能:线性预测系数。

格式:

$$a = lpc(x, n)$$

说明:

线性预测指将每一取样信号看成是以前信号取样的线性组合,即为全极点 IIR 滤波器的输出。它可应用于滤波器设计、语言编码、谱分析及系统辨识。

 a-lpc(x,n)可得到n阶自回归线性模型的系数,即

 x(k) --a(2)x(k-1) a(3)x(k-2) - ··· - a(n+1)x(k-n-1)

 其中x为实输入时序列,n为分母多项式A(z)的阶。

例 利用 lpc 函数建立具有全极点 IIR 滤波器特性的非递归 FIR 滤波器。其程序如下 x=[1;4 4;-1;1]; a-lpc(x,15); [h,w]-freqz(x,1,512); [h1,w]-freqz(1,a,512); plot(w/pi,abs(h),w/pi,abs(h1),'--')

这样就得到如图 2.43 所示的曲线, 其中实线表示 FIR 滤波器响应, 而虚线表示 IIR 滤波器响应。

参见: levinson, prony, stmcb

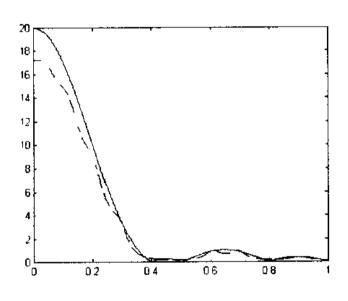


图 2.43 FIR 和 IIR 幅频特性

2.11 特殊操作

1. rceps

功能:实倒谱和最小相位重构。

格式:

说明:

实倒谱是傅里叶变换序列幅度实对数的逆傅里叶变换。rceps(x)函数可得到实序列 x 的实倒谱,实倒谱是实值函数。

[y,ym]-rceps(x)可产生输入序列 x 的实倒谱 y 和最小相位重构 ym。

參见: cceps, fft, hilbert, unwrap

2. cceps

功能: 倒谱分析和最小相位重构。

格式:

y - cceps(x)

说明:

倒谱分析是非线性信号处理技术,它与语音信号处理、同态滤波等密切相关。

y=cceps(x)可得到实序列 x 的复倒谱,即为傅里叶变换序列复对数的逆傅里叶变换,复倒谱为实值函数。

參见: rceps, fft, hilbert, unwrap

3. decimate

功能, 降低序列的取样速率。

格式:

y = decimate(x, r)

y = decimate(x, r, n)

y-decimate(x, r, 'fir')

y=decimate(x, r, n, 'fir')

说明:

decimate 可使序列的取样率降低,与内插过程相反,它将输入数据经低通滤波器滤波后,得到的平滑信号再以较低的取样率重新取样。

y-decimate(x,r)可将 x 的取样率降至原取样率的 1/r, 因此 y 的长度为 x 的 1/r。在 缺省情况下, decimate 函数采用 8 阶低通 Chebyshev I 型滤波器进行滤波,它以前向和反向对输入数据进行滤波,以消除相位失真,并使滤波器的阶次加倍。

y-decimate(x, r, n)采用 n 阶的 Chebyshev 滤波器, 从数值稳定角度出来, 不宜采用 13 阶以上的滤波器。

y = decimate(x, r, 'fir')采用 30 点的 FIR 滤波器, 这时按单方向对输入数据进行滤波。

y-decimate(x, r, n, 'fir')采用 n 点 FIR 滤波器。

例 利用 decimate 函数使信号的取样率降至原取样率的 1,4,并利用 stem 函数绘出信号。

```
t=0:0.00025:1;

x-\sin(2*pi*30*t)+\sin(2*pi*60*t);
```

```
y -decimate(x, 4);
subplot(2, 1, 1)
stem(x(1:120))
subplot(2, 1, 2)
stem(y(1:30))
```

这样就得到了如图 2.44 所示的信号图。

参见: interp, resample

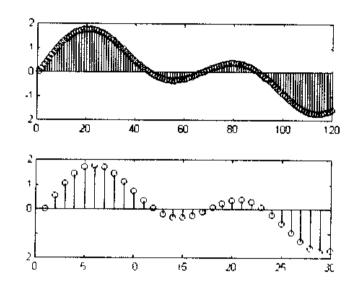


图 2.44 信号图

4. interp

功能:提高取样速率(内插)。

格式:

y=interp(x, r)
y-interp(x, r, l, alpha)
[y, b]=interp(x, r, l, alpha)

说明:

通过内插可提高序列的取样速率, interp 函数利用一特殊的低通滤波器, 从而实现低通内插。

y-interp(x, r)可使 x 序列的取样率增加 r 倍, 因此 y 的长度为 x 长度的 r 倍。

y-interp(x, r, l, alpha)可指定滤波器的长度1及其截止頻率 alpha, 其缺省值分别为4 和 0.5。

[y, b]-interp(x, r, l, alpha)还产生了用于内插的低通滤波器的系数 b。

例 以 4 倍率内插一输入序列, 这时输入

t -0:.001:1;

```
x-sin(2 * pi * 30 * t) + sin(2 * pi * 60 * t);
y-interp(x, 4);
subplot(2, 1, 1)
stem(x(1;30))
subplot(2, 1, 2)
stem(y(1;120))
```

这时得到了如图 2.45 所示的信号图。

参见: decimate, resample

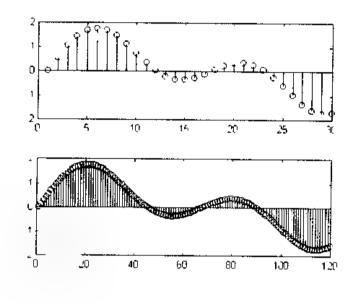


图 2.45 信号图

5. resample

功能: 改变取样速率。

格式:

```
y=resample(x, p, q)
y=resample(x, p, q, n)
y=resample(x, p, q, n, beta)
y=resample(x, p, q, b)
[y, b]=resample(x, p, q)
```

说明:

y-resample(x,p,q)函数利用多相实现方法,使x序列的取样率变为(p/q)f₀(f₀为原来x的取样率),因此y的长度应为(p/q)length(x)。

在对序列 x 进行重新取样的过程中, resample 函数采用了一种抗混淆(低通)FIR 滤波器, 这种滤波器为带 kaiser 窗的滤波器, 它可由 firl 函数设计。

y-resample(x, p, q, n)可利用 x[n]两边的 n 项来构成重新取样, resample 所使用的滤波器长度正比于 n。n 越大精度越高,但计算时间也更长。n 缺省时取为 10, 当 n-0 时,

表示 regsample 采用零阶保持器。

y=resample(x, p, q, n, beta)中, beta 用作 kaiser 窗函数的设计参数, beta 的缺省值为 5。

y-resample(x,p,q,b),利用指定的滤波器b对x进行滤波。

[y,b]—resample(x,p,q)除得到 y 外,还可得到在重新取样过程中所采用的滤波器 系数 b。

参见: decimate, firl, interp, intfilt, kaiser

6. medfilt1

功能:一维中值滤波。

格式:

y=medfilt1(x, n) y=medfilt1(x, n, blksz)

说明:

y=medfilt1(x,n)可得到输入序列 x 通过一n 阶中值滤波器后的输出。当n 为奇数时, y(k)为 x $\left[k-\frac{n-1}{2}:k+\frac{n-1}{2}\right]$ 的中值;当n 为偶数时, y(k)为 x $\left[k-\frac{n}{2}:k+\frac{n}{2}\right]$ 的中值。如果n 缺省,则取为 3。

在 y=medfilt1(x,n,blksz)格式中,可利用 blksz 参数指定每次循环所计算的输出数, 这在内存欠缺的情况下是很有用的。

当 x 为矩阵时, medfilt1 函数对 x 的列数据进行中值滤波,即 y(:,i) = medfilt1(x(:,i), n, blksz)

参见: filter, median

7. deconv

功能: 反卷积和多项式除法。

格式:

[q, r] = deconv(b, a)

说明:

[q,r]-deconv(b,a)函数,采用长除法,从矢量 b 中反卷积矢量 a,结果商放在 q 矢量中,余数保存在 r 矢量中,即

$$b-conv(q, a)+r$$

当 a, b 为多项式系数时, a, b 的卷积等效于多项式乘法, 反卷积等效于多项式除法。 deconv 与 conv 函数是相互对应的函数。

参见: conv, filter, residuez

8. modulate

功能:通讯仿真中的调制。

格式:

y-modulate(x, Fc, Fs, 'method')
y-modulate(x, Fc, Fs, 'method', opt)
[v, t]-modulate(x, Fc, Fs)

说明:

在y modulate(x, Fc, Fs, 'method')中, x 为实信号, 该函数对 x 信号进行调制, 载 波频率为 Fc, 取样频率为 Fs, method 为所采用的调制方法, y 为调制后的信号。method 可取:

am 或 amdsb sc 幅度调制,双边带,抑制载波。这时输出为

y - x, * cos(2 * pi * Fc * t)

amdsb-tc 幅度调制,双边带,传输载波。这时输出为

 $y=(x \text{ opt}). *\cos(2*pi*Fc*t)$

opt 的缺省值为 min(min(x))

amssb 幅度调制,单边带。这时输出为

y = x. *cos(2 * pi * Fc * t) +... +:mag(hilbert(x)). * sin(2 * pi * Fc * t)

fm 频率调制。这时输出为

y = cos(2 * pi * Fc * t + opt * cumsum(x))

其中 cumsum 是 x 积分的矩形逼近, opt 的缺省值为

opt $(F_c/F_s) * 2 * p_l/(max(max(x)))$

pm 相位调制。这时输出为

v = cos(2 * pi * Fc * t + opt * x)

这时 opt 的缺省值为

opt - pi/(max(max(x)))

pwm 脉宽调制。这时从输入 x 中构成脉宽调制信号, 其 x 的值(0~1)

用于指定脉宽

ptm 脉冲时间调制。这时从 x 中构成脉冲时间调制信号, 其 x 的值(0

~1)用于确定脉冲的起始时刻

qam 正交幅度调制。其输出为

v=x, $*\cos(2*pi*Fc*t)+opt$. $*\sin(2*pi*Fc*t)$

注意参数 opt 与 x 等长

当 method 缺省时, 见取 am。一般情况下, y 与 x 等长, 但 pwm 和 ptm 调制时, y 与 x 不等长。

当 x 为矩阵时, modulate 对其列元素进行调制。

为计算调制信号, modulate 函数要建立一内部的时间矢量 t, 这一矢量可以由下列命令得到

[y,t]-modulate(x, Fc, Fs)

参见: demod, vco

9. demod

功能:通讯仿真中的解调。

格式:

x = demod(y, Fc, Fs, 'method')
y = demod(y, Fc, Fs, 'method', opt)
[x1, x2] = demod(y, Fc, Fs, 'qam')

说明:

demod 函数完成对信号的解调,即从调制信号中恢复原来的信号。modulate 与 demod 函数构成了通信仿真中所必须的调制和解调功能。

x-demod(y, Fc, Fs, 'method', opt)函数利用载波频率 Fc, 取样频率 Fs 对实载波信号 y 进行解调, 其可用的方法由 method 指定, 有关说明详见 modulate 函数。

参见: modulate, vco

10. vco

功能:电压控制振荡器。

格式:

y - vco(x, Fc, Fs)y - vco(x, [Fmin Fmax], Fs)

说明:

 $y-v\infty(x, Fc, Fs)$ 可产生一取样频率为 Fs 的振荡信号, 其振荡频率由实输入矢量或矩阵 x 确定。Fc 为载波或参考频率, x \in [1, 1], $\exists x-1$ 时,输出 y 的频率为 Fc; $\exists x-1$ 时,输出 y 的频率为 2 * Fc。其波形形状均为余弦。

y-vco(x,[Fmin Fmax], Fs)可调整频率调制范围,使x--1时产生Fmin 的振荡输出,x-1时产生Fmax的振荡输出。当然Fmin 和Fmax 应小于Fs/2。

Fs 的缺省值为 1, Fc 的缺省值为 Fs/4。

当 x 为矩阵时, vco 函数根据 x 的列产生调制信号。

例 利用 vco 函数产生瞬时频率为时间三角函数的信号,其采样频率为 5000 Hz, 然后利用 specgram 函数绘出信号的频谱图。其程序如下

Fs-5000; t-0:1/Fs:2; x=vco(sawtooth(2*pi*t,.75),[.1.4.*Fs,Fs); specgram(x,512,Fs,kaiser(256,5),220) 这可得到如图 2.46 所示的频谱图。

参见: demod, modulate

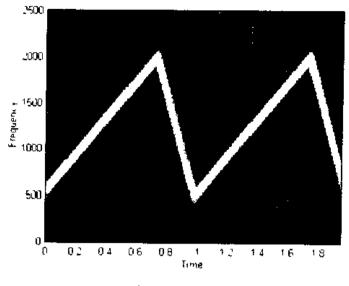


图 2.46 频谱图

11. specgram

功能:与时间有关的频率分析(频谱)。

格式:

B-specgram(a)

B 'specgram(a, nfft)

[B, f]-specgram(a, nfft, Fs)

[B, f, t]-specgram(a, nfft, Fs)

B rspecgram(a, nfft, Fs, window)

B-specgram(a, nfft, Fs, window, noverlap)

specgram(a)

说明:

specgram 函数利用一滑窗计算信号的加窗离散时间傅里叶变换,频谱就是这一函数的幅值。

B-specgram(a)计算出信号矢量 a 的频谱,它采用了 些缺省值:

- nfft-min(256, length(a))
- Fs-2
- window hanning(nfft)
- noverlap length (window) 2

nfft 指定 specgram 函数所采用的 FFT 的点数,它决定了计算离散傅里叶变换的频率点,Fs 为取样频率, window 指定窗函数, noverlap 指定分段重迭的点数。

当 a 为实数时, specgram 函数只在正频域内计算离散傅里叶变换, 其长度 n 为偶数时, specgram 可产生 nfft/2+1 行; 当 n 为奇数时, specgram 可产生 nfft/2+1 行。B 的列数为

k = fix((n - noverlap)/(length(window) - noverlap))

当 a 为复数时, specgram 函数要计算正负频域的离散傅里叶变换, 这时 B 为 nfft 行的复矩阵, 从 B 中的第 1 列第 1 点开始, 时间随列线性增加, 而频率从 0 开始随行线性下降。

B-specgram(a, nfft), 在计算中采用 nfft 点的 FFT, 利用 2 的幂次方的 FFT 可加快 计算速度。

- [B,f] specgram(a, nfft, Fs)除得到频谱 B 之外, 还得到了计算离散傅里叶变换的频率矢量 f。这里 Fs 并不影响结果 B, 但它改变了频率刻度。
 - [B, f, t] specgram(a, nfft, Fs), 还得到了记录窗函数与 a 相交时间的矢量 t。
- B-specgram (a, nfft, Fs, window),可指定所采用的窗函数及 x 分段的点数。当window为标量时,表示采用长度为 window 的 Hanning 窗,窗的长度应不大于 nfft,如果nfft大于窗函数的长度,则自动将窗函数缺少部分添零补足 nfft。

B-specgram(a, nfft, Fs, window, noverlap), 将 x 的各段之间重叠 noverlap 点。利用空矩阵[]可指定选项的缺省值,如

等效于

 $B=\operatorname{specgram}(x, \min(256, \operatorname{length}(x)), 10000)$

不带输出变量的 specgram 函数可显示出频谱图。

有关示例可参见 vco 函数。

参见: cohere, csd, psd, tfe

2.12 模拟原型滤波器设计

1. besselap

功能: Bessel(贝塞尔)模拟低通滤波器原型。

格式:

$$[z, p, k]$$
 - besselap(n)

说明:

[z, p, k] - besselap(n)可设计出 n 阶 Bessel 模拟低通滤波器,其零点、极点及增益分别存放在 z, p 和 k 中。由于这种滤波器没有零点,因此 z 为空矩阵,且至多含有 25 个极点,即

$$H(s) = \frac{k}{(s - p(1))(s - p(2)) \cdots (s - p(n))}$$

Bessel 原型在低频和高频段渐近等效于同阶的 Butterworth 原型。模拟 Bessel 滤波器可由群延迟来表征,它在零频处最平坦,在通带内几乎为常数。零频处的群延迟为

$$\left[\frac{(2n)!}{2^n n!}\right]^{\frac{1}{n}}$$

参见: besself, buttap, cheb1ap, cheb2ap, ellipap

2. buttap

功能: Butterworth(比特沃思)模拟低通滤波器原型。

格式:

$$[z, p, k]$$
-buttap(n)

说明:

[z,p,k]-buttap(n)可设计出 n 阶 Butterworth 模拟低通滤波器原型,其传递函数为

$$H(s) = \frac{k}{(s - p(1))(s - p(2))\cdots(s - p(n))}$$

因此实际上z为空阵。Butterworth 滤波器可由通带内最平坦、总体上单调的幅度特性来表征。

在低通滤波器中,Butterworth 幅度响应平方的前 2n-1 阶导数在 $\omega-0$ 处为零,幅度响应的平方为

$$H(\omega)^2 - \frac{1}{1 + (\omega/\omega_0)^{2n}}$$

参见: butter, bessealp, cheblap, cheb2ap, ellipap

3. cheblap

功能: Chebyshev(切比雪夫) I 型模拟低通滤波器原型。

格式:

说明:

[z,p,k]—cheblap(n,Rp)可设计出 Chebyshev I 型模拟低通滤波器原型,其通带内的波纹系数为 Rp 分贝,传递函数为

$$H(s) = \frac{k}{(s - p(1))(s - p(2))\cdots(s - p(n))}$$

Chebyshev I 型滤波器为通带内等波纹、阻带内单调的滤波器, 其极点均匀分布在左半平面内的某椭圆上。

参见: cheby1, buttap, besselap, cheb2ap, ellipap

4. cheb2ap

功能: Chebyshev(切比雪夫) I 型模拟低通滤波器原型。

格式:

$$[z, p, k]$$
 - cheb2ap(n, Rs)

说明。

[z, p, k]-cheb2ap(n, Rs)可设计出 Chebyshev I型模拟低通滤波器原型, 其阻带内的波纹系数低于通带 Rs 分貝, 传递函数为

$$H(s) = k \frac{(s - z(1))(s - z(2) \cdots (s - z(n))}{(s - p(1))(s - p(2)) \cdots (s - p(n))}$$

Chebyshev I型滤波器为通带内单调、阻带内等波纹的滤波器,其极点位置为 cheb1ap 中极点位置的倒数。

参见: cheby2, besselap, buttap, cheblap, ellipap

5. ellipap

功能: 椭圆模拟低通滤波器原型。

格式:

$$[z, p, k]$$
-ellipap (n, Rp, Rs)

说明:

[z, p, k]-ellipap(n, Rp, Rs)可设计出椭圆模拟低通滤波器原型,其通带波纹为 Rp 分贝, 阻带的波纹为低于通带的 Rs 分贝。传递函数为

$$H(s) = k \frac{(s-z(1))(s-z(2))\cdots(s-z(n))}{(s-p(1))(s-p(2))\cdots(s-p(n))}$$

椭圆滤波器在通带和阻带内均为等波纹,它可提供比 Butterworth 和 Chebyshev 滤波器更陡的下降斜度,但会损失通带和阻带的波纹指标。

参见: ellip, besselap, buttap, cheblap, cheb2ap

2.13 频率变换

1. lp2bp

功能,低通到带通模拟滤波器变换。

格式。

说明:

lp2bp 函数可将截上频率为 1 弧度/秒的模拟低通滤波器原型变换成具有指定带宽 Bw和中心频率 Wo 的带通滤波器,这种变换是利用 butter、cheby1、cheby2、ellip 函数设计数字滤波器中的一步。

lp2bp 函数可以两种形式表示:传递函数和状态空间,但输入系统必须为模拟滤波器原型。

[bt, at]-lp2bp(b, a, Wo, Bw)可将传递函数表示的模拟低通滤波器原型转换成带通滤波器,其中心频率为 Wo, 带宽为 Bw。模拟低通滤波器原型可表示为

$$H(s) = \frac{b(s)}{a(s)} = \frac{b(1)s^{nb} + \cdots + b(nb)s + b(nb + 1)}{a(1)s^{na} + \cdots + a(na)s + a(na + 1)}$$

如果要求滤波器的低端截上频率为w1、高端截上频率为w2, 则可计算出Wo和Bw.

Wo
$$-\operatorname{sqrt}(\mathbf{w}1 * \mathbf{w}2)$$

Bw $-\mathbf{w}2 \quad \mathbf{w}1$

[At, Bt, Ct, Dt]-lp2bp(A, B, C, D, Wo, Bw)可将以连续状态方程表示的低通滤波器原型变换成带通滤波器,其中心频率为 Wo、通带为 Bw。低通滤波器可表示成

$$\dot{x} - Ax + Bu$$

 $y - Cx + Du$

参见: bilinear, lp2bs, lp2hp, lp2lp

2. lp2hp

功能,低通到高通模拟滤波器变换。

格式:

说明:

lp2hp 函数将截止频率为1弧度/秒的模拟低通滤波器原型变换成截止频率为Wo的高通滤波器,这种变换是利用 butter、cheby1、cheby2、ellip 函数设计数字滤波器中的一步。

lp2hp 函数可有两种表示方法,传递函数和状态空间,但输入系统必须为模拟滤波器原型。

[bt,at]-lp2hp(b,a,Wo)可将传递函数表示的模拟低通滤波器原型变换成高通滤波器,其截止频率为Wo。模拟低通滤波器原型可表示成

$$H(s) = \frac{b(s)}{a(s)} = \frac{b(1)s^{nb} + \dots + b(nb)s + b(nb + 1)}{a(1)s^{na} + \dots + a(na)s + a(na + 1)}$$

[At, Bt, Ct, Dt]—lp2hp(A, B, C, D, Wo)可将以连续状态空间表示的低通滤波器原型变换成高通滤波器,其截止频率为Wo。低通滤波器可表示成

$$x - Ax + Bu$$

 $y - Cx + Du$

参见: bilinear, lp2bp, lp2bs, lp2lp

3. lp2bs

功能。低涌到带阻模拟滤波器变换。

格式:

说明:

lp2bs 函数可将截止频率为 1 弧度/秒的模拟低通滤波器原型变换成具有指定带宽 (Bw)和中心频率(Wo)的带阻滤波器,这种变换也是设计数字滤波器中的一步。

lp2bs 函数与lp2bp 函数非常类似,只是由 lp2bs 函数设计出带阻滤波器,而由 lp2bp 函数设计出带通滤波器,其它说明与 lp2bp 函数相同,详见 lp2bp 函数。

参见: bilinear, lp2bp, lp2hp, lp2lp

4. lp2lp

功能: 低通到低通模拟滤波器变换。

格式:

说明:

lp2lp 函数可将截止频率为 1 弧度/秒的模拟低通滤波器原型变换成截止频率为 Wo 的低通滤波器,这种变换是利用 butter、cheby 1、cheby 2、ellip 函数设计数字滤波器中的一步。

lp2lp 函数可有两种表示形式:传递函数和状态空间,但输入系统必须为模拟滤波器原型。

[bt,at]-lp2lp(b,a,Wo)可将传递函数表示的模拟低通滤波器原型转换成低通滤波器,其截止频率为Wo。模拟低通滤波器原型可表示成

$$H(s) = \frac{b(s)}{a(s)} = \frac{b(1)s^{nb} + \cdots + b(nb)s + b(nb + 1)}{a(1)s^{ns} + \cdots + a(na)s + a(na + 1)}$$

[At, Bt, Ct, Dt]-lp2lp(A, B, C, D, Wo)可将以连续状态方程表示的低通滤波器原型变换成低通滤波器,其截止频率为Wo。低通滤波器可表示成

$$x = Ax + Bu$$

 $y = Cx + Du$

参见: bilmear, lp2bp, lp2bs, lp2hp

2.14 滤波器离散化

1. bilinear

功能: 双线性变换。

格式:

说明:

双线性变换为变量的映射关系,在数字滤波器中,它是将 s 域或模拟域映射成 z 域或数字域的标准方法,它可将以经典滤波器设计技术设计的模拟滤波器变换成离散等效滤波器。

双线性变换映射关系为

$$H(z) = H(s)_{s=2t,\frac{1}{s}}$$

这种变换可将 j Ω 轴($\infty < \Omega < + \infty$)映射成单位圆 $\exp(j\omega)$ ($\pi < \omega \le \pi$), 即

$$\omega = 2tan^{-1} \left[\frac{\Omega}{2f_s} \right]$$

双线性变换函数 bilinear 可指定预卷绕的参数 Fp, 这时变换关系为

$$H(z) = H(s) = \frac{2\pi t_p \cdot z}{\tan \left(\frac{\tau_p}{\tau_{t_a}} - z + 1\right)}$$

bilinear 函数可作用于 3 种不同的线性系统表示:零极点增益、传递函数、状态空间。 以零极点增益表示的线性系统为例,来说明 bilinear 函数,可表示为

其中 z, p, k 为 s 域传递函数的零点、极点和增益, Fs 为取样频率, zd, pd, kd 为经双线性变换后 z 域传递函数的零点、极点和增益, Fp 为预卷绕参数。

其它两种表示方法的格式类似。

参见: impinvar

2. impinvar

功能:冲激响应不变法实现模拟到数字的滤波器变换。

格式:

说明:

[bz, az]-impinvar(b, a, Fs)可将模拟滤波器(b, a)变换成数字滤波器(bz, az), 两者的冲激响应不变, 即模拟滤波器的冲激响应按 Fs 取样后等同于数字滤波器的冲激响应。

[bz, az]- impinvar(b, a)采用 Fs 的缺省值 1 Hz。

例 将一模拟低通滤波器变换成数字滤波器(取样频率为 10 Hz),利用 impinvar 可得到冲激响应相同的数字滤波器。

参见: bilinear, residuez

2.15 其 它

1. conv2

功能:二维卷积。

格式:

C = conv2(A, B)

C -conv2(A, B, 'shape')

说明:

C-conv2(A,B)可计算矩阵 A 和 B 的二维卷积,如果把一个矩阵看作是二维 FIR 滤波器,则对另一个矩阵实现二维滤波。

设[ma, na]—size(A), [mb, nb]—size(B), 则经C—conv2(A, B)后得到[ma+mb-1, na+nb-1]—size(C)。

C-conv2(A, B, 'shape')可得到二维卷积变换结果的一部分, 这由 shape 指定:

- · 当 shape-full 时,得到整个二维卷积结果,这也就是缺省值;
- · 当 shape = same 时,只得到卷积结果的中心部分,其大小为 size(A);
- 当 shape valid 时,只得到未采用补 0 区域时的卷积结果; 当 size(A)>size(B)时,有 size(C)-[ma-mb+1, na-nb+1]。

当 size(A)>size(B)时, conv2 执行速度最快。

參见: conv, deconv, filter2, xcorr, xcorr2

2. cplxpair

功能:将复数归成复共轭对。

格式:

y = cplxpair(x)

y = cplxpair(x, tol)

说明:

y-cplxpair(x)可将 x 的值按复共轭对形式重新排列,复共轭对按实部从小到大排列,再按虚部从小到大排列。最后列出所有的实数。

y-cplxpair(x, tol)设定一容限 tol,以确定哪些数为实数。tol的缺省值为 100 * eps。

例 均匀分布在单位圆上的 5 个点,可利用 cplxpair 归成复共轭对形式。

$$x - exp(2 * pi * sqrt(1) * (0:4)/5)';$$

y = cplxpair(x)

у ---

0.8090 0.58781

0.8090 + 0.5878i

0.3090 0.95111

0.3090 + 0.9511i

1.0000

参见: 无

3. detrend

功能: 删除线性趋势。

格式。

y - detrend(x)

y=detrend(x, 0)

说明:

detrend 函数利用 FFT 处理算法,从 x 矢量或矩阵中删去均值或趋势。

y-detrend(x)可从矢量 x 中删去 x 的最优直线拟合,当 x 为矩阵,则接列进行处理。 y-detrend(x,0)可从 x 中删去均值。

参见: polyfit(参见楼顺天等编著, MATLAB 程序设计语言, 西安电子科技大学出版社, 1997)

4. fft2

功能:二维快速傅里叶变换。

格式。

Y = fft2(X)

Y = fft2(X, m, n)

说明:

Y一fft 2(X) 可完成矩阵 X 的 1维 FFT, 它是基于一维的 FFT 算法的。先按列对 X 中的 每一列进行 FFT, 然后对得到的结果(行向量) 再作一次一维 FFT, 从而得到了二维 FFT。

Y=fft2(X,m,n)中,指定对 X 截断或补零,使之成为 $m\times n$ 矩阵,然后再作二维的 FFT,因此其结果 Y 也为 $m\times n$ 。

参见: fft, fftshift, ifft, ifft2

5. ifft2

功能: 1维逆 FFT 变换。

格式:

Y = ifft2(X)

Y = ifft2(X, m, n)

说明:

Y-ifft2(X)可得到 X 矩阵的二维逆 FFT 变换。

Y=ifft2(X, m, n)在变换前,通过截断或补零使 X 阵成为 $m \times n$ 矩阵, 然后再通过二

维逆 FFT 变换得到矩阵 Y。

ifft2函数是fft2函数的逆函数。

参见: fft, fft2, fftshift, ifft

6. filter2.

功能:二维数字滤波器。

格式:

Y filter2(B, X)

Y-filter2(B, X, 'shape')

说明:

Y—filter2(B, X)可利用由矩阵 B 表示的二维 FIR 滤波器, 对输入数据矩阵 X 进行滤波, 得到的输出 Y 与 X 同维。

Y-filter2(B, X, 'shape')可通过 shape 选取滤波结果中的一部分作为输出。有关 shape 选项的说明参见 conv2 函数。

参见: conv2

7. polystab

功能:稳定多项式。

格式:

b-polystab(a)

说明。

polystab 函数可得到一稳定的多项式,它将幅值大于 1 的根映射到单位圆内。

b-polystab(a)中, a 通常为 z 域表示的多项式系数

$$a(z) = a(1) + a(2)z^{-1} + \cdots + a(na + 1)z^{-na}$$

经 polystab 函数后,可得到一稳定的多项式系数 b。

参见: roots

8. strips

功能:带状图。

格式:

strips(x)

strips(x, n)

strips(x, Sd, Fs)

说明:

strips(x)表示在长 250 的水平带状图上绘出矢量 x 的图形,当 x 为矩阵时,strips(x) 绘出 x 中的每一列。

strips(x,n)表示在n个样本的带状图上绘出x的图形。

strips(x, Sd, Fs)表示在Sd 秒的带状图上绘出 x 的图形(取样频率为Fs)。

当x为复数时,则strips函数会忽略掉虚部。

例 在 0.25 秒的带状图上绘制出 2 秒的正弦频率调制信号。其程序如下 Fs=1000:

t-0:1/Fs:2;

x - vco(sin(2 * pi * t), [10 490], Fs);

strips(x, .25, Fs)

这样可得到如图 2.47 所示的带状图。

參见: plot, stem

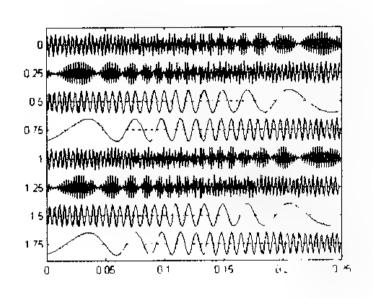


图 2 47 频率调制信号的带状图

9. xcorr2

功能: 二维互相关系数。

格式:

C = xcorr2(A)

C = xcorr2(A, B)

说明:

C = x corr2(A, B)可得到矩阵 A 和 B 的互相关系数,它是一维互相关系数 x corr 的推广。

xcorr2(A)可得到矩阵 A 的自相关系数,它等效于xcorr2(A, A)。

♣见: conv2, filter2, xcorr

第 3 章

信号处理系统分析与设计

在第 1 章信号处理基本理论和第 2 章信号处理工具箱函数的基础上,我们可利用 MATLAB 及其工具箱提供的 M 函数来解决信号处理领域的问题。

本章的每一节与第 1 章的节 · ·对应。在每一节中,首先给出一些扩展函数,这些函数可使设计得以简化,其理论源于第 1 章。然后给出许多设计示例,每个例于都给出MATLAB程序,它可在 MATLAB V4.21c 中直接执行,执行后产生的结果绝大部分以图形表示。

3.1 离散信号与系统

MATLAB 的扩展函数有8种。

1. 单位取样序列

```
2. 单位阶跃序列
```

3. 信号加

```
sigadd. m
function [y, n] sigadd(x1, n1, x2, n2)

// implements y(n) -x1(n) + x2(n)

// ------

// [y, n] sigadd(x1, n1, x2, n2)

// y - sum sequence over n, which includes n1 and n2

// x1 - first sequence over n1

// x2 - second sequence over n2(n2 can be different from n1)

//

n - min(min(n1), min(n2); max(max(n1), max(n2));

y1 - zeros(1, length(n)); y2 - y1;

y1(find((n > -min(n1)&(n < -max(n1)) -1)) - x1;

y2(find((n > -min(n2))&(n < -max(n2)) = -1)) - x2;

y - y1 + y2;</pre>
```

4. 信号乘

```
% x2 second sequenc eover n2(n2 can be different from n1)
     %
     n = \min(\min(n1), \min(n2); \max(\max(n1), \max(n2));
     y1 = zeros(1, length(n)); y2 = y1;
     y1(find((n > -min(n1)) \cdot (n < -max(n1)) - -1)) \cdot x1;
     y2(find((n > -min(n2))&(n < -max(n2)) - 1)) = x2;
     y - y1. * y2;
5. 移位
     sigshift. m
     function [y, n 1-s.gshift (x, m, n0)
     \frac{6}{10} implements y(n) = x(n = n0)
     0/2 - .
               _ _ _ _
     % _y, n 1 sigshift(x, m, n0)
     1/.
    n = m + n0; y x;
6. 折叠
    sigfold. m
    function [y, n] - sigfold (x, n)
     \frac{1}{n} implements y(n) x(n)
     0/.
    % [y, n] = sigsfold(x, n)
    %
    y = fliplr(x); n = fliplr(n);
7. 奇偶综合
    evenodd. m
    function [xe, xo, m]-evenodd(x, n)
    % Real signal decomposition into even and odd parts
    % ----
                     ----
    % [xe, xo, m] - evenodd(x, n)
    %
    If any (imag(x) - 0)
          error('x is not a real sequence')
    end
    m --
         fliph(n);
         \min([m, n]); m2 - \max([m, n]); m - m1; m2;
```

```
nm-n(1)-m(1); n1-1;length(n);

x1 -zeros(1, length(m));

x1(n1+nm)-x; x-x1;

xe=0.5*(x+fliplr(x));

xo=0.5*(x-fliplr(x));
```

8. 修改后的卷积

```
conv m.m
function [y, ny] - conv m(x, nx, h, nh)

% Modified convolution routine for signal processing
% -- -- -- --
% [y, ny] - conv m(x, nx, h, nh)
% y - convolution result
% ny - support of y
% x - first signal on support nx
% nx - support of x
% h - second signal on support nh
% nh - support of h
%
nyb - nx(1) + nh(1); nye - nx(lengthx)) + nh(lengthh));
ny = [nyb; nye];
y = conv(x, h);
```

例 3.1 产生下列序列并绘出离散图:

```
a. x(n)=2δ(n+2) δ(n 4) -5≤n≤5
b. x(n)-n[u(n) u(n 10)]+10e <sup>0.3√n .0</sup>[u(n-10)-u(n-20)] 0 ≤n≤20
c. x(n)=cos(0.04πn)+0.2w(n) 0≤n≤50
其中w(n)是均值为零、方差为 1 的白噪声序列
d. x(n)=[x1 x1 x1 x1], 其中x1=[5 4 3 2 1]
```

解 利用 MATLAB 及信号处理工具箱函数,再加上前面构造的几个函数如 sigadd, sigmult 等,可很容易编写出可直接执行的 MATLAB 程序 ex3001.m.

```
% Example 3.1
%
%
%
a) x(n)=2 * delta(n+2) - delta(n-4), -5<-n<-5
%
figure(1); clf
n - [ 5:5];
```

```
x = 2 * impseq(2, 5, 5) - impseq(4,
                                                   5, 5);
         subplot(2, 2, 1); stem(n, x); title('Sequence in Example 3, 1a')
         xlabel('n'); ylabel('x(n)'); axis([-5, 5, 2, 3])
          %
          % b) x(n) = n[u(n) - u(n-10)] + 10 * exp(-0.3(n-10))(u(n-10))
          \frac{1}{2} -u(n-20)); 0< n<-20
          %
         n - [0:20];
         x1 - n. * (stepseq(0, 0, 20) - stepseq(10, 0, 20));
         x^2 - 10 * exp(= 0.3 * (n - 10)). * (stepseq(10, 0, 20) - stepseq(20, 0, 20));
         x = x1 + x2;
         subplot(2, 2, 2); stem(n, x);
         title ('Sequence in Example 3, 1b')
         xlabel('n'); ylabel('x(n)'); axis([0, 20, -1, 11])
         %
         % c) \mathbf{x}(\mathbf{n}) - \cos(0.04 * \mathbf{p} \cdot \mathbf{n}) + 0.2 * \mathbf{w}(\mathbf{n}); 0 < -\mathbf{n} < =50
         %
         n = [0;50];
         x = cos(0.04 * pi * n) + 0.2 * randn(size(n));
         subplot (2, 2, 3); stem(n, x); title ('Sequence in Example 3. 1c')
         xlabel('n'); ylabel('x(n)'); axis([0, 50, -1.4, 1.4])
         %
         \% d) x(n) - (..., 5, 4, 3, 2, 1, 5, 4, 3, 2, 1, ...); -10 < -n < -9
         %
         n \cdot \lceil -10.9 \rceil:
         x [5, 4, 3, 2, 1];
         xtilde = x' * ones(1, 4);
         xtilde = (xtilde(;))';
         subplot(2, 2, 4); stem(n, xtilde); title('Sequence in Example 3, 1d')
         xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)'); axis([-10, 9, -1, 6])
    在 MATLAB 下执行
         ex3001
可得到如图 3.1 所示的结果。
    例 3.2 产生复信号
                         x(n) = e^{(-0.1+.0.3 n)}
                                                -10 \le n \le 10
并画出复序列 x(n)的实部、虚部、幅值和相位离散图。
    解 MATLAB 程序为 ex3002. m:
```

%

% Example 3. 2

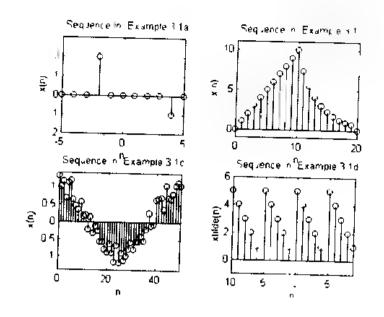
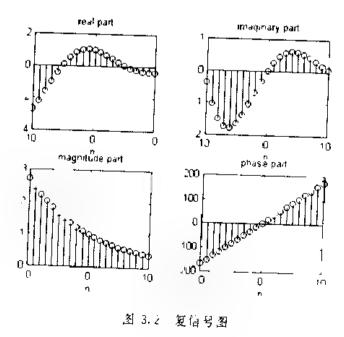


图 3.1 离散信号图



例 3.3 已知 x(n)-u(n)-u(n-10), 要求将它分解成奇偶序列。

解 MATLAB 程序为 ex3003. m:

```
% Example 3.3
         %
         \frac{1}{2} x(n)-u(n) -u(n-10);
         %
         n = [0:10];
         x = stepseq(0, 0, 10) - stepseq(10, 0, 10);
         [xe, xo, m]-evenodd(x, n);
         figure(1)
         subplot (2, 2, 1); stem(n, x); title ('Rectangular pulse')
         xlabel('n'); ylabel('x(n)'); axis([-10, 10,
         subplot(2, 2, 2); stem(m, xe); title('Even Part')
         xlabel('n'); ylabel('xe(n)'); axis([ 10, 10,
                                                       [1, 2, 1, 2]
         subplot(2, 2, 4); stem(m, xo); title('Odd Part')
         xlabel('n'); ylabel('xe(n)'); axis([-10, 10, 1.2, 1.2])
执行结果如图 3.3 所示。
```

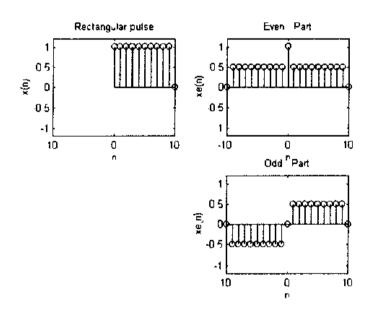


图 3.3 序列的奇偶分解

例 3.4 设线性时不变(LTI)系统的冲激响应为

$$h(n) = (0, 9)^n u(n)$$

输入序列为

$$x(n) = u(n)$$
 $u(n-10)$

求系统输出 y(n)。

解 系统输出 y(n)为输入 x(n)与系统冲激响应 h(n)的卷积, 可直接采用 conv m 函 132 --

数求出输出序列。MATLAB程序为 ex3004. m:

```
% Example 3.4
 %
 \% x(n) = [u(n) \ u(n-10]; h(n) \ (0.9) \ n * u(n) n = 0:40
 \frac{1}{2} y(n) - conv(x, h)
%
n = -5:50;
u1 = stepseq(0, -5, 50); u2 = stepseq(10, 5, 50);
% input x(n)
x-u1 -u2:
% impulse response h(n)
h = ((0.9), ^n), *u1:
figure(1)
subplot(3, 1, 1); stem(n, x); axis([-5, 50, 0, 2])
title ('Input Sequence')
ylabel('x(n)')
subplot (3, 1, 2); stem(n, h); axis ([-5, 50, 0, 2])
gtext('Impulse Response')
ylabel('h(n)');
% output response
[y, ny] -conv m(x, n, h, n);
subplot(3, 1, 3); stem(ny, y); axis([-5, 50, 0, 8])
gtext('Output Sequence')
xlabel('n'), ylabel('y(n)')
```

执行结果给出这 3 个序列的离散图,如图 3.4 所示。

例 3.5 设两序列分别为

$$x - [3 11 7 0 - 1 4 2]$$

 $n - [-3 2 - 1 0 1 2 3]$
 $y(k) - x(k 2) + w(k) k \in n$

其中 w(k)是均值为 0、方差为 1 的高斯白噪声序列。计算序列 x(n)和 y(n)之间的相关系数。

解 据定义,相关系数为

$$r_{yx}(1) - y(1) * x(1)$$

这样就可以利用 conv m 函数进行计算。

由于 y 序列是 x 序列经移位后加上一白噪声序列,因此 xy 之间在1-2 处具有强烈的相关性,为说明问题,我们给出了两种白噪声序列下的相关性。

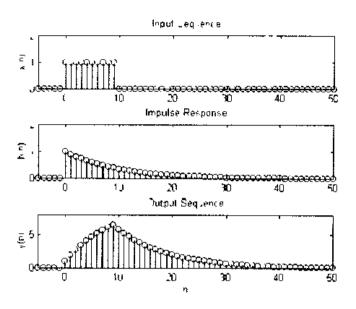


图 3.4 LIT 系统的输出

```
MATLAB 程序为 ex3005. m;
```

```
% Example 3.5
%
\% x(n) -[3, 11, 7, 0, 1, 4, 2]; nx -[ 3:3]
% y(n) = x(n-2) + w(n)
\% ryx—cross(y, x)
%
% --- noise sequence 1 ---
1
x-[3, 11, 7, 0, -1, 4, 2]; nx-[-3, 3];
                                             % given signal x(n)
[y, ny] = sigshift(x, nx, 2);
                                             % generate w(n)
w-randn(1, length(y)); nw-ny;
[y, ny]-sigadd(y, ny, w, nw);
[x, nx] = sigfold(x, nx);
[rxy, nrxy]-conv m(y, ny, x, nx);
subplot(1, 1, 1)
subplot(2, 1, 1); stem(nrxy, rxy)
axis([ 4, 8, 50, 250]); xlabel('lag variable l')
ylabel('rxy'); title('Crosscorrelation: noise sequence 1')
gtext('Maximum')
%
\% - = - noise sequence 2 - - -
x = [3, 11, 7, 0, 1, 4, 2]; nx = [.3, 3]; % given signal x(n)
```

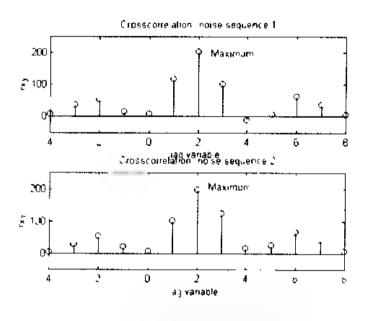


图 3.5 不同噪声下的相关 表列

例 3.6 设离散系统可由下列差分方程表示

$$y(n) + y(n-1) + 0.9y(n-2) = x(n) \forall n$$

- (1) 计算 n=-20, …, 100 上的冲激响应;
- (2) 计算 n = -20, ···, 100 上的单位阶跃响应。

解 这可以利用 filter 函数直接设计。MATLAB 程序为 ex3006. m:

```
% Example 3.6

%

a [1, -1, 0.9]; b 1;

%

%

Part (2)

%

x-impseq(0, 20, 120); n-[ 20:120];

h-filter(b, a, x);

subplot(2, 1, 1); stem(n, h)
```

```
axis([ 20, 120, 1.1, 1.1])
tutle('Impulse Response ); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
% Part (1)
%
x-stepseq(0, 20, 120);
s-filter(b, a, x);
subplot(2, 1, 2); stem(n, s)
axis([ -20, 120, -.5, 2.5])
title('Step Response'); xlabel('n'); ylabel('s(n)')
```

系统冲激响应和阶跃响应如图 3.6 所示。

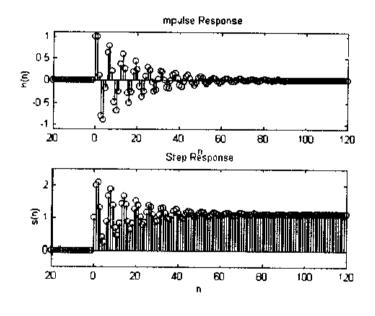


图 3.6 系统的冲激响应和阶跃响立

3.2 离散时间傅里叶分析

3.2.1 离散时间傅里叶变换(DFT)

例 3.7 已知 x(n)~(0.9e^{√√√})",0≤n≤10,求这一有限时宽序列 x(n)的傅里叶变换 X(e^{√√})。

解 根据定义有

$$X(e^{j\omega}) = \sum_{n=0}^{10} e^{-j\omega n} x(n)$$

记矢量 x $[x(0) \ x(1) \ \cdots \ x(n)]$, $p_{\omega} = \frac{\pi}{M} k, k=0, 1, \cdots, M$, 即将 $[0, \pi]$ 均分成 M + 1

$$X = W_X$$

如果记矢量 n-[0,1,…,10], k-[0,1,…,M],则有

$$W = \left[\exp_{\left\{ -\right\}} \frac{\pi}{M} k^{T} n_{,} \right]$$

因此得到求 x(n)的傅里叶变换的 MATLAB 程序为 ex3007. m:

% Example 3.7

%

 $n=0:10; x-(0.9*exp(j*pi/3)). ^n;$

k-200:200; w-(pi/100)*k;

 $X-x * (exp(j*pi/100)).^{(n'*k)};$

magX-abs(X); angX - angle(X);

figure(1)

subplot(2, 1, 1); plot(w/pi, magX, 'w'); grid

axis([2, 2, 0, 8])

xlabel('frequency in units of pi'); ylabel(' X.')

title ('Magnitude Part')

subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, angX/pi, 'w'); grid

axis([2, 2, 1, 1])

xlabel('frequency in units of pi'); ylabel('radians/pi')

title('Angle Part')

这可得到如图 3.7 所示的幅频相频曲线。由图可以看出,X(e)[™])是周期为 2π的周期信号,但不是复共轭对称,实际上 x(n)为复序列,这与理论结果相一致。

例 3.8 设 x(n) -2ⁿ, 10≤n≤10, 求相应的 X(e^μ)。

解 方法与例 3.7 相同,MATLAB 程序为 ex3008. m;

% Example 3.8

%

n = 5:5; x = (0.9), n;

k = -200;200; w = (pi/100) * k;

X-x * (exp(-j*pi/100)). (n'*k);

magX-abs(X); angX -angle(X);

subplot(2, 1, 1); plot(w/pi, magX, 'w'); grid

axis([-2, 2, 0, 15])

xlaber('frequency in units of pi'); ylabel(' X ')

gtext ('Magnitude Part')

subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, angX, 'w')/pi; grid

axis([-2, 2, 4, 4])

xlabel('frequency in units of pi'); ylabel('radians/pi')

gtext('Angle Part')

这得到了如图 3.8 所示的幅频相频特性。由图可以看出, X(e[™])不仅是周期信号, 而且是复 共轭对称信号, 这是因为 x(n)为实序列, 这与理论结果一致。

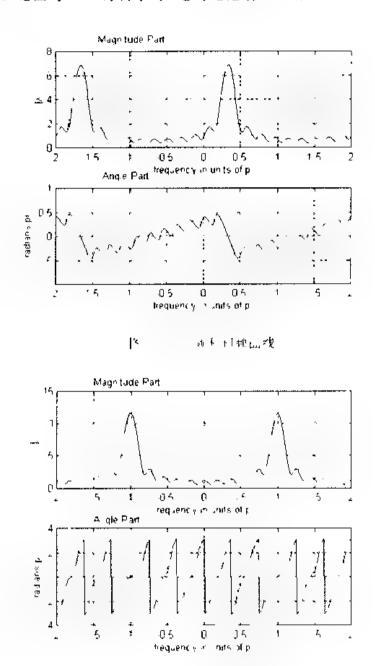


图 3.8 幅频相频曲线

3. 2. 2 DFT 特性

例 3.9 设有两序列

$$x(n) \cos \frac{\pi n}{2}$$
 $0 \le n \le 100$
 $y(n) = e^{j\pi n} x(n)$ $0 \le n \le 100$

试比较 X(e[™])和 Y(e[™])。

```
解 MATLAB 程序为 ex3009. m:
    % Example 3. 9
    %
    n = 0.100; x = \cos(p_1 * n/2);
    k = 100; 100; w = (pi/100) * k;
                                         % frequency between prand +pr
    X = x * (exp(_j * pi/100)). ^ (n' * k); % DFT of x
    %
    y = \exp(j * pi * n/4). * x;
    Y = y * (exp(j*pi/100)), (n'*k); % DFT of y
    % Graphical verification
    figure(1)
    subplot (2, 2, 1); plot (w/p_1, abs(X), 'w'); grid; axis ([1, 1, 0, 60])
    xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' X ')
    gtext('Magnitude of X')
    subplot (2, 2, 2); plot (w/pi, angle(X)/pi, 'w'); grid; axis ([-1, 1, -1, 1])
    xlabel('frequency in pi units'); ylabel('radiands/pi')
    gtext('Angle of X')
    subplot(2, 2, 3); plot(w/p_1, abs(Y), 'w'); grid; axis([-1, 1, 0, 60])
    xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' Y ')
    gtext('Magnitude of Y')
    subplot(2, 2, 4); plot(w/p_1, angle(Y)/p_1, 'w'); grid; axis([ 1, 1, 1, 1])
    xlabel('frequency in pi units'); ylabel('radians/pi')
    gtext('Angle of Y')
```

这可得到如图 3.9 所示的曲线。由图可以看出, Y(e™)是 X(e™)移位π 4 后的结果。

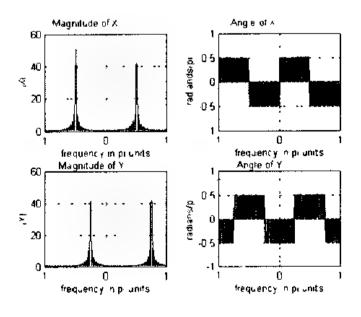


图 3 9 移频特性

例 3.10 实序列

$$x(n) = \sin \frac{\pi n}{2}$$
 $5 \le n \le 10$

求出 $X(e^{i\omega})$ 的实部和虚部,同时求出奇偶部分相应的 $X_{\bullet}(e^{i\omega})$ 和 $X_{\bullet}(e^{i\omega})$ 。

```
解 MATLAB程序为ex3010.m.
```

% Example 3.10

%

 $n = -5:10; x - \sin(p_1 * n 2);$

 $k = -100 \cdot 100; w = (pi \ 100) * k;$

% frequency between prand + pr

X - x * (exp(1*p: 100)). (n'*k); % DFT of x

% s.gnal decomposition

[xe, xo, m] evenodd(x, n);

% even and odd parts

XE = xe * (exp(*pi 100)). (m' *k); % DFT of xe

 $XO - xo * (exp(-j*pi 100)). ^ (m'*k); % DFT of xo$

XR = real(X):

 $XI \quad imag(X)$:

% graphical verification

figure(1)

subplot (2, 2, 1); p.ot $(w_1 p_1, XR, 'w')$; grid; axis ([-1, 1, 2, 2])

xlabel('frequency in pi units); ylabel('Re(X)');

gtext('Real part of X')

subplot(2, 2, 2); plot(w pi, XI, 'w'); grid; axis([-1, 1, -10, 10])

xlabel('frequency in pi units); ylabel('Im(X)');

gtext('Imaginary part of X')

subplot(2, 2, 3); plot(w/p_1 , real(XE), w'); grid; axis([1, 1, 2, 2])

xlabel('frequency in pi units'); ylabel('XE');

gtext('Transform of even part')

subplot(2, 2, 4); plot(w/p_1 , imag(XO), 'w'); grid; axis([1, 1, 10, 10])

xlabel('frequency in pi units'); ylabel('XO');

gtext('Transform of odd part')

这可得到如图 3.10 所示的曲线。由图可以看出, ℱ([x。(n)] - Re[X(e™)], ℱ[x。(n)]- $Im[X(e^{\mu})]_{o}$

3. 2. 3 LTI 系统频域表示

例 3.11 差分方程

$$y(n) = 0.0181x(n) + 0.0543x(n-1) + 0.0543x(n-2)$$

+ 0.0181x(n 3) + 1.76y(n-1) - 1.1829y(n-2)
+ 0.2781y(n-3)

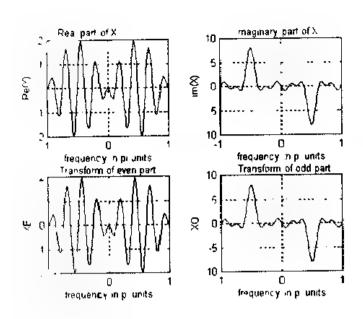


图 3.10 实序列的特性曲线

表示一个3阶的低通滤波器,试绘出滤波器的幅频和相频特性。

```
解 MATLAB 程序为 ex3011. m:
```

```
% Example 3.11
%
b - [0.0181,
               0.0543, 0.0543,
                                   0.0181];
               1.7600.1.1829,
                                    0.2781];
a = [1.0000,
m=0; length(b) 1; 1 0; length(a)-1;
K = 500; k = 1:1:K;
                                          % [0, pi] axis divided into 501 points.
\mathbf{w} = \mathbf{p} \mathbf{1} * \mathbf{k} / \mathbf{K};
                                          % Numerator calculations
num - b * exp( j*m'*w);
                                          % Denominator calculations
den-a * exp( j*l'*w);
H-num. den:
magH-abs(H); angH-angle(H);
figure(1);
subplot(2, 1, 1); plot(w, pi, magH, 'w'); grid; axis([0, 1, 0, 1])
xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' H ');
gtext('Magnitude Response');
subplot(2, 1, 2); plot(w,pi, angH/pi, 'w'); grid
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Phase in pi Radians');
gtext('Phase Response');
```

这产生了如图 3.11 所示的低通滤波器幅频相频特性曲线。

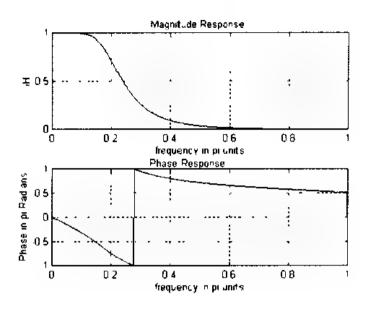


图 3.11 低通滤波器幅频相频特性曲线

3.2.4 模拟信号的取样和重构

例 3.12 设 x_a(t) = e .000 t , 求其傅里叶变换 X_a(μω)。

$$\mathbf{X}_{a}(j\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \mathbf{x}_{a}(t)e^{-j\omega t}dt$$

$$= \int_{-\infty}^{0} e^{1000t}e^{-j\omega t}dt + \int_{0}^{\infty} e^{1000t}e^{-j\omega t}dt$$

$$= \frac{0.002}{1 + \left(\frac{\omega}{1000}\right)^{2}}$$

严格说来,在 MATLAB 中不使用 symbolic 工具箱是不能分析模拟信号的,但当以充分小的时间间隔取样 $x_*(t)$ 时,可产生平滑的图形,当包含足够长的时间时,可显示出所有的模式,这样就可以近似地进行分析。

在这个例子中,由上式知在 10 5精度下, x,(t)为 F。-2000 的带限信号,因此若取

$$\Delta t = 5 \times 10^{-5} \ll \frac{1}{2 \times 2000} = 25 \times 10^{-5}$$

这样就可得到 x_a(t)的逼近序列 x_G(m)。

MATLAB 程序为 ex3012. m:

% Example 3.12

0/2

% Analog Signal

Dt = 0.00005; t = -0.005; Dt : 0.005;

$$xa - exp(-1000 * abs(t))$$
:

%

% Continuous - time Fourier Transform

$$Wmax - 2 * pi * 2000;$$

```
K 500; k = 0:1:K; W k * Wmax K;
Xa = xa * exp( j * t' * W) * Dt;
Xa = real(Xa);
W [ fliphr(W), W(2:501)];
Xa = [fliphr(Xa), Xa(2:501)];
figure(1)
subplot(2, 1, 1); plot(t * 1000, xa, 'w');
xlabel('t in msec. ); ylabel('xa(t)')
gtext( Analog Signal')
subplot(2, 1, 2); plot(W/(2 * pi * 1000), Xa * 1000, 'w');
xlabel('Frequency in KHz'); ylabel('Xa(jW) * 1000')
gtext('Continuous time Fourier Transform')
```

这就得到了如图 3.12 所示的曲线。

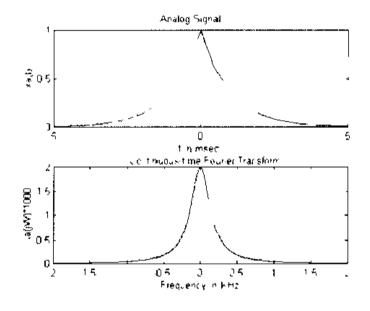


图 3.12 x_a(t)和 X_{a, y}ω)曲线

例 3.13 以例 3.12 中的 x_a(t)说明取样速率对频域特性的影响:

- (1) 取样频率 Fs-5000 Hz, 绘出 X (e)™)曲线;
- (2) 取样频率 Fs-1000 Hz, 绘出 X₂(e™)曲线。

解 由于 $x_s(t)$ 的带宽为 2000 Hz, 因此 Nyquist 速率为 4000 Hz, 因此情况(1)不会发生混淆, 而情况(2)会产生混叠现象。

MATLAB 程序为 ex3013. m:

% Example 3.13 %

% Analog Signal

Dt = 0.00005; t = 0.005; Dt: 0.005;

xa exp(1000 * abs(t));

```
%

    Discrete − time Signal

Ts 0.0002; n 25:1:25;
x = \exp(-1000 * abs(n * Ts)):
20
% \mathbb{R} = \mathbb{R}  Discrete time Fourier transform
K = 500: k = 0.1:K:
w = p_1 * k_i K_i
X \times \exp(-j*n'*w);
X real(X);
\mathbf{w} \left[ \text{fliplr}(\mathbf{w}), \mathbf{w}(2; \mathbf{K}+1) \right];
X = [fliplr(X), X(2:K+1)];
figure(1)
subplot(2, 1, 1); plot(t * 1000, xa, 'w');
xlabel('t in msec.'); ylabel('x1(t)')
gtext('Discrete Signal'); hold on
stem(n * Ts * 1000, x); hold off
subplot(2, 1, 2); plot(w_p, X, w');
xlabel('Frequency in pr units'); ylabel('X1(w)')
gtext ('Discrete time Fourier Transform')
gtext('Ts- 0.2 msec')
```

这可得到如图 3.13 所示的曲线。与图 3.12 比较,可见 $X_z(e^m)$ 与 $X_s(j\omega)$ 是相同的。对 MATLAB 程序文件稍加修改,可产生如图 3.14 所示的 $X_z(e^m)$ 图形,从图中可以看出 $X_z(e^m)$ 与 $X_s(j\omega)$ 不同,即产生了混叠现象。

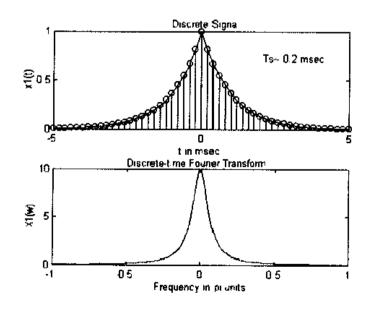


图 3.13 F, 5000 Hz 时的 x, n) 'y X (e)")图形

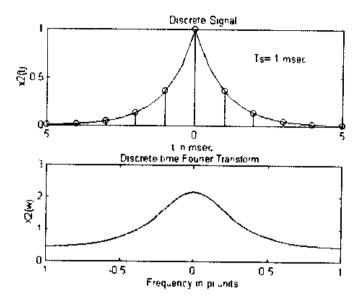


图 3.14 F_{*}=1000 Hz 时的 x₂(n) 与 X₂(e^{jm})图形

例 3.14 对例 3.13 中产生的 $x_1(n)$ 序列,采用 sinc 和 3 次样条内插重构 $x_a(t)$ 。解 MATLAB 程序为 ex 3014. m:

```
% Example 3.14
 %
 % Discrete time Signal x1(n)
 Ts=0.0002; Fs=1/Ts; n=25:1:25; nTs=n*Ts;
 x = \exp(-1000 * abs(nTs));
% Analog Signal reconstruction (using sinc function)
Dt = 0.00005;
t = 0.005; Dt; 0.005;
xa - x * sinc(Fs * (ones(length(nTs), 1) * t - nTs' * ones(1, length(t))));
error = max(abs(xa - exp(-1000 * abs(t))))
figure(1)
subplot(2, 1, 1); plot(t * 1000, xa, 'w');
gtext('t in msec'); ylabel('xa(t)')
title ('Reconstructed Signal from x1(n) using sinc function'); hold on
stem(n * Ts * 1000, x); hold off
% Analog Signal reconstruction (using cubic spline function)
xa-spline(nTs, x, t);
error - max(abs(xa - exp(1000 * abs(t))))
subplot(2, 1, 2); plot(t * 1000, xa, 'w');
gtext('t in msec'); ylabel('xa(t)')
```

title ('Reconstructed Signal from x1(n) using cubic spline function'); hold on stem(n * Ts * 1000, x); hold off

执行后得采用 sinc 函数时重构信号与原信号的最大误差为 0.0363, 采用 3 次样条函数时的最大误差为 0.0317, 这说明重构的精度已相当不错。重构信号如图 3.15 所示, 这可与图 3.13 进行对比。

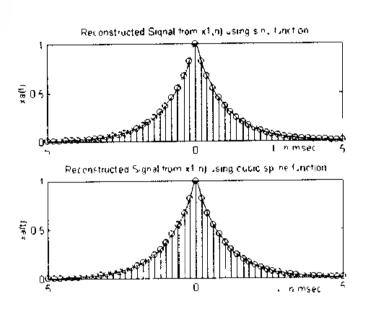


图 3 1。 信号重构

例 3.15 对例 3.13 中产生的 x₂(n)序列,采用 sinc 和 3 次样条内插重构 x₄(t)。

解 MATLAB 程序为 ex3015. m:

```
% Example 3.15
%
% Discrete time Signal x1(n)
T_{s}=0.001; Fs 1 T_{s}; n- 5:1:5; nT_{s} n * T_{s};
x \exp(1000 * abs(nTs));
% Analog Signal reconstruction (using sinc function)
Dt = 0.00005;
t = -0.005; Dt: 0.005;
xa = x * sinc(Fs * (ones(length(nTs), 1) * t = nTs' * ones(1, length(t)));
                     exp(1000 * abs(t)))
error max(abs(xa
figure(1)
subplot(2, 1, 1); plot(t * 1000, xa, 'w');
gtext('t in msec'); ylabel('xa(t)')
title('Reconstructed Signal from x1(n) using sinc function'); hold on
stem(n * Ts * 1000, x); hold off
```

% Analog Signal reconstruction(using cubic spline function)

xa-spline(nTs, x, t);

error-max(abs(xa exp('1000*abs(t))))

subplot(2, 1, 2); plot(t*1000, xa, 'w');

gtext('t in msec'); ylabel('xa(t)')

title('Reconstructed Signal from x1(n) using cubic spline function'); hold on stem(n*Ts*1000, x); hold off

执行后得到采用 sinc 函数时重构信号与原信号的最大误差为 0.1852,采用 3 次样条函数时的最大误差为 0.1679,这说明重构的误差较大,实际上这是由于取样信号的混叠所产生的,也就是说,这时不能从 x(n) 中恢复原信号 $x_a(t)$,重构信号如图 3.16 所示。

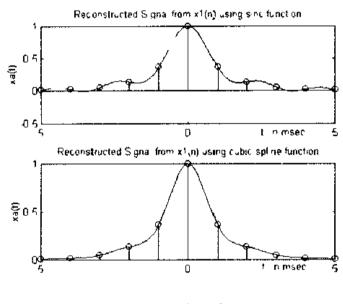


图 3.16 信号重构

3.3 Z 变 换

3.3.1 双边 Z 变换

例 3.16 双边序列 x(n)=aⁿu(n) bⁿu(n 1), 求其 Z 变换 X(z), 并确定 ROC。

解 记 $x_1(n)-a^nu(n)$, $x_2(n)=-b^nu(-n-1)$, 它们分别为正时间序列和负时间序列。 $x(n)-x_1(n)+x_2(n)$, 下面先求出序列 $x_1(n)$ 和 $x_2(n)$ 的 Z 变换。

(1) $x_1(n) - a^n u(n)$

$$X_1(z) = \sum_{n=0}^{\infty} a^n z^{-n} \qquad \sum_{n=0}^{\infty} \left| \frac{a}{z} \right|^n = \frac{1}{1-az} \qquad \left| \frac{a}{z} \right| < 1$$

因此, $X_1(z) = \frac{z}{z-d}$ ROC1: $|a| < z < \infty$

(2)
$$x_2(n) - b^n u(n 1)$$

$$X_{z}(z) = -\sum_{n=-\infty}^{\infty} b^{n} z^{-n} - \sum_{n=1}^{\infty} \left[\sum_{b=1}^{z} \left[\sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \sum_{b=1}^{z} \left(\sum_{b=1}^{z} \sum_{$$

(3) $x(n) = x_1(n) + x_2(n)$

$$X(z) = X_1(z) + X_2(z) = \frac{z}{z-a} + \frac{z}{z-b} = ROC_1 \cap ROC_2$$

因此当 a < b1时, ROC: |a < z < b |; 当 |a |> b | 时, ROC 为空即 X(z)不存在。

3.3.2 Z 变换重要特性

例 3.17 设 $X_1(z) = z + 2 + 3z^{-1}$, $X_2(z) = 2z^2 + 4z + 3 + 5z^{-1}$, 求 $X_3(z) = X_1(z)X_2(z)$ 。解 由 Z 变换定义可得

$$\mathbf{x}_1(\mathbf{n}) = \{1, 2, 3\} \quad \mathbf{n} = \{-1, 0, 1\}$$

 $\mathbf{x}_2(\mathbf{n}) = \{2, 4, 3, 5\} \quad \mathbf{n} = \{-2, 1, 0, 1\}$

因此 $x_3(n) - x_1(n) \Re x_2(n)$ 。

MATLAB 程序为 ex3017. m:

% Example 3. 17

%

$$x1-[1, 2, 3]; n1--1:1;$$

$$x2 \quad [2, 4, 3, 5]; n2-2:1;$$

[x3, n3] conv m(x1, n1, x2, n2)

执行结果为

х3

n3—

$$-3$$
 -2 1 0 1 2

因此得到

$$X_3(z) = 2z^3 + 8z^2 + 17z + 23 + 19z^2 + 15z^2$$

3.3.3 逆 Z 变换

例 3.18 计算

$$X(z) = \frac{1}{(1-0.9z^{-1})^2(1+0.9z^{-1})}$$
 | z > 0.9

的逆Z变换。

解 MATLAB程序为ex3018.m:

% Example 3. 18

%

b-1; a = poly([0.90, 9.0, 9]);

执行结果为

$$R-$$

- 0.2500
- 0.5000
- 0.2590

P--

- 0.9000
- 0.9000
 - -0.9000

C -

 $[\]$

因此得到

$$X(z) = \frac{0.25}{1 - 0.9z^{-1}} + \frac{0.5}{(1 - 0.9z^{-1})^2} + \frac{0.25}{1 + 0.9z^{-1}} z > 0.9$$

相应的逆Z变换为

$$\mathbf{x(n)} = 0.25(0.9)^{n}\mathbf{u(n)} + \frac{5}{9}(n+1)(0.9)^{n+1}\mathbf{u(n+1)} + 0.25(-0.9)^{n}\mathbf{u(n)}$$
$$= 0.75(0.9)^{n}\mathbf{u(n)} + 0.5\mathbf{n(0.9)}^{n+1}\mathbf{u(n)} + 0.25(-0.9)^{n}\mathbf{u(n)}$$

3.3.4 Z 域系统表示

例 3.19 · 因果 LTI 系统

$$y(n) = 0.81y(n - 2) + x(n) + x(n - 2)$$

求(1) H(z); (2) 冲激响应 h(n); (3) 单位阶跃响应 u(n); (4) H(e[™]), 并绘出幅频和相频特性。

解 (1) 由差分方程直接得

$$H(z) = \frac{1-z^{-2}}{1-0.81z^{-2}} = \frac{1-z^{-2}}{(1+0.9z^{-1})(1-0.9z^{-1})}$$
 $z > 0.9$

(2) (3) (4)的 MATLAB 程序为 ex3019. m:

% Example 3.19

%

% part 2

$$b-[1, 0, -1]; a-[1, 0, 0.81];$$

figure(1)

subplot(2, 1, 1)

dimpulse(b, a, 50)

gtext('impulse response')

% part 3

subplot(2, 1, 2)

dstep(b, a, 50)

gtext('step response')

% part 4

执行后可得到如图 3.17、3.18 所示的图形。图 3.17 中显示出系统的冲激响应和阶跃响应,图 3.18 显示出系统的幅频特性和相频特性。

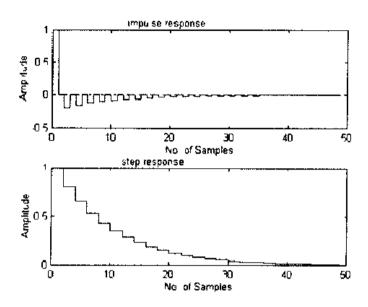


图 3.17 系统的中敦响应和阶距响应

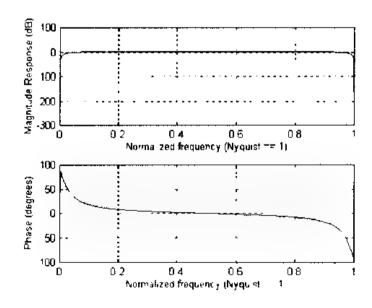


图 3.18 系统的幅频和相频特性

3.3.5 差分方程求解

例 3.20 求解差分方程

$$y(n) - \frac{1}{3} [x(n) + x(n-1) + x(n-2)] + 0.95y(n-1) - 0.9025y(n-2)$$

$$n \ge 0$$

```
其中 x(n) - \cos(\pi n \ 3), y(-1) = -2, y(-2) = -3, x(-1) = 1, x(-2) = 1.
        重写差分方程
       0.95y(n-1) + 0.9025y(n-2) - \frac{1}{3}[x(n) + x(n-1) + x(n-2)] - n \ge 0
y(n)
因此 MATLAB 程序为 ex3020. m:
         % Example 3. 20
         %
        b-[1, 1, 1]/3; a-[1, -0.95, 0.9025];
        Y = [2, 3]; X = [1, 1];
                                                            %initial
        xic-filtic(b, a, Y, X)
        bxplus=[1, 0.5]; axplus=[1, -1, 1];
                                                            % X(z)
        ayplus - conv(a, axplus)
        byplus = conv(b, bxplus) + conv(xic, axplus)
        [R, p, C]—residuez(byplus, ayplus)
        Mp-abs(p), Ap-angle(p) pi
        %
        % plot
        %
        n - [0.50];
        x \cos(pi * n/3);
        y filter(b, a, x, xic);
        plot(n, y)
执行结果为
        XIC
             1.4742
                            2.1383
        ayplus —
             1.0000
                           1.9500
                                        2.8525
                                                     1.8525
                                                               0.9025
        byplus
             1.8075
                           0.8308
                                      -0.4975
                                                     1.9717
        R --
             0.0584
                      3. 94681
             0.0584 + 3.9468i
             0.8453 + 2.0311i
             0.8453
                      2. 03111
       p —
             0.5000 + 0.8660i
             0.5000 - 0.86601
            0.4750 + 0.82271
```

0.4750 - 0.82271

取 50 个输入样本,其响应曲线如图 3.19 所示。

0.3333

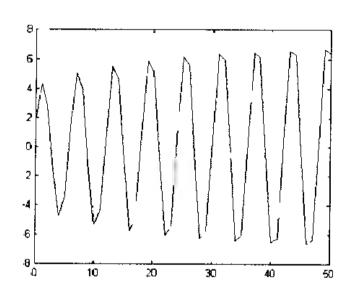


图 3.19 系统的完全响应曲线

3.4 离散傅里叶变换

MATLAB 的扩展函数有 9 种。

1. 计算离散傅里叶级数系数

dfs. m

function [Xk] dfs(xn, N)

% Computes Discrete Fourier Series Coefficients
% -- -- -- --

```
% [Xk]-dfs(xn, N)
% Xk-DFS coeff. array over 0<-k<N-1
% xn-One period of periodic signal over 0<-n<-N -1
% N-Fundamental period of xn
%
N=[0:1:N-1];
k-[0:1:N-1];
wN-exp( j*2*pi/N); % Wn factor
nk-n'*k;
WNnk-WN.^nk; % DFS matrix
Xk-xn*WNnk; % row vector for DFS coefficients</pre>
```

2. 计算逆离散傅里叶级数系数

```
idfs. m
function [Xn] idfs(Xk, N)
% Computes Inverse Discrete Fourier Series
% - ----
% [xn] = idfs(Xk, N)
% xn −One period of periodic signal over 0<-n<=N 1
\frac{1}{2} Xk-DFS coeff. array over 0 < -k < -N-1
% N=Fundamental period of Xk
%
N = [0:1:N-1];
k - [0:1:N-1];
                        % Wn factor
WN \exp(-1*2*p_1/N);
nk = n' * k;
                            % IDFS matrix
WNnk - WN. nk;
                           % row vector for IDFS coefficients
xn - (Xk * WNnk)/N;
```

3. 取余运算

MATLAB 自身提供的 rem 函数可计算余数

m-rem(n, N)

这时 $n \ge 0$, m 为 n 除 N 后得到的余数。当 n < 0 时, rem 不能采用, 故我们提供 n 为任意值 时求余数的函数 mod。

mod. m
function m - mod(n, N)
% Computes m = (n mod N) index
% -----

```
% m=m(n, N)
m-rem(n, N);
m=m+N;
m-rem(m, N);
```

4. 离散傅里叶变换

```
dft. m
function [Xk] = dft(xn, N)
% Computes Discrete Fourier Transform
% -----
% [Xk]-dft(xn, N)
\% Xk=DFT coeff. array over 0 < -k < -N + 1
% xn-N-point finite-duration sequence
% N=Length of DFT
%
n-\lceil 0:1:N-1 \rceil:
k = [0:1:N 1];
WN = \exp(-1 * 2 * p_1/N);
                        % Wn factor
nk = n' * k;
WNnk-WN. nk;
                           % DFT matrix
Xk = xn * WNnk:
                            % row vector for DFT coefficients
```

5. 逆离散傅里叶变换

```
idft. m
function [xn]-idft(Xk, N)
% Computes Inverse Discrete Fourier Transform
% -----
% [xn] = idft(Xk, N)
\% xn=N-point sequence over 0 \le n \le N-1
\% Xk=DFT coeff. array over 0 < -k < = N-1
% N=Length of DFT
%
N-[0:1:N-1];
k-[0:1:N-1];
WN = \exp(j * 2 * pi/N);
                       % Wn factor
nk-n' * k:
WNnk = WN. (-nk);
                           % IDFT matrix
xn = (Xk * WNnk)/N;
                           % row vector for IDFT values
```

```
6. 实序列的奇偶分解
```

```
circevod. m
    function [xec, xoc]—circevod(x)
    % signal decomposition into circular - even and circular - odd parts
    % [xec, xoc] = circecod(x)
    %
    if any (imag(x)=0)
          error ('x is not a real sequence')
    end
    N-length(x); n=0; (N-1);
    xec = 0.5 * (x + x (mod(-n, N) + 1));
    xoc = 0.5 * (x - x * mod(-n, N) + 1));
7. 序列的循环移位
    cirshftt. m
    function y=cirshftt(x, m, N)
    % Circular shift of m samples wrt size N in sequence x: (time domain)
    % -----
    % [y] = cirshftt(x, m, N)
    % y-output sequence containing the circular shift
    % x-input sequence of length <-N
    % m-sample shift
    % N-size of circular buffer
    % Method: y(n) = x((n m) \mod N)
    % Check for length of x
   if length(x)>N
          error ('N must be > the length of x')
   end
   x = [x zeros(1, N length(x))];
   n = [0:1:N \ 1];
   n = mod(n \cdot m, N);
   y = x(n+1);
```

8. 序列的循环卷积

circonvt. m

```
function y = circonvt(x1, x2, N)
    % N - point circular convolution between x1 and x2; (time - domain)
    %
    % [y] = circonvt(x1, x2, N)
    % y-output sequence containing the circular convolution
    % x1-input sequence of length N1<-N
    % x2-input sequence of length N2<-N
    % N-size of circular buffer
    % Method: y(n) = sum(x1(m) * x2((n m) mod N))
    % Check for length of x1
    if length(x1)>N
          error('N must be >= the length of x1')
    end
    % Check for length of x2
    if length(x2)>N
          error('N must be > the length of x2')
    end
    x1-[x1 zeros(1, N length(x1))];
    x2 = [x2 zeros(1, N-length(x2))];
    m = [0:1:N 1];
    x2-x2 \pmod{(m,N)+1};
    H=zeros(N, N);
    for n=1:1:N
          H(n, :) = cirshftt(x2, n-1, N);
    end
    y-x1 * H';
9. 分块卷积
长序列的卷积可通过重叠保存方法进行分块, 然后经 DFT 得到。
   ovrlpsav. m
    function [y] ovrlpsav(x, h, N)
    % Overlap Save method of block convolution
    % ----
    % [y] = \text{ovrlpsav}(x, h, N)
    % y−output sequence
    % x - input sequence
```

```
% h-impulse response
          % N-block length
          %
          Lenx-length(x); M-length(h);
          M1-M 1; L-N M1;
          h = [h \text{ zeros}(1, N M)]:
          %
          x = [zeros(1, M1), x, zeros(1, N 1)]; % preappend (M-1) zeros
          K-floor(Lenx+Ml 1)/(L);
          Y = zeros(K+1, N):
          % convolution with succesive blocks
          for k=0.K
                  xk = x(k * L + 1 : k * L + N):
                  Y(k+1, :) = circonvt(xk, h, N);
          end
          Y-Y(:, M:N)';
                                                              % discard the first (M 1) samples
          \mathbf{v} \in (\mathbf{Y}(\cdot))^{t};
                                                              % assemble output
3.4.1 离散傅里叶级数
             \widetilde{\mathbf{x}}(n) = \begin{cases} 1 & mN \leqslant n \leqslant mN + L & 1 \\ 0 & mN + L \leqslant n \leqslant (m+1)N & 1 \end{cases} \quad m = 0, \pm 1, \cdots
```

例 3.21 周期方波序列

$$\widetilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n}) = \begin{cases} 1 & \text{mN} \leq \mathbf{n} \leq \text{mN} + \mathbf{L} & 1 \\ 0 & \text{mN} + \mathbf{L} \leq \mathbf{n} \leq (\mathbf{m} + 1)\mathbf{N} & 1 \end{cases} \quad \mathbf{m} = 0, \pm 1, \cdots$$

绘制出下列情况下的 X(k)的幅度:

- (1) L-5, N-20
- (2) L = 5, N = 40
- (3) L=5, N=60
- (4) L = 7, N = 60

解 利用扩展函数 dfs 可直接求解, MATLAB 程序为 ex3021. m;

```
% Example 3.21
%
% Part 1
L-5; N-20;
n-1:N:
xn-[ones(1, L), zeros(1, N-L)];
Xk - dfs(xn, N);
\max Xk = abs([Xk(N/2+1,N) Xk(1,N/2+1)]);
k = [N/2, N/2];
figure(1)
subplot(2, 1, 1)
```

```
stem(n, xn); xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)')
title ('DFS of SQ. wave: L=5, N=20')
subplot (2, 1, 2); stem (k, magXk); axis ([N/2, N/2, 0.5, 5.5])
xlabel('k'); ylabel('Xtilde(k)')
% Part 2
L-5: N 40:
n-1:N:
xn-[ones(1, L), zeros(1, N-L)];
Xk-dfs(xn, N);
\max_{X} Xk = abs([Xk(N/2+1;N) Xk(1;N/2+1)]);
k = [-N/2; N/2];
figure(2)
subplot(2, 1, 1)
stem(n, xn); xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)')
title ('DFS of SQ. wave: L=5, N=40')
subplot (2, 1, 2); stem (k, magXk); axis ([-N/2, N/2, -0.5, 5.5])
xlabel('k'); ylabel('Xtilde(k)')
% Part 3
L-5; N=60;
n-1:N:
xn = [ones(1, L), zeros(1, N L)];
Xk = dfs(xn, N):
\max_{X_k = abs([X_k(N/2 + 1:N) X_k(1:N/2+1)]);}
k - [-N/2; N/2];
figure(3)
subplot (2, 1, 1)
stem(n, xn); xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)')
title ('DFS of SQ. wave: L=5, N=60')
subplot (2, 1, 2); stem (k, magXk); axis ([-N/2, N/2, 0.5, 5.5])
xlabel('k'); ylabel('Xtilde(k)')
% Part 4
L = 7; N - 60;
n-1:N;
xn = [ones(1, L), zeros(1, N L)];
Xk = dfs(xn, N);
magXk - abs([Xk(N/2 + 1:N) Xk(1:N/2 + 1)]);
```

k=[-N/2:N/2];
figure(4)
subplot(2, 1, 1)
stem(n, xn); xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)')
title('DFS of SQ. wave:L=7, N=60')
subplot(2, 1, 2); stem(k, magXk); axis([-N/2, N/2, -0.5, 7.5])
xlabel('k'); ylabel('Xtilde(k)')

执行程序可得如图 3.20 \sim 3.23 所示的曲线。每个图中,上图为周期序列 $\tilde{\mathbf{x}}(\mathbf{n})$,下图为相应的 $\tilde{\mathbf{X}}(\mathbf{k})$ 。

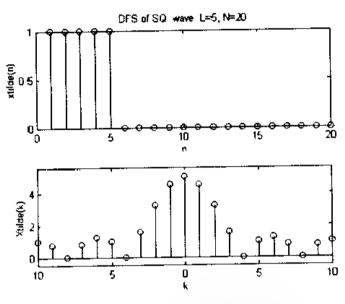


图 3.20 $\tilde{\mathbf{x}}(n)$ 和 $\tilde{\mathbf{X}}(\mathbf{k})(\mathbf{L} = \mathbf{b}, \mathbf{N} = 20)$

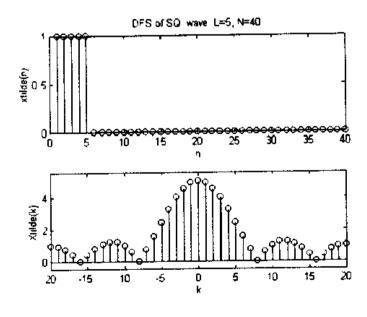


图 3.21 $\tilde{x}(n)$ 和 X(k)(L=5, N=40)

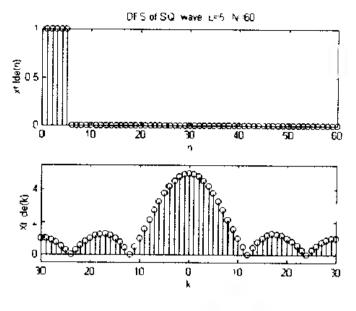


图 3 22 x(n)和X(k(1, 3, \-60)

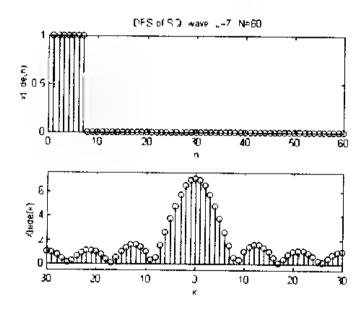


图 3.23 $\hat{x}(n)$ 和 $\hat{X}(k)(L 7, N=60)$

例 3. 22 设 $x(n) = (0.7)^n u(n)$, 在单位圆上以 N = 5 和 N = 20 对其 Z 变换取样, 并研究时域信号的影响。

解 由常见序列的 2 变换得

$$X(z) - \frac{1}{1 - 0.7z^{-1}} = \frac{z}{z - 0.7}$$
 $z > 0.7$

由此可计算出

$$\tilde{X}(k) = X(z)|_{z=e^{i2\pi k}}$$
 $k = 0, \pm 1, \pm 2, ...$

最后利用 IDFS 计算相应的时序列 x(n)。

MATLAB 程序为 ex3022. m:

% Example 3.22

```
%
N
   5;
k 0:1:N 1;
wk - 2 * pi * k/N;
zk = exp(j * wk);
Xk - (zk) \cdot / (zk = 0.7);
xn - real(idfs(Xk, N));
xtilde - xn' * ones(1, 8); xtilde - (xtilde(:))';
subplot(2, 1, 1); stem(0:39, xtilde); axis([0, 40,
                                                    0, 1, 1, 57
xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)'); gtext('N-5')
%
N = 20:
k=0,1,N-1;
wk = 2 * pi * k/N;
zk = exp(j * wk);
Xk = (zk)./(zk - 0.7);
xn=real(idfs(Xk, N));
xtilde = xn' * ones(1, 2); xtilde = (xtilde(:))';
subplot(2, 1, 2); stem(0:39, xtilde); axis([0, 40, -0.1, 1.5])
xlabel('n'); ylabel('xtilde(n)'); gtext('N-20')
```

执行后得到如图 3.24 所示的周期序列。由图不难看出,当 N-5 时,序列发生了重叠现象,而在 N=20 时,序列之间无重叠现象。

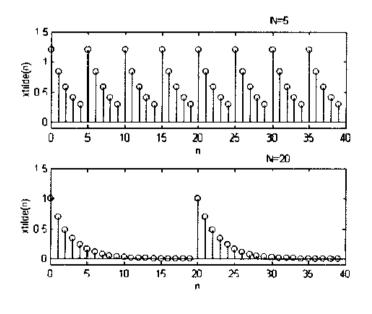


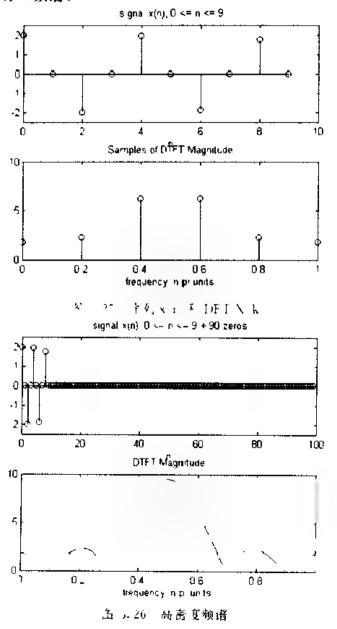
图 3 24 周期序列

3.4.2 离散傅里叶变换

```
例 3.23 为说明高密度频谱和高分辨频谱之间的差异,考虑
                    x(n) = \cos(0.48\pi n) + \cos(0.52\pi n)
(1) 取 x(n)(0≤n≤10)时, 求 x(n)的 DFT X(k);
(2) 将(1)中的 x(n)以补零方式使 x(n)加长到0≤n≤100, 求 X(k);
(3) 取 x(n)(0≤n≤100), 求 X(k)。
解 MATLAB程序为 ex3023. m;
    % Example 3.23
    %
    % part 1
    % Spectrum based on the first 10 samples of x(n)
    figure(1)
    n1 - [0:1:9]; y1 - x(1:1:10);
    subplot(2, 1, 1); stem(n1, y1); title('signal x(n), 0 \le n \le 9'); xlabel('n')
    axis([0, 10, -2.5, 2.5])
    Y_1 = fft(y_1); magY_1 = abs(Y_1(1;1;6));
    k1 - 0:1:5; w1 - 2 * pi/10 * k1;
    subplot(2, 1, 2); stem(w1/p1, magY1); title('Samples of DTFT Magnitude');
    xlabel ('frequency in pi units')
    axis([0, 1, 0, 10])
    % part 2
    % High density spectrum (100 samples) based on the first 10 samples of x(n)
    figure(2)
    n3 - [0.1.99]; v3 - [x(1.1.10) zeros(1, 90)];
    subplot(2, 1, 1); stem(n3, y3); title('signal x(n), 0 \le n \le 9 + 90 zeros');
    xlabel('n')
    axis([0, 100, -2.5, 2.5])
    Y3 = fft(y3); magY3 = abs(Y3(1;1;51));
    k3 = 0.1.50; w3 - 2 * pi/100 * k3;
    subplot(2, 1, 2); plot(w3/pi, magY3); title('DTFT Magnitude');
    xlabel('frequency in pi units')
    axis([0, 1, 0, 10])
    % part 3
    % High resolution spectrum based on 100 samples of the signal x(n)
    figure(3)
    n = [0:1:99];
```

```
x-cos(0.48 * pi * n) + cos(0.52 * pi * n);
subplot(2, 1, 1); stem(n, x); title('signal x(n), 0 <- n <- 99'); xlabel('n')
axis([0, 100, -2.5, 2.5])
X-fft(x); magX=abs(X(1:1:51));
k=0:1:50; w=2 * pi/100 * k;
subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, magX); title('DTFT Magnitude');
xlabel('frequency in pi units')
axis([0, 1, 0, 60])</pre>
```

执行后可得到如图 3. $25 \sim 3$. 27 所示的图形。图 3. 25 为 $0 \leq n \leq 10$ 时的序列 x(n)和相应的 DFT X(k),从图中几乎无法看出有关信号频谱的信息。图 3. 26 是将 x(n)补 90 个零时的 x(n)和相应的 X(k),显然,这时的谱线相当密,故称为高密度频谱图,但从图中很难看出信号的频谱部分。图 3. 27 为加长取样数据长度, $0 \leq n \leq 100$,这时可很清晰地看出信号的 頻谱成分,这称为高分辨频谱。



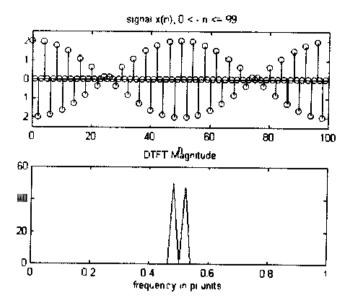


图 3.27 高分辨频谱

```
例 3.24 设 x(n)-10(0.8)" 0≤n≤10
```

- (1) 分解 x(n)成 x_w(n)和 x_w(n)(偶、奇部分);
- (2) 检验实序列的性质:

DFT[
$$x_{ec}(n)$$
]-Re[$X(k)$]
DFT[$x_{ec}(n)$]-Im[$X(k)$]

解 MATLAB程序为ex3024.m:

```
% Example 3, 24
```

%

```
% part 1;plot xec(n) and xoc(n)
figure(1)
n=0;10; x=10*(0.8).^ n;
[xec, xoc]=circevod(x);
subplot(2, 1, 1); stem(n, xec); title('Circular=even component')
xlabel('n'); ylabel('xec(n)'); axis([ 0.5, 10.5, -1, 11])
subplot(2, 1, 2); stem(n, xoc); title('Circular = odd component')
xlabel('n'); ylabel('xoc(n)'); axis([-0.5, 10.5, -4, 4])
```

```
% part 2:verify property
%
```

figure(2)

```
X=dft(x, 11); Xec=dft(xec, 11); Xec=dft(xec, 11);
subplot(2, 2, 1); stem(n, real(X)); axis([ 0.5, 10.5, -5, 50])
title('Real DFT[x(n)]'); xlabel('k');
```

subplot(2, 2, 2); stem(n, imag(X)); axis([-0.5, 10.5, -20, 20])
title('Imag DFT[x(n)];'); xlabel('k');
subplot(2, 2, 3); stem(n, real(Xec)); axis([-0.5, 10.5, -5.50])
title('DFT[xec(n)]'); xlabel('k');
subplot(2, 2, 4); stem(n, imag(Xoc)); axis([-0.5, 10.5, -20, 20])
title('DFT[xoc(n)]'); xlabel('k');

执行后可得如图 3. 28~3. 29 所示的曲线。图 3. 28 为序列 x(n)的奇偶分量。图 3. 29为 x(n)的 DFT 实部、虚部分量及 $x_{\infty}(n)$ 和 $x_{\infty}(n)$ 的 DFT,从图中不难看出:

DFT[$x_{\infty}(n)$]=Re[X(k)] DFT[$x_{\infty}(n)$]-Im[X(k)]

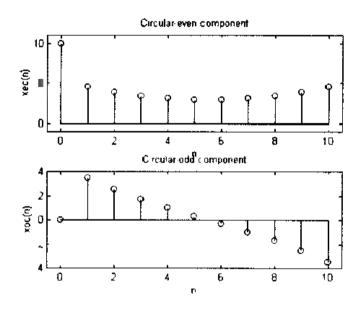


图 3.28 x_{ee}(n 和 x_{ee} n

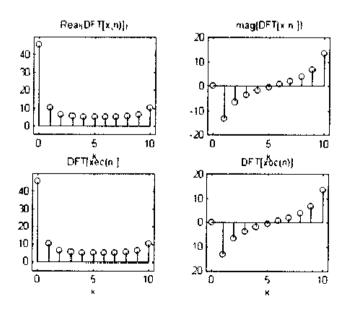


图 3.29 X(k) 与 X_e(k) 和 X_{ix}(k) 的关系

解 可直接采用循环移位函数 cirshftt 进行求解, MATLAB 程序为 ex3025. m:

执行后可得如图 3.30 所示的曲线。

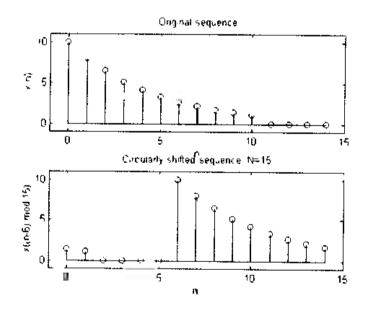


图 3 30 序列的循环移位

例 3.26 设 $x_1(n) = \{1, 2, 2\}, x_2(n) = \{1, 2, 5, 4\},$ 试分别计算

- (1) $y_1(n) = x_1(n) \hat{\otimes} x_2(n)$
- (2) $y_2(n) = x_1(n) \otimes x_2(n)$
- 解 可直接利用循环卷积 circonvt 函数计算, MATLAB 程序为 ex3026. m; % Example 3.26

$$x1-[1, 2, 2]; x2=[1, 2, 5, 4];$$

y1 = circonvt(x1, x2, 5)

y2 = circonvt(x1, x2, 6)

执行后即可得到

3. 4. 3 利用 DFT 计算线性卷积

1 4 11 18 18 8

例 3.27 令 x(n)-n+1, $0 \le n \le 9$, $h(n)-\{1,0,-1\}$, 利用 N=6 的重复法求 $y(n)-x(n) \circledast h(n)$ 。

解 M-3, N=6, 因此分块时每块长度为 6, 重复 M-1-2 个取样。

$$x(n) = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

分块后

$$\mathbf{x}_1(\mathbf{n}) = \{0, 0, 1, 2, 3, 4\}$$

 $\mathbf{x}_2(\mathbf{n}) = \{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$
 $\mathbf{x}_3(\mathbf{n}) = \{7, 8, 9, 10, 0, 0\}$

这样可分别计算

$$y_1 - x_1(n) \hat{\otimes} h(n) - 3, -4, 1, 2, 2, 2;$$

 $y_2 - x_2(n) \hat{\otimes} h(n) - \{4, -4, 2, 2, 2, 2\}$
 $y_3 - x_3(n) \hat{\otimes} h(n) - 7, 8, 2, 2, 9, -10;$

注意,前面两个取样值应该舍弃,这样就得到了 y(n)

$$y(n) = \{1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, -9, 10\}$$

这与线性卷积

$$y(n) = x(n) \Re h(n)$$

的结果一致。

这在 MATLAB 中可很容易实现。如果借助 ovrlpsav 函数就更加方便

$$n-0:9: x-n+1: h-[1, 0, 1]: N-6: y-ovrlpsav(x, h, N)$$

执行后得

3.4.4 快速傅里叶变换(FFT)

例 3.28 模拟信号 x(t)=2 sin(4πt)+5 cos(8πt),以 t=0.01n(n=0;N-1)进行取样,求 N 点 DFT 的幅值谱。N 分别为(1) N-45; (2) N=50; (3) N-55; (4) N-60 解 MATLAB 程序为 ex3028. m;

```
% Example 3.28
%
figure(1)
subplot(2, 2, 1)
N-45; n-0; N-1; t-0.01*n;
q = n * 2 * pi/N;
x-2*\sin(4*pi*t)+5*\cos(8*pi*t);
y=fft(x, N);
plot(q, abs(y))
title('FFT N-45')
%
subplot (2, 2, 2)
N=50; n=0; N=1; t=0.01*n;
q = n * 2 * pi/N_{\ddagger}
x-2 * \sin(4 * p_1 * t) + 5 * \cos(8 * p_1 * t);
y-fft(x, N);
plot(q, abs(y))
title('FFT N 50')
%
subplot (2, 2, 3)
N = 55; n = 0:N = 1; t = 0.01 * n;
q-n*2*pi/N;
x-2*\sin(4*pi*t)+5*\cos(8*pi*t);
y - fft(x, N);
plot(q, abs(y))
title('FFT N - 55')
%
subplot(2, 2, 4)
N-60; n-0; N-1; t-0.01*n;
q n * 2 * pi/N;
x-2*\sin(4*pi*t)+5*\cos(8*pi*t);
y-fft(x, N):
plot(q, abs(y))
title('FFT N=60')
```

执行后可得如图 3.31 所示的信号谱。从图中可以看出,这几种情况下均有较好的精度。

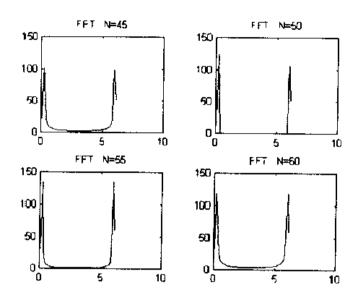


图 3.31 x(t)的信号谱

例 3.29 在上例的基础上, N-64, 并在信号中加入噪声(正态)w(t)

$$x(t) = 2 \sin(4\pi t) + 5 \cos(8\pi t) + 0.8w(t)$$

试比较有无噪声时的信号谱。

```
解 MATLAB程序为ex3029, m.
```

```
% Example 3.29
 %
figure(1)
subplot(2, 1, 1)
N=64; n=0; N=1; t=0.01*n;
q-n*2*p_1/N_1
x=2*\sin(4*p_1*t)+5*\cos(8*p_1*t);
y - fft(x, N);
plot(q, abs(y))
title ('FFT N = 64')
%
subplot(2, 1, 2)
N-64; n-0:N-1; t=0.01*n;
q = n * 2 * p_1/N_1
x = 2 * \sin(4 * pi * t) + 5 * \cos(8 * pi * t) + 0.8 * randn(1, N);
y-fft(x, N);
plot(q, abs(y))
title ('FFT N = 64 (with noise)')
```

执行后可得如图 3.32 所示的信号谱。

从图中可以看出,在信号检测的意义上,这种噪声不会影响信号的检测。

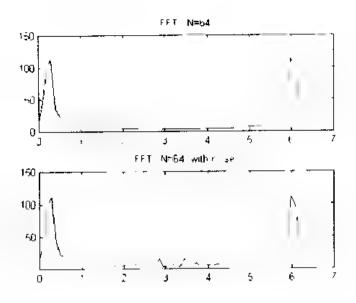


图 3.32 有无噪声时的信号谱

3.5 数字滤波器结构

MATLAB的扩展函数有11种。

1. 变直接形式为级联形式

```
dir2cas. m
function [b0, B, A] -dir2cas(b, a);
% DIRECT - form to CASCADE - form conversion (cplxpair version)
      \frac{9}{10} [b0, B, A]=dir2cas(b, a)
% b0−gain coefficient
% B-K by 3 matrix of real coefficients containing bk's
\% A=K by 3 matrix of real coefficients containing ak's
% b-numberator polynomial coefficients of DIRECT form
\% a – denominator polynomial coefficients of DIRECT form
1/2 compute gain coefficient b0
b0 - b(1); b - b/b0;
a0=a(1); a-a/a0;
b0 - b0/a0;
1/5
M-length(b); N-length(a);
```

```
ıf N>M
             b = [b \text{ zeros}(1, N-M)];
elseif M>N
             a = [a zeros(1, M-N)]; N-M;
else
             NM-0;
end
%
K=floor(N/2); B=zeros(K, 3); A=zeros(K, 3);
if K * 2 - = N:
             b-[b0]:
             a = [a \ 0];
end
%
broots-cplxpair(roots(b));
aroots - cplxpair(roots(a));
for i = 1.2.2 * K
             Brow = broots(i:1:1+1,:);
             Brow - real(poly(Brow));
             B(fix(1+1)/2, :) = Brow:
             Arow aroots(i:1:i+1,:);
             Arow - real(poly(Arow)):
             A(fix(1+1)/2, :) = Arow:
end
```

2. 滤波器的级联实现

3. 变级联形式为直接形式

```
cas2dir. m
function [b, a]-cas2dir(b0, B, A);
% CASCADE to DIRECT form conversion
% ------
% [b, a] = cas2dir(b0, B, A)
% b-numerator polynomial coefficients of DIRECT form
% a denominator polynomial coefficients of DIRECT form
% b0 - gain coefficient
% B-K by 3 matrix of real coefficients containing bk's
% A-K by 3 matrix of real coefficients containing ak's
[K, L] - size(B);
b-[1];
a [1];
for i - 1: K
            b = conv(b, B(i, :)):
            a = conv(a, A(1, :));
end
b-b*b0;
```

4. 变直接形式为并联形式

```
% a-denominator polynomial coefficients of DIRECT form
    M-length(b); N-length(a);
    [r1, p1, C]—residuez(b, a);
    p-cplxpair(p1, 10000000 * eps);
    I-cplxcomp(p1, p);
    r=r1(I):
    K floor(N/2); B-zeros(K, 2); A-zeros(K, 3);
    if K * 2 - - N; %N even, order of A(z) odd, one factor is first order
                       for i=1:2:N 2
                           Brow = r(i:1:i+1,:);
                           Arow -p(1:1:1+1,:);
                           [Brow, Arow] = residuez(Brow, Arow, []);
                           B(fix((i+1)/2), :) - real(Brow');
                           A(fix((i+1)/2), :) = real(Arow');
                       end
                       [Brow, Arow] = residuez(r(N-1), p(N 1), []);
                       B(K, :) - [real(Brow') 0]; A(K, :) - [ral(Arow') 0];
    else
          for 1-1:2:N-1
                           Brow -r(1;1;1+1, :);
                           Arow -p(1:1:1+1:1);
                           [Brow, Arow]—residuez(Brow, Arow, []);
                           B(fix((i+1)/2), :)=real(Brow');
                           A(fix((i+1)/2), :)=real(Arow');
                       end
    end
5. 复共轭对比较
    cplxcomp. m
    function I = cplxcomp(p1, p2)
    \% I=cplxcomp(p1, p2)
    % Compares two complex pairs which contain the sme scalar elements
    % but (possibly) at different indices. This routine should be
    % used after CPLXPAIR routine for rearranging pole vector and its
    \% corresponding residue vector.
             p2-cplxpair(p1)
    %
    %
   I-[\ ];
```

```
for j=1; length (p2)
        for i=1:length(p1)
                if (abs(p1(i) p2(j)) < 0.0001)
                  I = [I, 1];
           end
        end
    end
    I = I';
6. 滤波器的并联实现
    parfiltr. m
    function y=parfiltr(C, B, A, x);
    % PARALLEL form realization of IIR filters
    % - -----
    % [y] = parfiltr(C, B, A, x);
    % y−output sequence
    \% C-polynomial (FIR) part when M>=N
    % B=K by 3 matrix of real coefficients containing bk's
    % A=K by 3 matrix of real coefficients containing ak's
    % x = input sequence
    %
    [K, L]-size(B);
    N = length(x);
    w-zeros(K+1, N);
    w(1, :) = filter(C, 1, x);
    for i=1:K
         w(t+1, \cdot;) = filter(B(t, \cdot;), A(t, \cdot;), x);
    end
   y = sum(w);
7. 变并联形式为直接形式
   par2dir. m
   function [b, a]-par2dir(C, B, A);
   % PARALLEL - to DIRECT form conversion
   % -----
   % [b, a] = par2dir(C, A, B)
   % b-numerator polynomial coefficients of DIRECT form
   % a = denominator polynomial coefficients of DIRECT form
```

```
% C-Polynomial part of PARALLEL form
    % B-K by 3 matrix of real coefficients containing bk's
    % A-K by 3 matrix of real coefficients containing ak's
    %
    [K, L]-size(A); R-[]; P-[];
    for i-1:K
                [r, p, k]-residuez(B(i, :), A(i, :));
                R - [R; r]; P - [P; p];
    end
    [b, a] = residuez(R, P, C);
    b-b(:)'; a-a(:)';
8. 变 h(n)值形式为频率取样形式
   dır2fsm.
    function [C, B, A]-dir2fs(h);
    % Direct form to Frequency Sampling form conversion
    % [C, B, A]—dirsfs(h)
    % C - Row vector containing gains for parallel sections
    % B-Matrix containing numerator coefficients arranged in rows
    % A-Matrix containing denominator coefficients arranged in rows
   % h=impulse response vector of an FIR filter
   %
   M = length(h);
   N = fft(h, M):
   magH=abs(H); phaH=angle(H)';
   % check even or odd M
   if (M = 2 * floor(M/2))
         L-M/2-1; % M is even
         A1-[1, -1, 0; 1, 1, 0];
         C1=[real(H(1)), real(H(L+2))];
   else
         L = (M-1)/2; % M is odd
         A1 = [1, -1, 0];
         C1 = [real(H(1))];
   end
   k = [1:L]';
   % initialize B and A arrays
   B-zeros(L, 2); A-ones(L, 3);
```

```
% compute denominator coefficients
A(1;L,2) = 2 * \cos(2 * p_1 * k/M); A-[A; A1];
% compute numerator coefficients
B(1;L,1) - \cos(phah(2;L+1));
B(1;L,2) - -\cos(phah(2;L+1)) = (2 * p_1 * k/M));
% compute gain coefficients
C - 2 * magH(2;L+1), C1';
```

9. 变滤波器直接形式为全零点格形结构

```
dir2late. m
function [K]-dir2late(b)
% FIR Direct form to All Zero Lattice form Conversion
% - -
% [K]-dir2latc(b)
% K-Lattice filter coefficients (reflection coefficients)
% b=FIR direct form coefficients (impulse response)
%
M-length(b);
K-zeros(1, M);
b1-b(1);
if b1 - 0
         error('b(1) is equal to zero')
end
K(1)-b1; A-b/b1;
for m-M: 1:2
        K(m) = A(m):
        J = fliplr(A);
        A = (A \cdot K(m) * J)/1 - K(m) * K(m));
        A A(1:m-1);
end
```

10. 变滤波器全零点格形结构为直接形式

```
latc2dir. m

function [b]—latc2dir(K)

% All - Zero Lattice form to FIR Direct form Conversion
% ---- ---
% [b]—latc2dir(K)

% b FIR direct form coefficients (impulse response)
```

11. FIR 滤波器的格形结构实现

```
latefilt. m
function [y] = latefilt(K, x)
% LATTICE form realization of FIR filters
% ----
% y = latefilt(K, x)
% y-output sequence
% K-LATTICE filter (reflection) coefficients array
% x-input sequence
Nx - length(x) - 1:
x = K(1) * x;
M = length(K) - 1; K - K(2:M+1):
fg = [x; [0 \times (1:Nx)];
for m=1:M
        fg = [1, K(m), K(m), 1] * fg;
        fg(2, :) - [0 fg(2, 1:Nx)];
end
y - fg(1, .);
```

3.5.1 IIR 滤波器结构

例 3.30 有一滤波器

$$16y(n) + 12y(n-1) + 2y(n-2) 4y(n 3) y(n-4)$$

$$= x(n) 3x(n 1) + 11x(n 2) - 27x(n 3) + 18x(n 4)$$

首先将直接形式转换成级联和并联形式,然后求出这 3 种形式表示时的单位冲激响应。

解 这里用到了我们设计的扩展函数 dir2cas、dir2par、casfiltr、parfiltr 等, MATLAB程序为 ex3030. m;

% Example 3.30

%

```
b = [1, -3, 11, -27, 18]; a = [16, 12, 2, -4, -1];
[b0, B, A]-dir2cas(b, a);
[C, B1, A1] = dir2par(b, a);
N-24; n-1: N+1;
delta impseq(0, 0, N);
h1 -filter(b, a, delta);
h2-casfiltr(b0, B, A, delta);
h3-parfiltr(C, B1, A1, delta);
figure(1)
subplot(3, 1, 1)
plot(n, h1)
title('Direct form structure')
subplot(3, 1, 2)
plot(n, h2)
title ('Cascade structure')
subplot(3, 1, 3)
plot(n, h3)
title ('Parallel form structure')
```

执行后可得到如图 3.33 所示的单位冲激响应。从图中可以看出,这 3 种形式的输出响应是一致的。

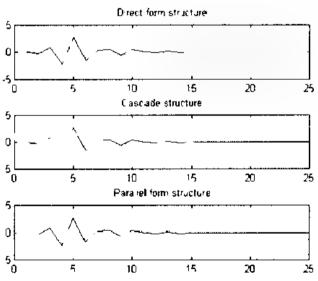


图 3.33 IIR 滤波器 3 种形式的冲激响应

3.5.2 FIR 滤波器结构

例 3.31 FIR 滤波器传递函数为

$$H(z) = 1 + 16 \frac{1}{16} z^{-4} + z^{-8}$$

确定并画出滤波器的直接、线性相位和级联形式结构。

解 (1) 直接形式: 差分方程为

$$y(n) = x(n) + 16.0625x(n - 4) + x(n - 8)$$

因此直接形式结构如图 3.34(a)所示。

(2) 线性相位形式;上述差分方程可改写成

$$y(n) = [x(n) + x(n-8)] + 16.0625x(n-4)$$

因此得到如图 3.34(b)所示的线性相位形式。

(3) 级联形式: 其系数阵可由 MATLAB 计算, MATLAB 程序为 ex3031. m:

%

$$b = [1, 0, 0, 0, 16 + 1/16, 0, 0, 0, 1];$$

执行后得

b0-

1

В—

- 1.0000 2.8284 4.000
- 1.0000 0.7071 0.2500
- 1.0000 0.7071 0.2500
- 1.0000 2.8284 4.000

A=

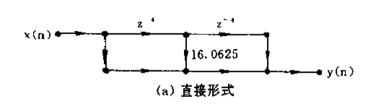
1 0 0

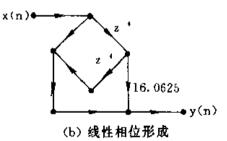
1 0 0

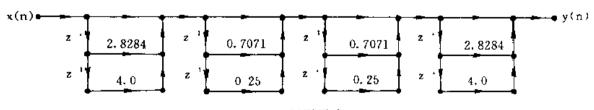
1 0 0

1 0 0

因此得到级联形式,如图 3.34(c) 所示。







(c) 级联形式

图 3.34 FIR 滤波器结构

例 3.32 令 h(n) - 1, 2, 3, 2, 1)/9, 确定并画出 FIR 的频率取样形式。

解 首先由 MATLAB 的 dur2fs 函数,将 h(n)直接形式转换成频率取样形式。MAT

LAB 程序为 ex3032. m:

$$h-[1, 2, 3, 2, 1]9;$$

$$[C, B, A] = dir 2fs(h)$$

执行后得

 \mathbf{C}

- 0.5818
- 0.0849
- 1.0000

B-

- 0.8090
- 0,8090
- 0.3090 0.3090

Α---

- 1.0000 -0.6180 1.0000
- 1.0000
- 1.6180 1.0000
- 1.0000
- -1.0000

然后,由于 M 5为奇数,因此有

$$H(z) = \frac{1-z^{-5}}{5} \left[0.5818 \times \frac{-0.809 + 0.809z^{-1}}{1-0.618z^{-1} + z^{-2}} + 0.0849 \times \frac{0.309 - 0.309z^{-1}}{1+1.618z^{-1} + z^{-2}} + \frac{1}{1-z^{-1}} \right]$$

参照 1.5 节图 1.10 可得到 FIR 的频率取样形式, 如图 3.35 所示。

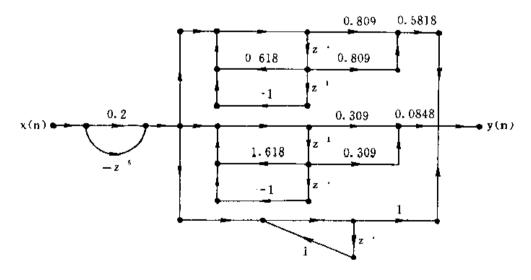


图 3.35 FIR 的频率取样形式(M=5)

3.5.3 格形滤波器结构

例 3.33 FIR 滤波器的差分方程为

$$y(n) = 2x(n) + \frac{13}{12}x(n-1) + \frac{5}{4}x(n-2) + \frac{2}{3}x(n-3)$$

确定其格形结构,并画出直接形式和格形形式的冲激响应。

MATLAB 程序为 ex3033. m:

% Example 3.33

%

b-[2, 13/12, 5/4, 2/3];

K-dir2late(b)

[x, n] = impseq(0, 0, 30);

v1 = filter(b, 1, x);

y2=latcfilt(K, x);

figure(1)

subplot (2, 1, 1)

plot(n, y1)

title ('Direct form')

subplot(2, 1, 2)

plot(n, y2)

title ('Lattice form')

执行后得

K =

2.0000

0. 2500 0. 5000

0.3333

因此格形滤波器系数

$$\mathbf{k}_0 - 2 \quad \mathbf{k}_1 = \frac{1}{4} \quad \mathbf{k}_2 - \frac{1}{2} \quad \mathbf{k}_3 - \frac{1}{3}$$

格形滤波器如图 3.36 所示。

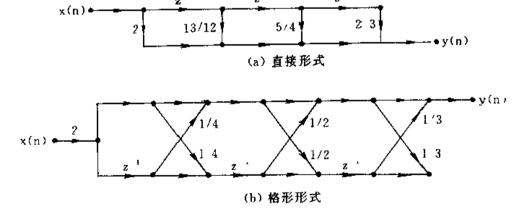


图 3.36 FIR 滤波器结构

执行 ex3032还得到 FIR 的冲激响应,如图 3.37 所示,从图中可以看出,这两种形式 的冲激响应是一致的。

例 3.34 考虑全极点 IIR 滤波器

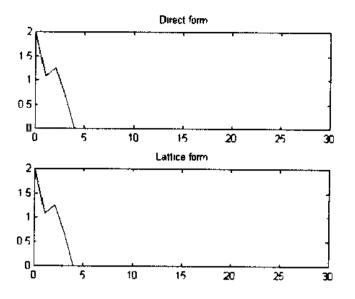


图 3.37 FIR 滤波器的冲激响应

$$H(z) = \frac{1}{1 + \frac{13}{24}z^{-1} + \frac{5}{8}z^{-2} + \frac{1}{3}z^{-3}}$$

确定其格形滤波器结构。

解 MATLAB程序为ex3034.m:

% Example 3. 34

%

a = [1, 13/24, 5/8, 1/3];

K-dir2latc(a)

执行后得

K --:

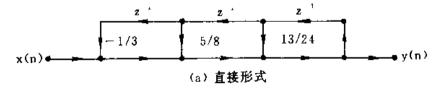
1.0000

0.2500 0.5000 0.3333

因此

$$\mathbf{k}_1 = \frac{1}{4} \quad \mathbf{k}_2 = \frac{1}{2} \quad \mathbf{k}_3 = \frac{1}{3}$$

k。默认为 1。其格形结构如图 3.38所示。



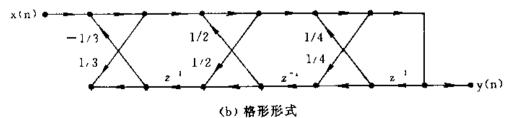


图 3 38 FIR 滤皮器结构

3.6 FIR 滤波器设计

MATLAB 的扩展函数有 6 种。

```
1. 计算滤波器振幅响应——线性相位 FIR 滤波器类型1
```

```
hr typel.m
function [Hr, w, a, L]-hr type1(h);
% Computes Amplitude response of Type -1 LP FIR filter
% -- ---- ----
% [Hr, w, a, L]=he_typel(h)
% Hr = Amplitude Response
% w=500 frequencies between [0 pi] over which Hr is computed
% a - Type -1 LP filter coefficients
% L-Order of Hr
% h-Type 1 LP filter impulse response
%
M-length(h);
L = (M-1)/2;
a = [h(L+1) \ 2 * h(L;-1;1)];
n = [0,L];
\mathbf{w} = [0,500]' * pi/500;
Hr = cos(w * n) * a';
```

2. 计算滤波器振幅响应——线性相位 FIR 滤波器类型2

```
L=M/2;
b-2*[h(L:-1:1)];
n-[1:L]; n=n-0.5;
w-[0:500]'*pi/500;
Hr-cos(w*n)*b';
```

3. 计算滤波器振幅响应——线性相位 FIR 滤波器类型3

```
hr type3. m
function [Hr, w, c, L] = hr type3(h);
% Computes Amplitude response of Type -3 LP FIR filter
% -----
\% [Hr, w, c, L]—hr type3(h)
% Hr - Amplitude Response
% w-frequencies between [0 pi] over which Hr is computed
% c-Type -3 LP filter coefficients
% L-Order of Hr
% h – Type –3 LP filter impulse response
%
M = length(h);
L = (M - 1)/2;
c - [2 * h(L+1,-1,1)];
n = [0, L];
w = [0;500]' * pi/500;
Hr = \sin(w * n) * c':
```

4. 计算滤波器振幅响应——线性相位 FIR 滤波器类型4

```
hr type4.m

function [Hr, w, d, L]—hr type4(h);

% Computes Amplitude response Hr(w) of a Type-4 LP FIR filter

% ------
% [Hr, w, d, L]—he type4(h)

% Hr—Amplitude Response

% w—500 frequencies between [0 pi] over which Hr is computed

% d—Type-4 LP filter coefficients

% L—Order of Hr

% h—Type-4 LP filter impulse response

%

M—length(h);
```

```
L=M/2;

d=2*[h(L;-1:1)];

n=[1:L]; n-n = 0.5;

w=[0:500]'*pi/500;

Hr=sin(w*n)*d';
```

5. 产生理想低通滤波器的冲激响应

6. freqz 的修正

freqz m 函数可获得滤波器的幅值响应(绝对和相对)、相位响应及群迟延响应。

```
freqz m.m
function [db, mag, pha, grd, w] 'freqz_m(b, a);
% Modified version of freqz subroutine
% ---
                   -----
% [db, mag, pha, grd, w]-freqz m(b, a);
% db—Relative magnitude in dB computed over 0 to pi radians
% mag−absolute magnitude computed over 0 to pi radians
% pha−Phase response in radians over 0 to pi radians
% grd—Group delay over 0 to pi radians
% w 501 frequency samples between 0 and pi redians
% b numerator polynomial of H(z) (for FIR: b-h)
\% a – denominator polynaomial of H(z)
                                         (for FIR: a-[1])
%
[H, w] \leftarrow freqz(b, a, 1000, 'whole');
H = (H(1.501))'; w = (w(1.501))';
```

```
mag = abs(H);
db = 20 * log10((mag + eps)/max(mag));
pha = angle(H);
grd = grpdelay(b, a, w);
```

3.6.1 线性相位 FIR 滤波器特性

例 3.35 \diamondsuit h(n) $-\{-4,1,1,2,5,6,5,-2,-1,1,-4\}$,确定滤波器的振幅响应 $H_r(\omega)$ 。

解 由于M-11,且

$$h(n) = h(M - 1 - n)$$

α-(11-1)/2-5, 因此这是线性相位 FIR 滤波器(类型 1), 故可采用 hr_type1 函数求得振幅响应。MATLAB 程序为 ex3035. m;

执行后得到如图 3.39 所示的振幅响应曲线。

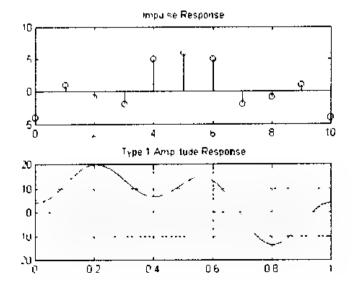


图 3.39 线性相位 FIR 滤波器(类型 1)振幅响应

例 3.36 令 h(n)-, 4.1, 1,-2,5,6,6,5,-2,-1,1, 4),确定滤波器的

振幅响应 H_ε(ω)。

解 由于 M-12, $\alpha-(12-1)/2-5.5$, h(n) 对称,因此这是线性相位 FIR 滤波器(类型2),可利用 hr type2 函数求得振幅响应 $H_r(\omega)$ 。MATLAB 程序为 ex3036.m;

% Example 3.36
%
figure(1)
h-[-4, 1, -1, -2, 5, 6, 6, 5, -2, -1, 1, -4];
M=length(h); n=0;M 1;
[Hr. w, b, L]=hr_type2(h);
subplot(2, 1, 1); stem(n, h);
title('Impulse Response')
subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, Hr); grid
title('Type-2 Amplitude Response')

执行后得到如图 3.40 所示的振幅响应曲线。

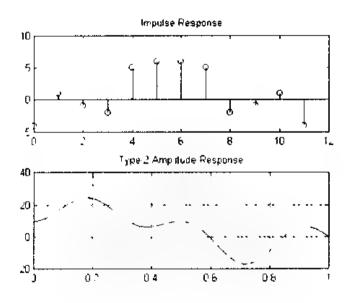


图 3.40 线性相位 FIR 滤波器(类型 2)振幅响应

例 3.37 令 $h(n)=\{4,1,-1,-2,5,0,-5,2,1,-1,4\}$,确定滤波器的振幅响应 $H_r(\omega)$ 。

解 由于 M=11, $\alpha=(11-1)/2-5$, 且 h(n) 具有反对称性, 因此这是一个线性相位 FIR 滤波器(类型3), 可利用 hr. type3 函数求解振幅响应。MATLAB 程序为 ex3037. m:

% Example 3.37
%
figure(1)
h - [4, 1, 1, 2, 5, 0, -5, 2, 1, -1, 4];
M = length(h); n - 0; M - 1;
[Hr, w, c, L] - hr type3(h);

subplot(2, 1, 1); stem(n, h);
tutle('Impulse Response')
subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, Hr); grid
tutle('Type-3 Amplitude Response')

执行后得如图 3.41 所示的振幅响应曲线。

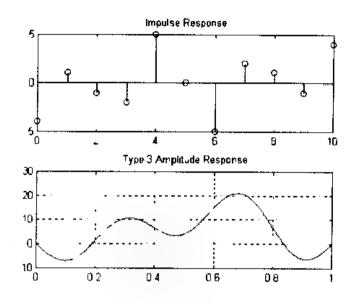


图 3.41 线性相位 FIR 滤波器(类型 3.振幅响应

例 3.38 令 H(n) = 4,1,-1,-2,5,6,-6,-5,2,1,-1,4,,确定滤波器的振幅响应 $H_r(\omega)$ 。

解 由于M-12, α (12 1)/2-5.5, 且 h(n)为反对称特性, 因此这是一个线性相位 FIR 滤波器(类型4), 可利用 hr type4 函数求解振幅响应。MATLAB 程序为ex3038. m:

% Example 3.38
%
figure(1)
h=[-4,1, 1, 2,5,6, 6, -5,2,1, 1,4];
M=length(h); n=0;M=1;
[Hr, w, d, L] hr type4(h);
subplot(2,1,1); stem(n,h);
title('Impulse Response')
subplot(2,1,2); plot(w/pi, Hr); grid
title('Type 4 Amplitude Response')

3.6.2 利用窗函数设计 FIR 滤波器

执行后得如图 3.42 所示的振幅响应曲线。

例 3.39 设计具有指标

$$\omega_{\rm p} = 2.5\pi$$
 R_p = 0.25 dB

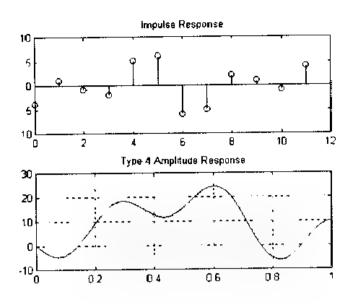


图 3.42 线性相位 FIR 滤波器(类型 4)振幅响应 $\omega_a = 0.3\pi$ A₁ - 50 dB

的低通数字 FIR 滤波器。选择合适的窗函数,确定冲激响应,并画出滤波器的频率响应。

解 从表 1.2 可以看出,对 A, -50 dB,可采用 Hamming 和 Blackman 窗。这里选择 Hamming 窗。

在设计过程中,并没有用到 R_p = 0. 25 dB 值,因此设计后必须对此进行校验。 MATLAB 程序为 ex3039. m:

```
% Example 3.39
%
wp 0.2 * p_1; ws 0.3 * p_1;
tr width=ws
M - ceil(6.6 * pi/tr width) + 1
n = [0,1,M 1];
wc = (ws + wp)/2
hd-ideal lp(wc, M);
w ham '(hamming(M))';
h-hd. * w ham;
[db, mag, pha, grd, w]=freqz_m(h, [1]);
delta w=2 * p_1/1000;
Rp--(min(db(1:1:wp/delta w+1))) % Passband Ripple
As- round(max(db(ws/delta w+1:1:501))) % Min Stopband attenuation
% plots
figure(1)
```

subplot(2, 2, 1); stem(n, hd); title('Ideal Impulse Response')

```
axis([0 M 1 -0.1 0.3]); ylabel('hd(n)')
        subplot(2, 2, 2); stem(n, w ham); title('Hamming Window')
        axis([0 M -1 0 1.1]); ylabel('w(n)')
        subplot(2, 2, 3); stem(n, h); title('Actual Impulse Response')
        axis([0 M-1 -0.1 0.3]); ylabel('h(n)')
        subplot(2, 2, 4); plot(w/p1, db); title('Magnitude Response in dB'); grid
        axis([0\ 1\ -100\ 10]); ylabel('Decibels')
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [-50, 0])
        set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '0'])
执行后得到一些设计参数
        tr width-
          0.3142
        M-
          67
        wc =
          0.7854
        R_p
          0.0394
        As-
          52
```

同时产生如图 3.43 所示的结果。其中左上图为理想低通滤波器的冲激响应,右上图为 Hamming 窗,左下图为加窗后的滤波器冲激响应,右下图为滤波器的幅频特性。

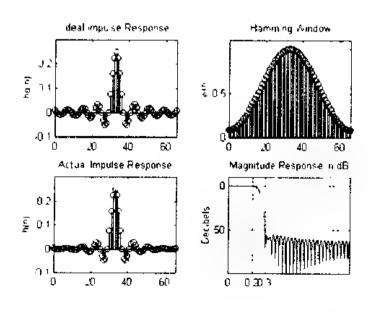


图 3.43 低通滤波器设计

例 3.40 设计数字带通滤波器,指标为

```
低阻带: ω, = 0.2 π, A, = 60 dB
     低通带: \omega_{10} = 0.35 \pi, R_0 = 1 \text{ dB}
     高通带; ω<sub>20</sub> — 0, 65 π, R<sub>0</sub> — 1 dB
     高阻带: ω<sub>2s</sub>=0.8 π, A<sub>s</sub>=60 dB
     解 设选用 Blackman 窗,Δω; Δω, μ-ω, , Δω, Δω, ω, , 则 Δω, --Δω, 。MATLAB 程
序为 ex3040. m:
          % Example 3.40
          %
          ws1 - 0.2 * pi; wp1 - 0.35 * pi;
         wp2-0.65 * pi; ws2-0.8 * pi;
         As = 60;
         tr width=min((wp1-ws1), (ws2 wp2))
         M = ceil(11 * pi/tr width) + 1
         n-[0;1;M-1];
         wc1 - (ws1 + wp1)/2; wc2 = (wp2 + ws2)/2;
         hd = ideal .lp(wc2, M) - ideal .lp(wc1, M);
         \mathbf{w}_{-} bla - (blackman(M))';
         h-hd. * w.bla:
         [db, mag, pha, grd, w]—freqz m(h, [1]);
         delta_{-}w = 2 * p_1/1000;
         Rp = -\min(db(wp1/delta w + 1:1:wp2/delta w))
         As - round (max(db(ws2/delta w + 1:1:501)))
         % plots
         figure(1);
         subplot (2, 2, 1); stem(n, hd); title ('Ideal Impulse Response')
         axis([0 M-1 -0.4 0.5]); ylabel('hd(n)')
         subplot(2, 2, 2); stem(n, w bla); title('Blackman Window')
         axis([0 M-1 0 1.1]); ylabel('w(n)')
         subplot(2, 2, 3); stem(n, h); title('Actual Impulse Response')
         axis([0 M-1 0.4 0.5]); ylabel('h(n)')
         subplot(2, 2, 4); plot(w/p_1, db);
         title ('Magnitude Response in dB'); grid;
         ylabel ('Decibels')
         axis([01-15010]);
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.35, 0.65, 0.8, 1])
         set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [-60, 0])
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['60'; '0'])
执行后得到一些参数
```

同时得到如图 3.44 所示的滤波器特性。

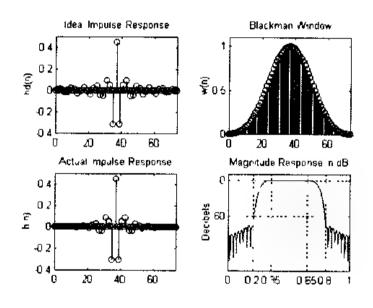


图 3.44 通带滤皮器设计

例 3.41 设理想带阻滤波器频率响应为

$$H_{e}(e^{j\omega}) = \begin{cases} 1 & 0 \leqslant \omega < \pi/3 \\ 0 & \pi/3 \leqslant \omega \leqslant 2\pi/3 \\ 1 & 2\pi/3 < \omega \leqslant \pi \end{cases}$$

利用 Kaiser 窗函数,设计长度为 45 的带阻滤波器,使阻带衰减为 60 dB。

解 参数β可由下式确定

$$\beta = 0.1102 \times (As - 8.7)$$

因此实现滤波器设计的 MATLAB 程序为 ex3041. m:

```
h-hd. * w.kai;
        [db, mag, pha, grd, w] freqz m(h, [1]);
        %
        % plots
        %
        figure(1);
        subplot(2, 2, 1); stem(n, hd); title('Ideal Impulse Response')
        axis([1 M -0.2 0.8]); xlabel('n'); ylabel('hd(n)')
        subplot(2, 2, 2); stem(n, w kai); title('Kaiser Window')
        axis([-1 M 0 1.1]); xlabel('n'); ylabel('w(n)')
        subplot(2, 2, 3); stem(n, h); title('Actual Impulse Response')
                     0.20.8]); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
        axis([-1 M]
        subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, db);
        title ('Magnitude Response in dB'); grid;
        xlabel('frequency in pr units'); ylabel('Dec.bels')
        axis([0 1 - 80 10]);
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0; 0, 333; 0, 667; 1])
        set(gca, 'XTickLabelMode', 'manual', ...
        'XTickLabels', '0 ; '1 3'; '2/3'; '1'])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 60, 0])
        set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['60'; '0'])
执行后得
        bata -
           5,6533
```

同时产生如图 3.45 所示的带阻滤波器特性。从图中不难看出阻带衰减小于 60 dB, 为此应

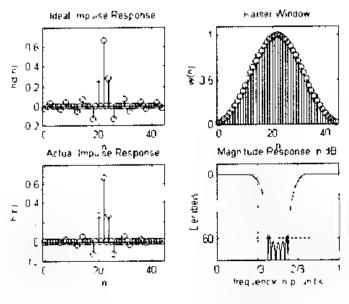


图 3. 4 带阻虑皮器设计(3 7.673)

适当增加β,以满足设计要求。当β取 5.9533 时,得到如图 3.46 所示的滤波器特性,这时已满足设计要求。

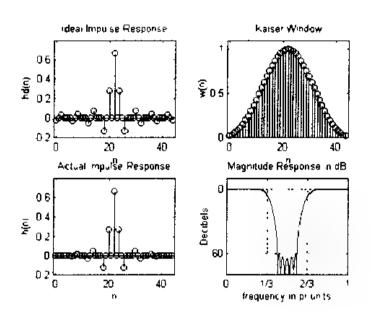


图 3.46 带阻滤波器设计(β=5.9533)

例 3.42 利用 Hanning 窗,设计长度为 25 的数字 Hilbert 变换器。

解 线性相位的 Hilbert 变换器的理想频率响应为

$$H_{d}(e^{j\omega}) = \begin{cases} -je^{-je\omega} & 0 < \omega < \pi \\ +je^{-je\omega} & -\pi < \omega < 0 \end{cases}$$

其冲激响应为

$$h_d(\omega) = \begin{cases} \frac{2}{\pi} \frac{\sin^2 \pi (n-\alpha)/2}{n-\alpha} & n \neq \alpha \\ 0 & n-\alpha \end{cases}$$

由于 M-25, 因此所设计滤波器具有类型3。在 MATLAB 中可很容易实现, MATLAB 程序为 ex 3042. m:

```
figure(1);
        subplot(2, 2, 1); stem(n, hd); title('Ideal Impulse Response')
        axis([-1 M -1.2 1.2]); ylabel('hd(n)')
        subplot(2, 2, 2); stem(n, w han); title('Hanning Window')
        axis([-1 M 0 1.2]); ylabel('w(n)')
        subplot(2, 2, 3); stem(n, h); title('Actual Impulse Response')
        axis([1 M -1.21.2]); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
        w = w'; Hr = Hr';
        w = [fliplr(w), w(2.501)]; Hr - [-fliplr(Hr), Hr(2.501)];
        subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, Hr); title('Amplitude Response'); grid;
        xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Hr')
                     1.11.1);
        axis([-1]1
        set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [-1, 0, 1])
        set (gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 1, 0, 1])
执行后可得如图 3.47 所示的 Hilbert 变换器。
```

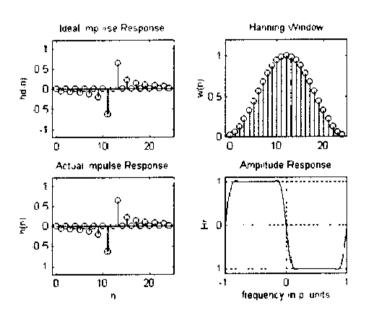


图 3.47 Hilbert 变换器设计

3.6.3 频率取样设计技术

例 3.43 设计低通滤波器

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 R_p = 0.25 dB
 $\omega_a = 0.3\pi$ A_s = 50 dB

解 选择 M-60, 并在过渡带插入两个取样点 T₁=0.5925, T₂-0.1099, 则 H_r(ω)-[ones(1,7,T₁,T₂,zeros(1,43),T₂,T₁,ones(1,6)] 因此 MATLAB 程序为 ex3043. m:

% Example 3.43

```
%
         %
                  Freq. Samp. Tech., Lowpass, Optimum method T1 & T2
         %
                  wp = 0.2p_1, ws = 0.3p_1, Rp = 0.25dB, As = 50dB
         %
                  T1 0.5925, T2-0.1099
         %
         M = 60; alpha = (M - 1)/2; l = 0; M = 1; wl = (2 * pi/M) * l;
         Hrs = [ones(1, 7), 0.5925, 0.1099, zeros(1, 43), 0.1099, 0.5925,
               ones(1, 6)];
         Hdr = [1, 1, 0, 0]; wdl = [0, 0.2, 0.3, 1];
         k1=0; floor((M-1)/2); k2-floor((M-1)/2) +1:M-1;
         angH [ alpha * (2 * pi)/M * k1, alpha * (2 * pi)/M * (M-k2)];
         H-Hrs. * exp(j*angH);
         h real(ifft(H, M));
         [db, mag, pha, grd, w]—freqz m(h, 1);
         [Hr, ww, a, L]-Hr Type2(h);
         %
         % plot
         %
         figure(1)
         subplot (2, 2, 1); plot(wl(1:31)/pi, Hrs(1:31), 'o', wdl, Hdr);
         axis([0, 1, -0.1, 1.1]); title('Lowpass; M = 60, T1 - 0.59, T2 - 0.109')
         ylabel('Hr(k)')
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0.59, 0.109, 1]); grid
        subplot (2, 2, 2); stem(l, h); axis([-1, M,
        title('Impulse Response'); xlabel('n'); ylabel('h(n)');
        subplot(2, 2, 3); plot(ww/pi, Hr, wl(1,31)/pi, Hrs(1,31), 'o');
        axis([0, 1, -0.1, 1.1]); title('Amplitude Response')
        xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Hr(w)')
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0.59, 0.109, 1]); grid
        subplot(2, 2, 4); plot(w/p_1, db); axis([0, 1, -100, 10]); grid
        title('Magnitude Response'); xlabel('frequency in pi units');
        ylabel('Decibels');
        set(gca, 'XTickMode', 'Manual', 'XTick', [0; 0.2; 0.3; 1]);
        set(gca, 'YTickMode', 'Manual', 'YTick', [-63; 0]);
        set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['63'; '0'])
执行后可得如图 3.48 所示的结果。
```

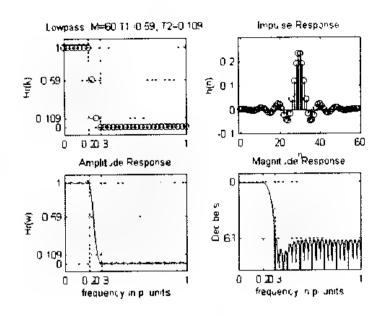


图 3.48 低通滤波器设计

例 3.44 设计带通滤波器

$$\omega_{1s} = 0.2\pi$$
 $\omega_{2s} = 0.8\pi$ A, = 60 dB
 $\omega_{1p} = 0.35\pi$ $\omega_{2p} = 0.65\pi$ R_p = 1 dB

解 选 M-40, 过渡带的两个取样点 T₁-0.1090, T₂ 0.5941, 则 MATLAB 程序为 ex3044. m:

```
% Example 3.44
% Freq. Samp. Tech.: Bandpass, Optimum method T1 & T2
\% ws1-0. 2pi, wp1-0. 35pi, wp2=0. 65pi, ws2-0. 8pi,
% Rp-1dB, As-60dB
\frac{9}{10} T2-0.5941, T1-0.1090
M = 40; alpha (M-1)/2; l=0:M-1; wl=(2 * pi M) * l;
T1-0.109021; T2 0.59417456;
Hrs [zeros(1, 5), T1, T2, ones(1, 7), T2, T1, zeros(1, 9), T1, T2,
      ones(1, 7), T2, T1, zeros(1, 4)];
Hdr=[0, 0, 1, 1, 0, 0]; wdl=[0, 0.2, 0.35, 0.65, 0.8, 1];
k1 - 0; floor((M 1)/2); k2 = floor((M-1)/2) + 1; M 1;
angH [ alpha * (2 * pi)/M * k1, alpha * (2 * pi)/M * (M k2)];
H-Hrs. * exp(j*angH);
h=real(ifft(H, M));
[db, mag, pha, grd, w]-freqz m(h, 1);
[Hr. ww.a, L] Hr Type2(h);
%
```

```
% plot
        %
        figure(1)
        subplot(2, 2, 1); plot(wl(1,21)/pi, Hrs(1,21), 'o', wdl, Hdr);
        axis([0, 1, -0.1, 1.1]); title('Bandpass: M=40, T1=0.5941, T2=0.109')
        ylabel('Hr(k)')
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.35, 0.65, 0.8, 1])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0.59, 0.109, 1]); grid
        subplot(2, 2, 2); stem(l, h); axis([ 1, M, 0.4, 0.4])
        title('Impulse Response'); xlabel('n'); ylabel('h(n)');
        subplot(2, 2, 3); plot(ww/pi, Hr, wl(1,21)/pi, Hrs(1,21), 'o');
        axis([0, 1, -0.1, 1.1]); title('Amplitude Response')
        xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Hr(w)')
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.35, 0.65, 0.8, 1])
        set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0.59, 0.109, 1]); grid
        subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, db); axis([0, 1, -100, 10]); grid
        title('Magnitude Response'); xlabel('frequency in pi units');
        vlabel('Decibels');
        set(gca, 'XTickMode', 'Manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.35, 0.65, 0.8, 1]);
        set(gca, 'YTickMode', 'Manual', 'YTick', [ 60; 0]);
        set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['60'; '0'])
执行后得如图 3.49 所示的结果。
```

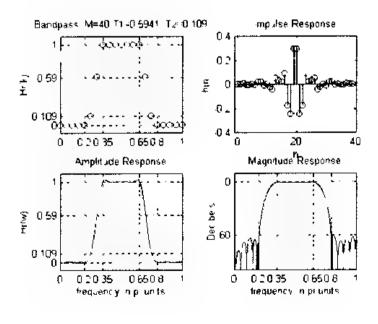


图 3.49 带通滤波器设计

例 3.45 设计高通滤波器

```
\omega_{a} = 0.6\pi A<sub>a</sub> = 50 dB

\omega_{p} = 0.8\pi R<sub>p</sub> = 1 dB
```

解 选 M=33(必须为奇数),且在过渡区增加两个取样点 $T_1=0.1095$, $T_2=0.5980$ 。 这时 MATLAB 程序为 ex3045. m:

```
% Example 3.45
%
% Freq. Samp. Tech.: Highpass, Optimum method T1
\% ws=0.6pi, wp=0.8pi, Rp-1dB, As-50dB
\% M-33, T1=0.1095; T2=0.5980;
%
M=33; alpha=(M-1)/2; l=0; M-1; wl=(2*p_1/M)*l;
T1-0.1095; T2=0.598;
Hrs-[zeros(1, 11), T1, T2, ones(1, 8), T2, T1, zeros(1, 10)];
Hdr = [0, 0, 1, 1]; wdl = [0, 0.6, 0.8, 1];
k1-0; floor((M-1)/2); k2-floor((M-1)/2)+1; M-1;
angH = [-alpha * (2 * pi)/M * k1, alpha * (2 * pi)/M * (M-k2)];
H = Hrs. * exp(j * angH);
h=real(ifft(H, M));
[db, mag, pha, grd, w]=freqz_m(h, 1);
[Hr, ww, a, L]=Hr Typel(h);
%
% plot
%
figure(1)
subplot(2, 2, 1); plot(wl(1:17)/pi, Hrs(1:17), 'o', wdl, Hdr);
axis([0, 1, 0.1, 1.1]); title('Highpass: M=33, T1=0.1095, T2=0.598')
ylabel('Hr(k)')
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0; . 6; . 8; 1])
set(gca, 'XTickLabelMode', 'manual', 'XTickLabels', ['0', '.6', '.8', '1'])
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0.109, 0.59, 1]); grid
subplot (2, 2, 2); stem (1, h); axis ([1, M, ]
                                            [0.4, 0.4]
title ('Impulse Response'); xlabel ('n'); ylabel ('h(n)');
subplot(2, 2, 3); plot(ww/pi, Hr, wl(1:17)/pi, Hrs(1:17), 'o');
axis([0, 1, 0.1, 1.1]); title('Amplitude Response')
xlabel('frequency in pr units'); ylabel('Hr(w)')
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0; . 6; . 8; 1])
set(gea, 'XTickLabelMode', 'manual', 'XTickLabels', ['0'; '.6'; '.8'; '1'])
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, 0, 109, 0, 59, 1]); grid
```

```
subplot(2, 2, 4); plot(w pi, db); axis([0, 1, 100, 10]); grid title('Magnitude Response'); xlabel('frequency in pi units); ylabel('Decibels'); set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0; .6; .8; 1]) set(gca, 'XTickLabelMode', 'manual', 'XTickLabels', ['0'; '.6'; '.8'; '1']) set(gca, 'YTickMode, 'Manual, 'YTick', [50; 0]); set(gca, YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '0'])
```

执行后得如图 3.50 所示的结果。

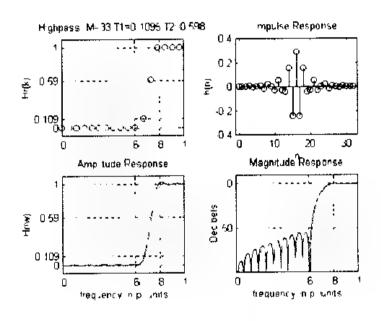


图 3 50 高通滤波器设计

3.6.4 最佳等波纹设计技术

例 3.46 设计低通滤波器

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 0.25 \text{ dB}$ $\omega_s = 0.3\pi$ $A_s = 50 \text{ dB}$

画出等波纹滤波器特性。

解 MATLAB 程序为 ex3046.m:

deltaH-max(delta1, delta2);

```
% Example 3.46
%
% Lowpass filter design using PM algorithm
%
wp 0.2 * pi; ws = 0.3 * pi; Rp-0.25; As=50;
delta1=(10^ (Rp/20) 1)/(10^ (Rp/20)+1);
delta2=(1+delta1) * (10^ (As/20));
```

200

```
weights - [delta2/delta1 1];
        deltaf = (ws wp)/(2 * pi);
        M ceil(( 20 * log10(sqrt(delta1 * delta2)) 13) (14.6 * deltaf) + 1);
                          % modification
        M-M+4
        f [0 wp/pi ws/pi 1];
        m [1100];
        h = remez(M-1, f, m, weights);
        [db, mag, pha, grd, w] freqz m(h, [1]);
        delta w 2 * pi/1000; wsi ws/delta w +1; wpi wp/delta_w;
        Asd
                max(db(wsi:1:501))
        %
        % Plots
        %
        figure(1);
        subplot(2, 1, 1); stem([0:1:M-1], h); title('Actual Impulse Response')
        axis([0 M - 1 - 0.1 0.3]); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
        set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, M-1])
        set (gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 0.1:0.1:0.3])
        subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude Response in dB');
        axis([0, 1,
                     80, 10]);
        xlabel('frequency in pi units'); ylabel('DECIBELS')
        set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1])
        set (gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 50, 0])
        set (gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '0']), grid
执行后得
        M-
          47
        Asd-
          51.0857
并同时产生如图 3.51 所示的等波纹滤波器特性。
    例 3.47 设计等波纹带通滤波器
                     \omega_{is} = 0.2\pi
                                   \omega_{1p} = 0.35\pi R_p = 1 dB
                     \omega_{2p}=0.65\pi \omega_{2s}=0.8\pi A_s=60~\mathrm{dB}
画出滤波器特性。
    解 MATLAB 程序为 ex3047. m:
        %
        %
             Bandpass filter design using PM algorithm
```

deltaL - min(deltal, delta2);

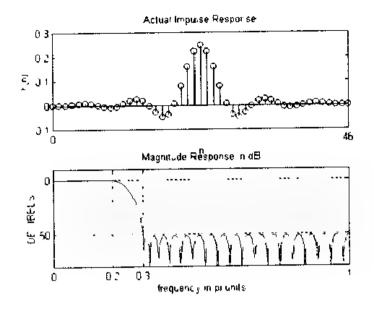


图 3.51 低通等波纹滤波器特性

```
%
ws1 = 0.2 * pi; wp1 = 0.35 * pi; wp2 = 0.65 * pi; ws2 = 0.8 * pi;
Rp = 1.0; As -60;
delta1 = (10^{\circ} (Rp/20) - 1)/(10^{\circ} (Rp/20) + 1);
delta2 - (1 + delta1) * (10^ (-As/20));
deltaH-max(delta1, delta2); deltaL-min(delta1, delta2);
weights = [1 delta2/delta1 1];
delta f = min((ws2 wp2)/(2*pi), (wp1 ws1)/(2*pi));
M-ceil((20 * log10(sqrt(delta1 * delta2)) 13)/(14.6 * delta f) +1);
M = M + 1
f = [0 \text{ ws}1/\text{pi wp}1/\text{pi wp}2/\text{pi ws}2/\text{pi} 1];
m = [0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0];
h=remez(M 1, f, m, weights);
[db, mag, pha, grd, w]=freqz m(h, [1]);
delta w = 2 * pi/1000;
wsl1-floor(wsl/delta.w)+1; wpl1-floor(wpl/delta.w)+1;
ws21-floor(ws2/delta_w) +1; wp2i-floor(wp2/delta_w)+1;
Asd = \max(db(1:1:wsl1))
%
% Plots
%
figure(1);
subplot(2.1, 1); stem([0:1:M-1], h); title('Actual Impulse Response')
```

axis([0, M-1, -0.4, 0.5]); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, M-1])
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [-0.4,0.2,0.5])
subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude Response in dB');
axis([0, 1, 80, 10]); xlabel('frequency in pi units'); ylabel('DECIBELS')
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', f)
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [-60, 0]);
set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['60'; '0']); grid
执行后得
M=
29
Asd=

同时得到如图 3.52 所示的滤波器特性。

61.2843

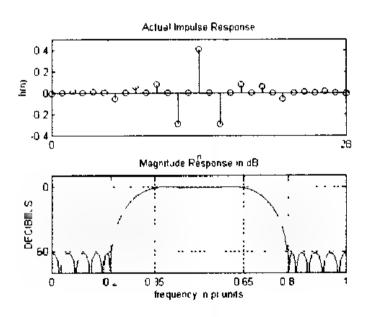


图 3.52 带通等波纹滤波器特性

例 3. 48 设计阶梯形滤波器,3 个频带的指标为 频带 1: 0 < ω < 0. 3π 増益为 1, δ₁ - 0. 01 频带 2: 0. 4π < ω < 0. 7π 増益为 0. 5, δ₂ - 0. 005 频带 3: 0. 8π < ω < π 増益为 0. δ₃ - 0. 001 解 MATLAB 程序为 ex3048. m: % Example 3. 48

% Staircase filter design using PM algorithm %

```
w1 = 0; w2 = 0.3 * p1; delta1 = 0.01;
        w3 = 0.4 * pi; w4 = 0.7 * pi; delta2 = 0.005;
        w5 = 0.8 * pi; w6 = pi; delta3 = 0.001;
        deltaH = max([delta1, delta2, delta3]);
        deltaL = min([delta1, delta2, delta3]);
        weights - [delta3/delta1 delta3 delta2 1]:
         delta f = \min((w3 - w2)/(2 * p_1), (w5 - w3) (2 * p_1));
         \% optimum value was found at M=49
         M=49:
         f = [0 \text{ w}2/\text{pi w}3/\text{pi w}4/\text{pi w}5/\text{pi }1];
         m-[1 1 0.5 0.5 0 0];
         h remez(M 1, f, m, weights);
         [db, mag, pha, grd, w] freqz m(h, [1]);
         delta w = 2 * pi/1000;
         w_{11}-floor(w_{11}/delta w_{11}+1; w_{21}-floor(w_{21}/delta w_{11}+1;
         w_3 = floor(w_3/delta \ w) + 1; w_4 = floor(w_4/delta \ w) + 1;
         w_{51}-floor(w_{51} delta w_{51}+1; w_{61}-floor(w_{61} delta w_{51}+1;
         Asd = \max(db(w5i, w6i))
         %
         % Plots
         %
         figure(1);
         subplot(2, 1, 1); stem([0:1:M-1], h); title('Actual Impulse Response')
                            0.1, 0.6]); xlabel('n'); ylabel('h(n)')
         axis([0, M-1,
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, M-1])
         set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 0.1:0.1:0.6])
         subplot(2, 1, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude Response in dB');
                      80, 10]); xlabel('frequencý in pi units'); ylabel('DECIBELS')
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', f)
         set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 60, 0])
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['60; '0']); grid
执行后得
         Asd =
           60.6068
同时得如图 3.53 所示的滤波器特性。
```

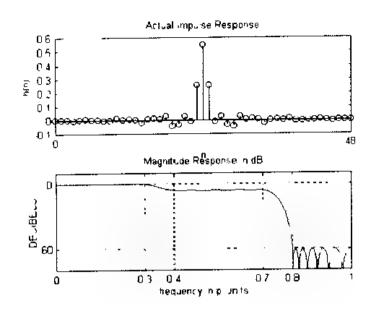


图 3.53 阶梯形等波纹滤波器特性

3.7 IIR 滤波器设计

MATLAB扩展函数有 13 种。

```
1. 非归一化 Butterworth 模拟低通滤波器原型设计
```

```
u buttap. m
function [b, a]-u. buttap(N, Omegac);
\% Unnormalized Butterworth Analog Lowpass Filter Prototype
% [b, a] = u_buttap(N, Omegac);
% b -numerator polynomial coefficients of Ha(s)
\% a -denominator polynomial coefficients of Ha(s)
% N-Order of the Butterworth Filter
% Omegac Cutoff frequency in radians/sec
%
[z, p, k]-buttap(N);
p−ρ * Omegac;
k - k * Omegac ^ N;
B=real(poly(z));
b0-k;
b-k*B;
a = real(poly(p));
```

2. 变滤波器直接形式为级联形式

```
sdir2cas, m
 function [C, B, A]-sdir2cas(b, a);
 % DIRECT - form to CASCADE - form conversin in s plane
 % -----
 % [C, B, A] = sdir2cas(b, a)
 % C-gain coefficient
 % B-K by 3 matrix of real coefficients containing bk's
 % A-K by 3 matrix of real coefficients containing ak's
 % b-numberator polynomial coefficients of DIRECT form
 % a=denominator polynomial coefficients of DIRECT form
 %
 Na = length(a) - 1; Nb = length(b) - 1:
 % compute gain coefficient C
b0=b(1); b=b/b0;
a0=a(1); a=a/a0;
C = b0/a0:
%
% Denominator second - order sections:
p = cplxpair(roots(a)); K = floor(Na/2);
if K * 2 = = Na
                    % Computation when Na is even
    A = zeros(K, 3):
    for n=1:2:Na
       Arow=p(n,1,n+1,...);
       Arow \rightarrow poly(Arow):
       A(fix((n+1)/2, :)=real(Arow);
    end
elseif Na = -1
                    % Computation when Na=1
     A=[0 \text{ real}(poly(p))];
else
                    % Computation when Na is odd and >1
    A = zeros(K+1, 3)
    for n-1:2:2 * K
       Arow -p(n;1;n+1, :);
       Arow - poly(Arow);
       A(fix(n+1)/2, :) = real(Arow);
   end
```

```
A(K+1, :)-[0 \text{ real}(poly(p(Na))];
   end
    % Numerator second - order sections:
    z-cplxpair(roots(b)); K-floor(Nb/2);
    if Nb = 0
                        % Computation when Nb=0
      B = [0 \ 0 \ poly(z)];
    elseif K * 2 -- Nb
                        % Computation when Nb is even
        B-zeros(K, 3);
        for n-1:2:Nb
           Brow -z(n;1;n+1, :)
           Brow = poly(Brow);
           B(fix((n+1)/2), :) - real(Brow);
        end
    elseif Nb--1
                        % Computation when Nb-1
         B=[0 \text{ real}(poly(z))];
                        % Computation when Nb is odd and >1
    else
        B=zeros(K+1, 3);
        for n=1:2:2 * K
           Brow = z(n;1;n+1,:)
           Brow = poly(Brow);
           B(fix((n+1)/2, :) - real(Brow);
        end
        B(K+1,:)-[0 real(poly(z(Nb))];
    end
3. Butterworth 低通滤波器原型设计
    afd butt, m
    function [b, a]-afd butt(Wp, Ws, Rp, As);
    % Analog Lowpass Filter Design: Butterworth
    % [b, a] - afd butt(Wp, Ws, Rp, As):
    % b = Numberator coefficients of Ha(s)
    \frac{9}{2} a = Denominator coefficients of Ha(s)
    % Wp=Passband edge frequency in rad/sec; Wp>0
    % Ws-Stopband edge frequency in rad/sec; Ws>Wp>0
    % Rp-Passband ripple in +dB; (Rp>0)
    \% As – Stopband attenuation in +dB; (As>0)
```

```
%
    if Wp < 0
               error ('Passband edge must be larger than 0')
    end
    if Ws < - Wp
               error ('Stopband edge must be larger than Passband edge')
    end
    if (Rp < -0) (As < 0)
               error ('PB ripple and/or SB attenuation must be larger than 0')
    end
    N = ceil((log10((10^{\circ}(Rp/10) - 1)/(10^{\circ}(As/10) - 1))))
          /(2 \times \log 10(Wp/Ws));
    fprintf (' \n * * * Butterworth Filter Order = \frac{1}{2} 2. 0f \n', N)
    OmegaC = Wp/((10^{\circ}(Rp/10)-1)^{\circ}(1/(2*N)));
    [b, a] u buttap(N, OmegaC);
4. freas 的修正
freqs m 函数可计算出滤波器的幅值响应(绝对和相对)及相位响应。
    freqs m.m
    function [db, mag, pha, w]-freqs m(b, a, wmax);
    % Computation of s domain frequency response; Modified version
    % [db, mag, pha, w] freqs m(b, a, wmax);
    % db-Relative magnitude in dh over [0 to wmax]
    % mag - Absolute magnitude over [0 to wmax]
    % pha Phase response in radians over [0 to wmax]
    % w-array of 500 frequency samples between [0 to wmax]
    % b Numerator polynomial coefficients of Ha(s)
    % a - Denominator polynaomial coefficients of Ha(s)
    % wmax = Maximum frequency in rad/sec over which response is desired
    9/1
    w = [0:500] * wmax/500;
    H-freqs(b, a, w);
    mag abs(H);
    db \cdot 20 * log10((mag + eps)/max(mag));
    pha angle(H);
```

```
5. 非归一化 Chebyshev I 型模拟低通滤波器原型设计
     u chblap. m
     function [b, a] -u chblap(N, Rp, Omegac);
     % Unnormalized Chebyshev 1 Analog Lowpass Filter Prototype
     % -- --
                  -- --
     % [b, a]-u chblap(N, Rp, Omegac);
     % b-numberator polynomial coefficients
     \% a -denominator polynomial coefficients
     % N -Order of the Elliptic Filter
     % Rp-Passband Ripple in dB; Rp>0
     % Omegac - Cutoff frequency in radians sec
     %
    [z, p, k] = \text{cheb1ap}(N, Rp);
               a = realpoly(p));
               aNn - a(N + 1);
               p-p * Omegac:
               a - real(poly(p)):
              aNu - a(N + 1);
              k-k * aNu/aNn:
              bo-k:
              B = real(poly(z));
              b-k*B:
6. Chebyshev I 型模拟低通滤波器原型设计
   afd chb1. m
   function [b, a] afd chb1(Wp, Ws, Rp, As);
   % Analog Lowpass Filter Design: Chebyshev 1
         - - -- -- --
   % [b, a] -afd chb1(Wp, Ws, Rp, As);
   % h=Numberator coefficients of Ha(s)
   % a-Denominator coefficients of Ha(s)
   \% Wp\!-\!Passband edge frequency in rad sec; Wp\!>\!0
   \% Ws -Stopband edge frequency in rad/sec; Ws>Wp>0
   \% Rp-Passband ripple in +dB; (Rp>0)
   \% As-Stopband attenuation in +dB; (As>0)
   %
  if Wp < -0
```

```
error('Passband edge must be larger than 0')
   end
   if W_s < -W_p
              error ('Stopband edge must be larger than Passband edge')
   end
   _{1f} (R_{p} < -0) (A_{s} < 0)
              error('PB ripple and/or SB attenuation must be larger than 0')
   end
   ep = sqrt(10^ (Rp/10) - 1);
   A=10^{\circ} (As 20);
   ()megaC - Wp;
   ()megaR -Ws Wp;
    g - \operatorname{sqrt}(A * A - 1)/\operatorname{ep};
   N-ceil(log10(g+sqrt(g*g-1)) log10(OmegaR+sqrt(OmegaR)))
          * OmegaR 1)));
    fprintf(' \ * * * Chebyshev -1 Filter Order = \%2.0f \ 'n', N)
    [b, a]=u chblap(N, Rp, OmegaC);
7. 非归一化 Chebyshev 『型模拟低通滤波器原型设计
    и chb2ap. m
    function [b, a]=u chb2ap(N, As, Omegac);
    % Unnormalized Chebyshev -2 Analog Lowpass Filter Prototype
    % --- -----
    % [b, a]=u chb2ap(N, As, Omegac);
    1/2 b=numerator polynomial coefficients
     % a – denominator polynomial coefficients
     % N-Order of the Elliptic Filter
     % As-Stopband Ripple in dB; As>0
     % Omegac-Cutoff frequency in radians/sec
     %
     [z, p, k] = cheb2ap(N, As);
             a = real(poly(p));
             aNn-a(N+1);
             p -p * Omegac;
             a - real(poly(p));
             aNu=a(N+1);
              b=real(poly(p));
             M = length(b):
```

```
z-z * Omegac;
            b=real(poly(z));
            bNu-b(M);
            k=k*(aNu*bNn)/(aNn*bNu);
            b0-k:
            b=k * b;
8. Chebyshev I型模拟低通滤波器原型设计
    afd chb2. m
    function [b, a]=afd_chb2(Wp, Ws, Rp, As);
    % Analog Lowpass Filter Design: Chebyshev 2
    %-------
    % [b, a] = afd chb2(Wp, Ws, Rp, As);
    % b-Numberator coefficients of Ha(s)
    % a - Denominator coefficients of Ha(s)
    % Wp-Passband edge frequency in rad/sec; Wp>0
    % Ws−Stopband edge frequency in rad/sec; Ws>Wp>0
    % Rp=Passband ripple in +dB; (Rp>0)
    % As-Stopband attenuation in +dB; (As>0)
    %
    if \mathbf{W}_{\mathbf{p}} < = 0
              error ('Passband edge must be larger than 0')
    end
    _{1f} W_{s} < -W_{p}
              error('Stopband edge must be larger than Passband edge')
    end
    if (Rp < = 0) (As < 0)
              error ('PB ripple and/or SB attenuation must be larger than 0')
    end
    ep = sqrt(10^{\circ} (Rp/10) - 1);
    A = 10^{(As/20)};
    OmegaC-Wp;
    OmegaR-Ws/Wp;
    g = sqrt(A * A - 1)/ep;
    N-ceil(log10(g+sqrt(g*g-1))/log10(OmegaR+sqrt(OmegaR
          * OmegaR 1)));
    fprintf('\n * * * Chebyshev 2 Filter Order = %2. 0f \n', N)
```

bNn-b(M);

```
[b, a] u chb2ap(N, As, Ws);
```

9. 非归一化椭圆模拟低通滤波器原型设计 и elipap. m function [b, a]-u elipap(N, Rp, As, Ornegac); % Unnormalized Elliptic Analog Lowpass Filter Prototype % - --- --- --- ---% [b, a]-u elipap(N, Rp, As, Omegac); % b - numberator polynomial coefficients % a — denominator polynomial coefficients % N-Order of the Elliptic Filter % Rp-Passband Ripple in dB; Rp>0 % As-Stopband Attebuation in dB; As>0 % Omegac - Cutoff frequency in radians/sec % [z, p, k]-ellipap(N, Rp, As); a = real(poly(p));aNn = a(N+1);p-p * Omegac: a - real(poly(p)); aNu = a(N + 1)b = real(poly(z));M length(b); bNn-b(M): z=z*Omegac;b - real(poly(z)): bNu-b(M): k=k*(aNu/aNn)/(aNn*bNu);b0-k: b-k*b:

10. 椭圆模拟低通滤波器原型设计

```
% a-Denominator coefficients of Ha(s)
    % Wp-Passband edge frequency in rad, sec; Wp>0
    % Ws-Stopband edge frequency in rad/sec; Ws>Wp>0
    % Rp Passband ripple in +dB; (Rp>0)
    % As Stopband attenuation in +dB; (As>0)
    %
    if \mathbf{W} \mathbf{p} < -0
               error ('Passband edge must be larger than 0')
    end
    if W_s < -W_p
               error ('Stopband edge must be larger than Passband edge')
    end
    tf (Rp < -0) (As < 0)
               error ('PB ripple and/or SB attenuation must be larger than 0')
    end
    ep = sqrt(10^{\circ} (Rp/10) = 1);
    A = 10^{(As/20)};
    OmegaC-Wp;
    k - W_{D}/W_{S};
    k1-ep/sqrt(A*A 1);
    capk - ellipke([k. ^ 2 1 k. ^ 2]);
    capk1 - ellipke([k1. ^2) 1 - (k1. ^2)]);
    N-ceil(capk(1) * capk1(2)/(capk(2) * capk1(1)));
    fprintf('\n * * * Elliptic Filter Order - %2. 0f \n', N)
    [b, a] -u elipap(N, Rp, As, OmegaC);
11. 冲激不变法模拟到数字滤波器变换
    imp invr. m
    funtion [b, a]—imp invr(c, d, T)
    1/2 Impulse Invariance Transformation from Analog to Digital Filter
    % [b, a] = imp invr(c, d, T)
    % b-Numerator polynomial in z^ (-1) of the digital filter
    % = Denominator polynomial in z^ (-1) of the digital filter
    % c-Numerator polynomial in s of the analog filter
    % d-Denominator polynomial in s of the anglog filter
    % T−Sampling (transformation) parameter
    %
```

```
[R, p, k]=residue(c, d);

p-exp(p * T);

[b, a]-residuez(R, p, k);

b=real(b'); a-real(a');
```

12. 数字滤波器频率变换

```
zmapping, m
 function [bz, az]=zmapping(bZ, aZ, Nz, Dz)
 \% Frequency band Transformation from Z domain to z - domain
  % ------
 \% [bz, az]-zmapping(bZ, aZ, Nz, Dz)
 % performs:
 %
           b(z)
                   b(Z)
 %
                               N(z)
                  z(Z) Z=- --
 %
           a(z)
 %
                               D(z)
 bzord = (length(bZ) -1 * (length(Nz) -1);
 azord - (length(aZ) - 1 * (length(Dz) - 1);
 bz = zeros(1, bzord + 1):
 for k = 0; bzord
   pln - [1]:
   for l = 0.k - 1;
       pln=conv(pln, Nz);
   end
   pld - [1],
   for l=0; bzord-k 1
      pld = conv(pld, Dz);
   end
   bz-bz+bZ(k+1)*conv(pln, pld);
end
az = zeros(1, azord+1);
for k = 0; azord
   pln = [1];
  for 1 - 0 \cdot k - 1
      pln -conv(pln, Nz);
  end
  pld = \lceil 1 \rceil;
  for l=0:azord -k-1
```

```
end
       az-az+aZ(k+1)*conv(pln, pld);
    end
    az1=az(1); az=az/az1; bz=bz/az1;
13. 利用 Chebyshev I 型滤波器原型设计高通滤波器
    cheb1hpf. m
    function [b, a]-cheb1hpf(wp, ws, Rp, As);
    % IIR Highpass filter design using Chebyshev 1 prototype
    % [b, a]=cheb1hpf(wp, ws, Rp, As);
    \% b=Numberator polynomial of the highpass filter
     % a=Denomiantro polynomial of the highpass filter
     % wp=Passband frequency in radians
     % ws-Stopband frequency in radians
     % Rp-Passband ripple in dB
     % As-Stopband attenuation in dB
     %
     % Determine the digital lowpass cutoff frequeries;
     wplp = 0.2 * pi;
     alpha = -(\cos((wplp + wp)/2))/(\cos((wplp - wp)/2));
     wslp = angle(-(exp(-j*ws) + alpha)/(1 + alpha * exp(-j*ws))):
     %
     % Compute Analog lowpass Prototype Specification:
     T = 1; Fs = 1/T;
     OmegaP = (2/T) * tan(wplp/2);
     OmegaS = (2/T) * tan(wslp/2);
     % Design Analog Chebyshev Prototype Lowpass Filter:
     [cs, ds]-afd chb1(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
     \% Perform Bilinear transformation to obtain digital lowpass
     [blp, alp]=bilinear(cs, ds, Fs);
     % Transform digital lowpass into highpass filter
     Nz = -[alpha, 1]; Dz = [1, aplha];
     [b, a]—zmapping(blp, alp, Nz, Dz);
```

3.7.1 模拟滤波器的原型特性

例 3.49 设计模拟 Butterworth 低通滤波器

pld -conv(pld, Dz);

$$\Omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 7 dB$

```
\Omega_s = 0.3\pi A<sub>s</sub> - 16 dB
           叮直接利用 afd butt 函数实现。MATLAB程序为 ex3049. m;
           % Example 3.49
           %
           % Butterworth Lowpass Analog filter design
           %
           Wp = 0.2 * pi; Ws = 0.3 * pi; Rp = 7; As = 16;
          Ripple=10 ^{\circ} ( Rp/20); Attn ^{\circ}10 ^{\circ} (-As/20);
           [b, a]-afd butt(Wp, Ws, Rp, As);
          [C, B, A]-sdir2cas(b, a)
          [db, mag, pha, w]-freqs m(b, a, 0.5 * pi);
          [ha, x, t] - impulse(b, a);
          %
          % Plots
          figure(1)
          subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
          x.abel('Analog frequency in pi units'); ylabel(',H');
          axis([0, 0.5, 0, 1.1])
          set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 0.5]);
          set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
          subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB')
         xlabel('Analog frequency in pi units'); ylabel('decibels');
         axis([0, 0.5,
                          30, 57)
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 0, 5]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [ 30, As, -Rp, 0]); grid
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['30'; '16'; '7'; '0'])
         subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
         xlabel('Analog frequency in pi units'); ylabel('radians');
         axis([0, 0.5,
                         1, 1)
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 0.5]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-1, -0.5, 0, 0.5, 1]); grid
         subplot(2, 2, 4); plot(t, ha, [0, max(t)], [0, 0]); title('Impulse Response')
        xlabel('time in seconds'); ylabel('ha(t)');
        axis([0, max(t), min(ha), max(ha)])
执行后得
         * * * Butterworth Filter Order 3
        C -
```

ĺ

В

0.1238

从而得系统函数

$$H_a(s) = \frac{0.1238}{(s^2 + 0.4985s + 0.2485)(s + 0.4985)}$$

同时程序执行得到如图 3.54 所示的 Butterworth 模拟滤波器曲线。

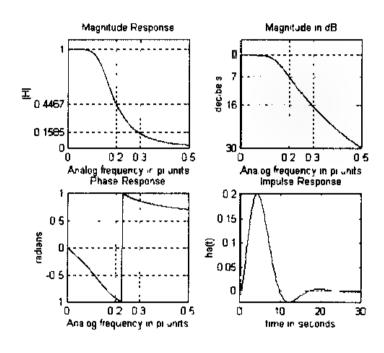


图 3.54 Butterworth 模拟滤波器设计

例 3.50 设计 Chebyshev I型模拟低通滤波器

$$\Omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 1 dB$
 $\Omega_s = 0.3\pi$ $A_s = 16 dB$

解 可直接利用 afd_chb1函数设计, MATLAB 程序为 ex3050. m:

% Example 3.50

%

% Chebyshev-1 Lowpass Analog filter design

%

Wp-0.2*pi; Ws-0.3*pi; Rp-1; As=16;

Ripple $-10^{(-Rp/20)}$; Attn $-10^{(-As/20)}$;

[b, a]-afd chb1(Wp, Ws, Rp, As);

[C, B, A] = sdir2cas(b, a)

[db, mag, pha, w]-freqs m(b, a, 0.5 * pi);

[ha, x, t] impulse(b, a);

%

```
% Plots
         figure(1);
         subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
         xlabel('Analog frequency in pi units'); ylabel(' H');
         axis([0, 0.5, 0.1.1])
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 0.5]);
         set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
         subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB')
         xlabel('Analog frequency in prunits'); ylabel('decibels');
         axis([0, 0.5,
                         30, 51)
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 0, 5]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-30, -As, Rp, 0]); grid
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['30'; '16'; '1'; '0'])
         subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
         xlabel('Analog frequency in pi units'); ylabel('radians');
         axis([0, 0.5,
                         1, 1 1)
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 0.5]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-1, -0.5, 0, 0.5, 1]); grid
         subplot (2, 2, 4); plot (t, ha, [0, max(t)], [0, 0]); title ('Impulse Response')
         xlabel('time in seconds'); ylabel('ha(t)');
         axis([0, max(t), min(ha), max(ha)])
执行后得
         * * * Chebyshev -1 Filter Order - 4
        C-
           0.0383
        B-
           0
                0
                     1
        A —
           1.0000
                     0.4233
                                 0.1103
           1.0000
                     0.1753
                                 0.3895
从而得系统级联形式为
                                           0.0383
             H_s(s) = \frac{0.0383}{(s^2 + 0.4233s + 0.1103)(s^2 + 0.1753s + 0.3895)}
执行程序还得到如图 3.55 所示的 Chebyshev I 型模拟滤波器曲线。
    例 3.51 设计椭圆模拟低通滤波器
```

$$\Omega_{p} = 0.2\pi$$
 $R_{p} = 1 \text{ dB}$ $\Omega_{s} = 0.3\pi$ $A_{s} = 16 \text{ dB}$

解 可直接利用 afd elip 函数进行设计, MATLAB 程序为 ex3051. m: % Example 3.51

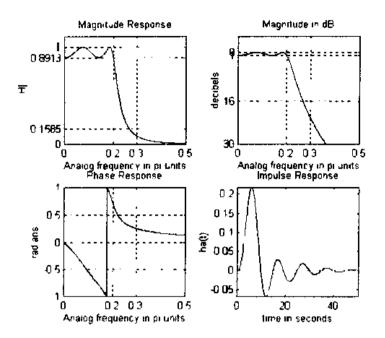


图 3.55 Chebyshev I 型模拟滤波器设计

```
%
 % Elliptic Lowpass Analog filter design
 %
W_p=0.2 * pi; W_s=0.3 * pi; R_p=1; A_s=16;
Ripple=10^{(-Rp/20)}; Attn=10^{(-As/20)};
[b, a] = afd.elip(Wp, Ws, Rp, As);
[C, B, A]-sdir2cas(b, a)
[db, mag, pha, w]=freqs_m(b, a, 0.5 * pi);
[ha, x, t]=impulse(b, a);
%
% Plots
figure(1);
subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
xlabel('Analog frequency in pr units'); ylabel('|H|');
axis([0, 0.5, 0, 1.1])
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 0.5]);
set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB')
xlabel('Analog frequency in pi units'); ylabel('decibels');
axis([0, 0.5, -30, 1])
set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 0, 5]);
set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-30, -As,
                                                         Rp, 0]); grid
set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['30'; '16'; '1'; '0']
```

C =

0.2740

B-

A —

这说明可用 3 阶随圆滤波器实现

$$H_{a}(s) = \frac{0.274(s^2 + 0.6641)}{(s^2 + 0.1696s + 0.4102)(s + 0.4435)}$$

执行程序同时产生如图 3.56 所示的滤波器曲线。

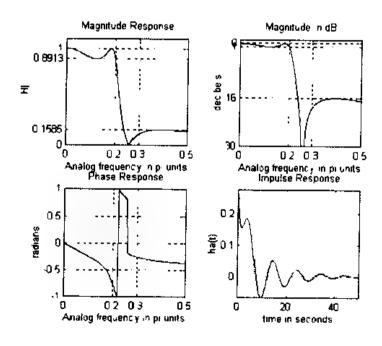


图 3.56 椭圆模拟滤波器设计

例 3.52 利用 Butterworth 原型设计低通滤波器, 使满足

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 1 \text{ dB}$
 $\omega_s = 0.3\pi$ $A_s = 15 \text{ dB}$

```
解 MATLAB 程序为 ex 3052. m;
    % Example 3.52
    %
    % Impulse Invariance Transformation
    % Butterworth Lowpass Filter Design
    %
    wp - 0.2 * pi;
    ws = 0.3 * p1;
    Rp=1;
    As-15;
    T-1:
    OmegaP-wp * T:
    OmegaS-ws * T:
    ep = sqrt(10^{(Rp/10)-1)};
    Ripple—\operatorname{sqrt}(1/(1+\operatorname{ep} * \operatorname{ep}));
    Attn-1/(10^{(As/20)});
    %
    % Analog Butterworth Prototype Filter Calculation:
    [cs, ds]=afd butt(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
    [b, a]-imp invr(cs, ds, T);
    [C, B, A]-dir2par(b, a)
    %
    % Plot
    figure(1);
    [db, mag, pha, grd, w]-freqz_m(b, a);
    subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
    xlabel('frequency in pr units'); ylabel(',H'); axis([0,1,0,1.1])
    set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
    set (gca. 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
    subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
    xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
    axis([0, 1, -40, 5]);
    set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
    set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-50, 15, -1, 0]); grid
    set (gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
   subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
   xlabel('frequency in pi units'); ylabel('pi units');
   axis([0, 1, -1, 1]);
   set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
```

* * * Butterworth Filter Order = 6

C--

B⊸

1.
$$8557 - 0.6304$$

$$0.2871 - 0.4466$$

A —

$$1.0000 -0.9973 0.2570$$

1. 0000
$$-1.0691$$
 0. 3699

1.
$$0000 - 1.2972 0.6949$$

这说明 6 阶 Butterworth 滤波器的系统函数为

$$H(z) = \frac{1.8587 - 0.6304z^{-1}}{1 - 0.9973z^{-1} + 0.257z^{-2}} + \frac{-2.1428 + 1.1454z^{-1}}{1 - 0.0691z^{-1} + 0.3699z^{-2}} + \frac{0.2871 - 0.4466z^{-1}}{1 - 1.2972z^{-1} + 0.6949z^{-2}}$$

执行程序同时产生如图 3.57 所示的滤波器曲线。

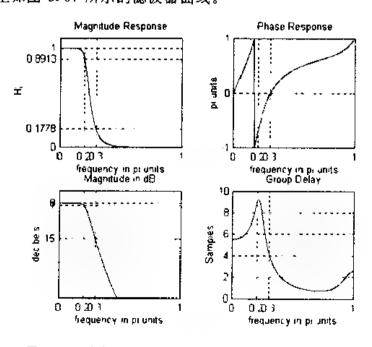


图 3.57 冲激不变法设计数字 Butterworth 低通滤波器

```
例 3.53 利用 Chebyshev I型滤波器原型设计低通滤波器,使之满足
```

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 1 \text{ dB}$
 $\omega_r = 0.3\pi$ $A_r = 15 \text{ dB}$

```
解 MATLAB 程序为 ex 3053. m;
```

```
% Example 3.53
%
% Impulse Invariance Transformation
% Chebyshev-1 Lowpass Filter Design
%
% Digital Filter Specifications:
wp = 0.2 * pi;
ws -0.3 * pi;
Rp-1;
As-15:
T 1;
OmegaP-wp * T;
OmegaS-ws * T;
ep = sqrt(10^{\circ} (Rp/10) - 1);
Ripple = \operatorname{sqrt}(1/(1+\operatorname{ep} * \operatorname{ep}));
Attn=1/(10^{(As/20)});
                               % Stopband Attenuation
[cs, ds]=afd chb1(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
[b, a] = imp invr(cs, ds, T);
[C, B, A] = dir2par(b, a)
%
% Plot
figure(1);
[db, mag, pha, grd, w]=freqz m(b, a);
subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('|H|'); axis([0, 1, 0, 1, 1])
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
axis([0, 1,
              40, 5]);
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [ 50, 15, 1, 0]); grid
set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
```

这表明 4 阶 Chebyshev I 型滤波器的系统函数为

$$H(z) = \frac{-0.0833 - 0.0246z^{-1}}{1 - 1.4934z^{-1} + 0.8392z^{-2}} + \frac{0.083 + 0.0239z^{-1}}{1 - 1.5658z^{-1} + 0.6549z^{-2}}$$

执行程序同时还得到了如图 3.58 所示的滤波器曲线。

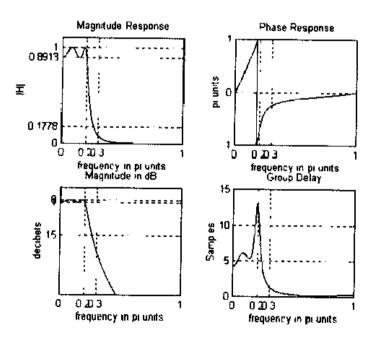


图 3.58 冲敷不变法设计数字 Chebyshev I 型低通滤波器 例 3.54 利用椭圆滤波器原型设计低通数字滤波器,使之满足

```
\omega_{p} = 0.2\pi \qquad R_{p} = 1 \text{ dB}
\omega_{s} = 0.3\pi \qquad A_{s} = 15 \text{ dB}
```

```
MATLAB 程序为 ex3054. m:
 % Example 3.54
 %
 1/2 Impulse Invariance Transformation
 % Elliptic Lowpass Filter Design
 %
 % Digital Filter Specifications:
 wp = 0.2 * pt;
 ws -0.3 * pi;
 R_{p}-1;
 As-15;
 T 1:
 OmegaP - wp * T;
 OmegaS-ws * T;
 ep - sqrt(10^{(Rp/10)} 1);
 Ripple - sqrt(1/(1+ep * ep));
 Attn 1/(10^{(As/20)});
                                       % Stopband Attenuation
 [cs, ds] afd elip(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
 [b, a]-imp invr(cs, ds, T);
 [C, B, A] - dir2par(b, a)
 %
 % Plot
 figure(1);
 [db, mag, pha, grd, w]-freqz m(b, a);
 subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
 xlabel('frequency in pi units'); ylabel('|H'); axis([0, 1, 0, 1, 1])
 set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
 set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
 subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
 xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
 axis([0, 1,
               40, 5]);
 set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
 set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [ 50, 15,
                                                          [1,0]); grid
set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('pi units');
axis([0, 1, -1, 1]);
```

1. 0000 —1. 4854

0.8521

1.0000 -- 0.6338

这表明 3 阶椭圆滤波器的系统函数为

$$H(z) = \frac{-0.16 + 0.1299z^{-1}}{1 - 1.4854z^{-1} + 0.8521z^{-2}} + \frac{0.4560}{1 - 0.6338z^{-1}}$$

执行程序还得到了如图 3.59 所示的滤波器曲线。

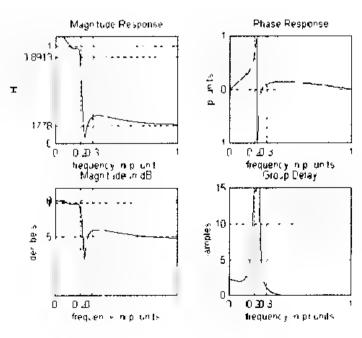


图 3. 9 冲激不变法设计椭圆低通滤波器

例 3.55 与例 3.51 类似,利用双线性变换设计数字 Butterworth 滤波器

$$\omega_{\rm r} = 0.2\pi$$
 R_p - 1 dB

```
\omega_s = 0.3\pi
                                         A_{\bullet} = 15 \text{ dB}
解 MATLAB程序为 ex3055. m:
    % Example 3.55
    %
    % BiLinear Transformation.
    % Butterworth Lowpass Filter Design
    %
    % Digital Filter Specifications:
    wp - 0.2 * pt_1
    ws = 0.3 * pi;
   Rp=1:
   As=15;
   T=1; Fs=1/T;
   OmegaP-(2/T) * tan(wp/2);
   OmegaS = (2/T) * tan(ws/2);
   ep - sqrt(10^{(Rp/10)});
   Ripple = sqrt(1/(1+ep*ep));
   Attn = 1/(10^{(As/20)});
                                   % Stopband Attenuation
   [cs, ds]-afd.butt(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
   [b, a]=bilinear(cs, ds, T);
   [C, B, A]-dir2cas(b, a);
   %
   % Plot
   figure(1);
   [db, mag, pha, grd, w]=freqz.m(b, a);
  subplot(2, 2, 1); plot(w/p1, mag); title('Magnitude Response')
  xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' H|'); axis([0, 1, 0, 1, 1])
  set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
  set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
  subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
  xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
  axis([0, 1, -40, 5]);
  set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
  set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-50, -15, -1, 0]); grid
  set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
  subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
  xlabel('frequency in pi units'); ylabel('pi units');
```

axis([0, 1, -1, 1]);

set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);

set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-1, 0, 1]); grid
subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, grd); title('Group Delay')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Samples');
axis([0, 1, 0, 10])
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0:2:10]); grid

执行后得

* * * Butterworth Filter Order - 6

同时产生如图 3.60 所示的滤波器曲线。

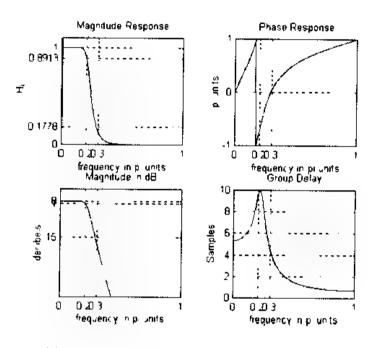


图 3.60 双线性变换法设计 Butterworth 低通滤波器

例 3.56 与例 3.52 类似,利用双线性变换设计数字 Chebyshev I 型滤波器

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 1 \text{ dB}$ $\omega_s = 0.3\pi$ $A_s = 15 \text{ dB}$

解 MATLAB 程序为 ex3056. m.

% Example 3.56

%

% BiLinear Transformation:

% Chebyshev -2 Lowpass Filter Design

%

% Digital Filter Specifications:

$$\mathbf{wp} = 0.2 * \mathbf{pi}$$
;

ws
$$-0.3 * pi$$
;

$$Rp-1$$
;

$$As-15$$
:

$$T=1$$
; $Fs=1/T$;

```
OmegaS=(2/T) * tan(ws/2);
         ep = sqrt(10^{(Rp/10) - 1)};
         Ripple = sqrt(1/(1+ep * ep));
         Attn=1/(10^{(As/20)});
                                               % Stopband Attenuation
         [cs, ds] - afd chb2(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
         [b, a]—bilinear(cs, ds, T);
         [C, B, A]-dir2cas(b, a);
         %
         % Plot
         figure(1);
         [db, mag, pha, grd, w]-freqz m(b, a);
         subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magnitude Response')
         xlabel('frequency in pr units'); ylabel(' H');
         axis([0, 1, 0, 1.1])
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
         subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
         xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
         axis([0, 1, -40, 5]);
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
         set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-50, -15, 1, 0]); grid
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
         subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
         xlabel('frequency in pi units'); ylabel('pi units');
         axis([0, 1,
                       1, 1 \rceil);
         set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
         set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-1, 0, 1]); grid
        subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, grd); title('Group Delay')
        xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Samples');
        axis([0, 1, 0, 15])
        set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
        set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0:5:15]); grid
执行后得
         * * * Chebyshev - 2 Filter Order - 4
同时还得到了如图 3.61 所示的滤波器曲线。
    例 3.57 与例 3.53 类似,利用双线性变换设计数字椭圆滤波器
                                             R_{\nu} - 1 dB
                                    0. 2\pi
                              \omega_s = 0.3\pi \qquad A_s = 15 \text{ dB}
```

OmegaP -(2/T) * tan(wp/2);

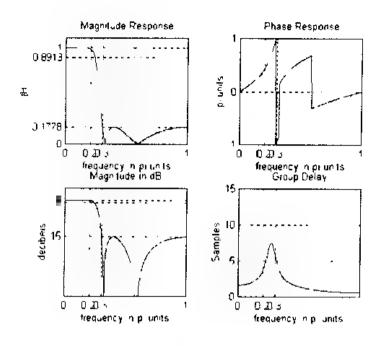


图 3.61 双线性变换法设计 Chebyshev I 型低通滤波器

```
MATLAB 程序为 ex3057. m:
 % Example 3.57
 %
 % BiLinear Transformation:
 % Elliptic Lowpass Filter Design
 %
 % Digital Filter Specifications:
wp - 0.2 * pi;
ws = 0.3 * p1;
Rp-1;
As -15;
T=1; Fs=1/T;
OmegaP -(2/T) * tan(wp/2);
OmegaS=(2/T) * tan(ws/2);
ep = sqrt(10^*(Rp/10)-1);
Ripple = \operatorname{sqrt}(1/(1 + \operatorname{ep} * \operatorname{ep}));
Attn=1/(10^{\circ} (As/20));
                                        % Stopband Attenuation
[cs, ds]-afd elip(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
[b, a]-bilinear(cs, ds, T);
[C, B, A]-dir2cas(b, a);
%
% Plot
figure(1);
[db, mag, pha, grd, w]-freqz m(b, a);
```

```
subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, mag); title('Magn.tude Response')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' H ');
axis(\{0, 1, 0, 1, 1\})
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0, Attn, Ripple, 1]); grid
subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, db); title('Magnitude in dB');
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
axis([0, 1,
              40, 5]);
set (gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
set (gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-50, -15,
set (gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['50'; '15'; '1'; '0'])
subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, pha/pi); title('Phase Response')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('pi units');
axis([0, 1, -1, 1]);
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 0, 3, 1]);
set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [-1, 0, 1]); grid
subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, grd); title('Group Delay')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('Samples');
axis([0, 1, 0, 15])
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 0.3, 1]);
set(gca, 'YTickmode', 'manual', 'YTick', [0:5:15]); grid
```

* * * Elliptic Filter Order = 3

同时还得到如图 3.62 所示的滤波器曲线

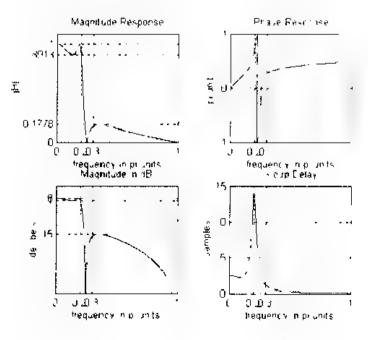


图 3.62 双线性变换设计椭圆低通滤波器

3.7.3 低通滤波器设计

```
例 3.58 设计数字 Butterworth 低通滤波器
```

$$\omega_{p} = 0.2\pi$$
 $R_{p} = 1 \text{ dB}$ $\omega_{s} = 0.3\pi$ $A_{s} = 15 \text{ dB}$

```
解 MATLAB程序为 ex3058. m:
```

% Example 3.58

%

% Butterworth Lowpass Filter Design:

% Use of the BUTTER function

%

% Digital Filter Specifications:

wp - 0.2 * p1;

ws -0.3 * pi;

Rp-1;

As-15;

T-1:

OmegaP = (2/T) * tan(wp/2);

OmegaS-(2/T)*tan(ws/2);

[N, wn]-buttord(OmegaP, OmegaS, Rp, As, 's')

1.0106

wn = wn/pi;

[b, a] - butter(N, wn);

[C, B, A] dir2cas(b, a)

执行后得

N-

6

wn-

0.7662

C-

9.2957 e - 004

В--

1.0000 2.0105

1.0000 1.9894 0.9895

1.0000 2.0001 1.0000

A -

1.0000 0.8630 0.1978 1.0000 0.9669 0.3420

1. 0000 - 1.2218 0.6957

例 3.59 设计数字 Chebyshev I 型低通滤波器

$$\omega_{p} = 0.2\pi$$
 $R_{p} - 1 \text{ dB}$
 $\omega_{s} = 0.3\pi$ $A_{s} - 15 \text{ dB}$

解 MATLAB程序为ex3059.m:

% Example 3.59

%

% Butterworth Lowpass Filter Design:

% Use of the CHEBY1 function

%

% Digital Filter Specifications:

$$wp = 0.2 * pi;$$

$$ws = 0.3 * pi;$$

$$Rp=1;$$

$$T-1;$$

OmegaP -(2/T) * tan(wp/2);

$$OmegaS - (2/T) * tan(ws/2);$$

[N, wn]=cheblord(OmegaP, OmegaS, Rp, As, 's')

wn-wn/pi;

[b, a]-cheby1(N, Rp, wn);

[C, B, A]=
$$dir2cas(b, a)$$

执行后得

N --

4

wn ---

0.6498

C-

0.0021

B---

1.0000

2.0024

1.0024

1.0000

1.9976

0.9976

A =

1.0000

1.4728

0.8441

1.0000

-1.5386

0.6394

例 3.60 先设计 Chebyshev I 型低通滤波器

$$\omega_p = 0.2\pi$$
 $R_p = 1 dB$

$$R_b = 1 dB$$

 $\omega_{\star}' = 0.3\pi$

 $A_s = 15 \text{ dB}$

然后设计高通滤波器,使波纹系数同上,截止截率为 $\omega_n=0.6\pi$ 。

解 MATLAB 程序为 ex3060. m:

% Example 3.60

```
%
  % Chebyshev -1 Highpass Filter Design:
  % Use of the ZMAPPING function
  %
  % Digital Lowpass Filter Specifications:
  %
  wplp = 0. 2 * p_1;
 wslp = 0.3 * pi:
 Rp-1:
 As-15;
 T-1; Fs-1/T:
 OmegaP-(2/T) * tan(wplp/2);
 OmegaS = (2/T) * tan(wslp/2);
 ep = sqrt(10^{\circ} (Rp/10) 1)_{t}
 Ripple = \operatorname{sqrt}(1/(1+\operatorname{ep} * \operatorname{ep})):
 Attn=1/(10^{(As/20)}):
 [cs, ds]-afd chb1(OmegaP, OmegaS, Rp, As);
 [blp, alp]=bilinear(cs, ds, T);
 wphp-0.6 * pi;
 % LP-to-HP frequency-band transformation:
 alpha = -(\cos((wplp + wphp)/2))/(\cos((wplp - wphp)/2))
 Nz = -[alpha, 1]; Dz = [1, alpha];
 [bhp, ahp]=zmapping(blp, alp, Nz, Dz);
 [C, B, A]=dir2cas(bhp, ahp)
 %
 % Plot
 figure (1); subplot (1, 1, 1)
 [dbl, magl, phal, grdl, w]-freqz m(blp, alp);
subplot(2, 2, 1); plot(w/pi, magl);
title ('Lowpass Filter Magnitude Response')
xlabel('frequency in pi units'); ylabel(',H|'); axis([0, 1, 0, 1]);
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.2, 1]);
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, Ripple, 1]); grid
subplot(2, 2, 2); plot(w/pi, dbl);
title('Lowpass Filter Magnitude in dB');
xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
axis([0 1 -30 0]);
set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 2, 1])
set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [ 30, -Rp, 0]); 1
```

```
set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['30'; '1'; '0']);
         [dbh, magh, phah, grdh, w]-freqz m(bhp, ahp);
         subplot(2, 2, 3); plot(w/pi, magh);
         title('Highpass Filter Magnitude Response')
         xlabel('frequency in pi units'); ylabel(' H '); axis([0, 1, 0, 1])
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0.6, 1]);
         set (gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [0, Ripple, 1]); grid
         subplot(2, 2, 4); plot(w/pi, dbh);
         title('Highpass Filter Magnitude in dB');
         xlabel('frequency in pi units'); ylabel('decibels');
         axis([01 - 300]);
         set(gca, 'XTickMode', 'manual', 'XTick', [0, 0, 6, 1])
         set(gca, 'YTickMode', 'manual', 'YTick', [-30, Rp, 0]); grid
         set(gca, 'YTickLabelMode', 'manual', 'YTickLabels', ['30'; '1'; '0']);
执行后得
         * * * Chebyshev-1 Filter Order-4
        alpha -
           -0.3820
        C-
           0.0243
        B-
           1.0000
                      -2.0000
                                  1.0000
           1.0000
                        2.0000
                                  1,0000
        A ==
           1.0000
                     1.0416
                                  0.4019
           1.0000
                     0.5561
                                  0.7647
因此高通滤波器的系统函数为
         H(z) = \frac{0.0243(1-z^{-1})^4}{(1+1.0416z^{-1}+0.4019z^{-2})(1+0.5561z^{-1}+0.7647z^{-2})}
同时得到如图 3.63 所示的滤波器曲线。
    例 3.61 利用 Chebyshev I 型滤波器原型,设计高通数字滤波器
                             \omega_{\rm p}=0.6\pi
                                           R_p = 1 dB
                              \omega_a = 0.4586 A<sub>a</sub> = 15 dB
    解 MATLAB 程序为 ex3061. m:
        % Example 3. 61
        %
        % Chebyshev-1 Highpass Filter Design:
        % Use of the CHEBY1HPF function
        %
```

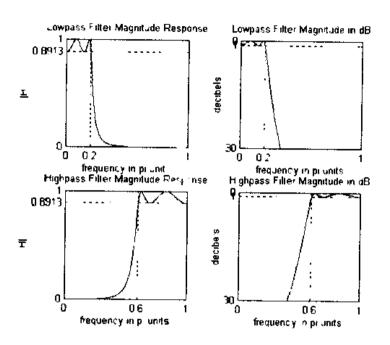


图 3.63 低通和高通滤波器特性

% Digital Highpass Filter Specifications:

wp - 0.6 * pi;

ws - 0.4586 * pt;

Rp-1;

As-15;

[b, a]=cheb1hpf(wp, ws, Rp, As);

[C, B, A]=dir2cas(b, a)

执行结果与例 3.59 样,这说明这两种方法是一致的,显然这里的程序要短得多。

附录 A

MATLAB 命令参考

MATLAB 系统提供近 20 类基本命令函数,它们有一部分是 MATLAB 的内部命令,有一部分是以 M 文件形式出现的函数,这些 M 文件按类归于一子目录下,每个目录中除了以 M 文件表示的函数命令之外,还有一个特殊的文件 contents. m,它包含了该目录各个 M 文件的简介。每个函数文件中都包含了这一函数的用法指南,因此可用命令:

help fn

来显示有关函数 fn 的帮助信息(fn 为 M 文件名),也可用命令,

help dn

来显示该目录下各函数文件的简要说明(dn 为目录名)。

限于篇幅,本附录不再列出各个函数详细说明,用户可利用 help 命令获得这些信息,也可参看《MATLAB 程序设计语言》·书。

表 A. 1 为 20 类基本命令函数的子目录及其含义,表 A. 2~A. 20 中列出各类函数的简要说明,以供用户参考。

目 录 名	命令函数	索引
general	通用命令	表 A. 2
ops	操作符和特殊字符	表 A 3
elfun	基本数学函数	表 A. 4
specfun	特殊数学函数	表 A. 5
elmat	基本矩阵和矩阵操作	表 A 6
specmat	特殊矩阵	表 A. 7
matfun	矩阵函数 数值线性代数	表 A. 8
sparfun	稀疏矩阵函数	表 A 9
datafun	数据分析和傅里叶变换函数	表 A. 10
funfun	泛函 非线性数值方法	表 A. 11
po.yfun	多项式和内插函数	表 A. 12
graphics	通用图形函数	表 A. 13
plotxy	1维图形函数	表 A 14
plotxyz	:维图形函数	表 A. 15

表 A.1 基本命令函数目录

复表

目录名	命令函数	索引
ang	语言结构和调试	表 A. 16
color	颜色控制和亮度模型函数	表 A. 17
strfun	字符串函数	表 A. 18
sounds	音频处理函数	表 A. 19
ıofan	低级文件 I/O 函数	表 A. 20
demos	演示例子	

表 A. 2 通用命令

■ 管理命令和函数	
help	在线帮助文本
doc	装入超文本说明
what	M、MAT、MEX 文件的目录列表
type	列出 M 文件
.ookfor	通过 help 条目搜索关键字
which	定位函数和文件
demo	运行演示程序
path	控制 MATLAB 的搜索路径
■ 管理变量和工作空间	
who	列出当前变量
whos	列出当前变量(长表)
load	从磁盘文件中恢复变量
save	保存工作空间变量
clear	从内存中清除变量和函数
pack	整理工作空间内存
size	矩阵的尺寸
length	向量的长度
dısp	显示矩阵或文本
■ 与文件和操作系统有关的命令	
cd	改变当前工作目录
dır	目录列表
de.ete	删除文件

和操作系统有天的命令	
getenv	获取环境变量值
1	执行操作系统命令
unix	执行操作系统命令并返回结果
diary	保存 MATLAB 任务
令窗口	
cedit	设置命令行编辑
elc	清命令窗口
home	光标置左上角
format	设置输出格式
echo	MATLAB 文件内使用的回显命令
more	在命令窗口中控制分页输出
退出 MATLAB	
quit	退出 MATLAB
startup	引用 MATLAB 时所执行的 M 文件
matlabre	主启动 M 文件
₽.	
ınfo	MATLAB 系统信息及 Mathworks 公司信息
subscribe	成为 MATLAB 的订购用户
hostid	MATLAB 主服务程序的识别代号
whatsnew	在说明书中未包含的新信息
ver	版本信息
	tunix diary 令管口 cedit clc home format echo more 逐出 MATLAB quit startup matlabre 意

表 A.3 操作符和特殊字符

■ 操作符和特殊字符	
+	DC
	减
	矩阵乘法
. *	数组乘法
•	矩阵幂
. ~	数组幂
	左除或反斜杠

			**
■ 操作符和特殊5	F符		
		右除或斜杠	
		数组除	
kro	n	Kronecker 张量积	
:		冒号	
0		圆括号	
		方括号	
,		小数点	
•••		父目录	
		继续	
		逗号	
ı		分号	
%		注释	
,		感叹号	
,		转置 或引用	
		赋值	
		相等	
< >	>	关系操作符	
-8-		逻辑与	
		逻辑或	
~		逻辑非	
xor		逻辑异或	
	<u> </u>	之件开头	
		W * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	
exis	ı	检查变量或函数是否存在	
any all		向量的任一元为真, 则其值为真 一向量的所有元为真, 则其值为真	
find		找出非零元素的索引号	
isnai		当含 NaN 时,其值为真	
ısınf		当含无限大元时,其值为真	
finite	e	当含有限值元时,其值为真	
ısem	pt	当矩阵为空矩阵时,其值为真	
ısrea		当矩阵为实矩阵时,其值为 真	
ısspa	rse	当矩阵为稀疏矩阵时,其值为真	
ısstr		当矩阵为文本串时,其值为真	
ısglo	bal	当变量为全局变量时,其值为真	

表 A. 4 基本数学函数

		27·27·20	
■ 三州流	■ 三角海截		
	sin	正弦	
	sınh	双曲正弦	
	asın	反正弦	
	asınh	反双曲正弦	
	cos	余弦	
:	cosh	双曲余弦	
:	acos	反余弦	
	acosh	反双曲余弦	
	tan	正切	
	tanh	双曲正切	
	atan	反正切	
	atan2	四象限反正切	
	atanh	反双曲正切	
	sec	正割	
	sech	双曲正割	
	asec	反正割	
	asech	反双曲正割	
	csc	余割	
	csch	双曲余割	
	acsc	反余割	
	acsch	反双曲余割	
	cot	余切	
	coth	双曲余切	
į	acot	反余切	
	acoth	反双曲余切	
■ 指數函	t		
	exp	指数	
	log	自然对数	
	log10	常用对数	
	sqrt	平方根	

順 复胜函数	
abs	绝对值
argle	相角
conj	复共轭
image	复数虚部
real	复数实部
■ 数值函数	
fix	朝零方向取整
floor	朝负无穷大方向取整
ceil	朝正无穷大方向取整
round	朝最近的整教取整
rem	除后余数
sign	符号函数

表 A.5 特殊数学函数

第一类 Bessel(贝塞尔)函数
第二类 Bessel 函数
改进的第一类 Bessel 函数
改进的第二类 Bessel 函数
β类函数
非完全的 β 函数
β函数的对数
雅可比椭圆函数
完全椭圆积分
误差函数
互补误差函数
比例互补误差函数
逆误差函数
指数积分函数
γ函数
最大公约数
非完全了函数

lcm	最小公倍数
.og2	分割浮点数
pow2	比例浮点数
rat	有理逼近
rats	有理輸出
cart2pol	变卡笛尔坐标为极坐标
cart2sph	变卡笛尔坐标为球坐标
pol2cart	变极坐标为卡笛尔坐标
sph2cart	变球坐标为卡笛尔坐标

表 A. 6 基本矩阵和矩阵操作

■ 基本矩阵	
zeros	零矩阵
ones	全"1"矩阵
eye	单位矩阵
rand	均匀分布的随机数矩阵
randn	正态分布的随机数矩阵
lınspace	线性间隔的向量
logspace	对数间隔的向量
meshgrid	:维图形的 X 和 Y 数组
	规则间隔的向量
■ 特殊变量和常数	
ans	当前的答案
eps	相对浮点精度
rea.max	最大浮点数
realmin	最小浮点数
рι	圆周率值 3.141 592 603 589 7
1, j	虚数 单位
inf	无穷大
nan	非数值
flops	浮点运算次数
nargin	函数输入变量数

特殊变量和常数	
nargout	函数输出变 量 数
computer	计算机类型
18.eee	当计算机采用 IEEE 算术标准时, 其值为真
why	简明的答案
version	MATLAB 版本号
时间和日期	
clock	墙上挂钟
cputime	CPU 时间(以秒为单位)
date	日历
etime	计时函数
tic	秒表开始执行
toc	秒表停上
矩阵操作	
d.ag	建立或提取对角阵
fliplr	矩阵作左右翻转
flipud	矩阵作上下翻转
reshape	改变矩阵大小
rot 90	¹ 矩阵旋转 90°
tril	提取矩阵的下三角部分
triu	提取矩阵的上、角部分
:	矩阵的索引号,重新排列矩阵

表 A.7 特殊矩阵

compan	友矩阵
gallery	几个小的测试矩阵
hadamard	Hadamard 矩阵
hankel	Hankel 矩阵
hub	Hi.bert 矩阵
ınvhilb	逆 Hubert 矩阵
kron	Kronecker 张量积
magic	魔方矩阵
pascal	Pascal 矩阵

漢表

rosser	经典的对称特征值测试问题
toeplitz	Toeplitz 矩阵
vander	Vandermonde 矩阵
wilkinson	Wilkinson 特征值测试矩阵

表 A.8 矩阵函数 ---数值线性代数

	14 A. O A. P. E.	数值线性代数
■ 矩阵分析		
	cond	计算矩阵条件数
	norm	计算矩阵或向量范数
	rcond	Linpack 逆条件值估计
	rank	计算矩阵秩
	det	计算矩阵行列式值
	trace	计 算 矩阵的迹
	null	零矩阵
	orth	正交化
	rref	减缩行格式矩阵
■ 线性方程		
	\和 /	线性方程求解
	chol	Cholesky 分解
	lu	高斯消元法求系数阵
	ימו	矩阵求逆
	qr	正交三角矩阵分解(简称 QR 分解)
	qrdelete	从QR分解中消去一列
	qrinsert	在 QR 分解中插入一列
	nnls	非负最小二乘
	pinv	矩阵伪逆
	lscov	协方差已知的情况下最小二乘求解
9 特征值和	等异位	
	eig	求特征值和特征向量
	poly	求特征多项式
	polyeig	多项式特征值问题
	hess	Hessberg 形式

翻 特征值和奇异值		
	qz	广义特征值
	rsf2csf	变实分块对角阵为复对角形式
	caf2raf	变复对角矩阵为实分块对角形式
	schur	Schur 分解
	balance	矩阵均衡处理以提高特征值糟度
	svd	奇异值分解
■ 矩阵函	k	
	expm	矩阵指数
	expm1	实现 expm 的 M 文件
1	expm2	通过泰勒级数求矩阵指数
	expm3	通过特征值和特征向量求矩阵指数
	logm	矩阵对数
	sqrtm	矩阵开平方根
	funm	般矩阵的计算

表 A.9 稀疏矩阵函数

医主格税 拒陷		
speye	稀疏单位矩阵	
sprandn	稀疏随机矩阵	
sprandsym	对称的稀疏随机矩阵	
spdiags	从对角阵中形成稀疏矩阵	
■ 完全矩阵和稀疏矩阵之间变换		
sparse	从非零元素及其序号中形成稀疏矩阵	
full	变稀疏矩阵为完全矩阵	
fınd	找出非零元素的序号	
spconvert	稀疏矩阵外部结构的变换	
■ 稀疏矩阵非零元素的处理		
nnz	非零元素的数目	
nonzeros	非零元素	
nzmax	分配给非零元素的存储量	
spones	用"1"取代非零元素	
spal.oc	为非零 元素分配内存	

新成	矩阵非零元素的处理	
	ıssparse	当矩阵为稀疏矩阵时,其值为真
	spfun	只对非零元素取函数
■显示	構改矩阵	
	spy	显示稀疏结构
	gplot	绘图
■ 排序.	D.法	
	colmmd	列最小度
	symmmd	最小对称度
	symrem	逆 Cathill - Mckee 序
	colperm	基于非零元素按列排序
	randperm	随机排列向量
	dmperm	Dulmage - Mendelsohn 分解
■范数	、条件数和秩	
	normest	2 范数估计
	condest	1 范数条件估计
	sprank	结构化秩
日 回型	条作	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	treelayout	显示 个或多个结构树
	treeplot	画结构树
	etree	求矩阵的消元树
	etreeplot	画 消元树图
■ 其它		
	symbfact	符号分解分析
	spparms	为稀疏矩阵处理过程设置参数
	spaugment	形成最小 1乘增广系统

表 A. 10 数据分析和傅里叶变换函数

■ 基本操作		
max	取最大分量	
m.n	取最小分量	
mean	求均值	
median	求中值	

		
■基本	操作	
	std	求标准差
	sort	按升序排列
	sum	· 求各元繁之和
	prod	求各元素之积
	cumsum	 求元素累积和
	cumprod	
	trapz	利用梯形法计算数值积分
有限		11/14 PER DE LA STEME DE LA ST
10.06	dıff	计算差分和近似微分
	gradient	计算近似梯度
	de ₁ 2	5 点离散拉普拉斯变换
百量	操作	
	cross	向量的矢量积
	dot	向量的点积
相关		
	corrcoef	求相关系数
	cov	求协方差矩阵
	subspace	子空间之间的夹角
滤波		
	filter	-维数字滤波器
	filter2	· - 维数字滤波器
	conv	→ -
	conv2	
	deconv	反卷积和多项式除法
(#屋€	计变换	22 Miles AMAILA
	fft	离散傳里叶变换
	fft2	· 维离散傅里叶变换
	ıfft	离散 逆傳 里叶变换
	ıfft2	二维离散逆傅里叶变换
	abs	取模(绝对值)
	angle	取相角
	unwrap	删除跨越 360°边界的相角
	fftshift	将零点平移到频谱中心

■ 何里叶变换		
cplxpair	将数值分类成复共轭对	
nextpow2	最靠近 2 的幂次	

表 A. 11 泛函---非线性数值方法

低阶法求解常微分方程
低阶法求解常微分方程并绘出结果图形
高阶法求解常微分方程
低阶法计算数值积分
高阶法计算数值积分
单变量函数的极小化
多变量函数的极小化
找出单变量函数的零点
函数绘图

表 A.12 多项式和内插函数

3	式	
	roots	求多项式根
	poly	构造具有指定根的多项式
	polyval	多项式计算
	polyvalm	带矩阵变量的多项式计算
	residue	部分分式展开(留数计算)
	polyfit	数据的多项式拟合
	polyder	微分多项式
	conv	多项式乘法
	deconv	多项式除法
■ 数据		
•	interpl	-维数据内插(一维查表)
	interp2	〔维数据内插(〔维查表)
	interpft	利用 FFT 进行一维数据内插
	griddata	数据网格

■ 样条内	插	
	spline	3次样条数据内插
	ppva.	分段多项式计算

表 A. 13 通用图形函数

		週 用 图 形函数
■ 建立和	控制图形窗口	
	figure	建立图形(图形窗口)
	gcf	获取当前图形的句柄
	clf	消除当前图形
	close	美闭图形
■ 建立和	控制坐标系	
	subplot	在标定位置上建立坐标系
	axes	在任意位置上建立坐标系
ļ	gca	 获取当前坐标系的句柄
	cla	消除当前坐标系
	axis	控制坐标系的刻度和形式
	caxis	控制伪彩色坐标刻度
	hold	 保持当前图形
■句柄图列	形对象	
	figure	建立图形窗口
	axes	· 建立坐标系
	line	 建
	text	建立文本串
	pateh	建立图形填充块
	surface	建立曲面
	image	建立图像
	uicontrol	建立用户界面控制
	uimenu	建立用户界面菜单
句柄图形	·操作	
	set	设置对象特性
	get	获取对象特性
	reset	重置对象特性
	delete	删除对象

■ 句柄图形操作				
·	gco	获取当前对象的句柄		
	drawnow	填充未完成绘图事件		
	newplot	预测 NextPlot 性质的 M 文件		
	fındobj	寻找指定特性值的对象		
■ 打印和				
	print	打印图形或保存图形		
	printopt	配置本地打印机缺省值		
	orient	设置纸张取向		
	capture	屏幕抓取当前图形		
■ 前国	. 1			
	moviem	初始化动踂帧内存		
	getframe	获取 功画 帧		
	movie	播放所记录的动画帧		
■ 其它	1			
	ginput	用鼠标输入图形		
	J ishold	返回 Hold 状态		
	graymon	设置灰度显示器的图形缺省值		
	rbbox	涂抹块		
	rotate	沿指定方向旋转对象		
	terminal	设置图形终端类型		
	uiputfile	弹出保存文件的对话框		
	uigetfile	弹出询问文件名的对话框		
	whitebg	设置白色背景的图形窗口缺省值		
	zoom	维图形的放大、缩小		
	waitforbuttonpress	在图形中等待按键 按钮		
■ 用户界	面工具			
	dialog	±对话框建立M 文件		
	figflag	当图形为当前显示时其值为真		
	layout	定义对话框布局参数		
	uiguide	关于用户界面约定/标准,建议的说明		
■ 对话框		ᅔᆂᅡᅷᄔᅥᄷᄨᄼᆉᅜᅩᆏᆏ		
	errordig helpdig	建立出错对话框 建立帮助对话框		

对话	框		
-	questdlg	建立提问对话框	
	warndlg	建立警告对话框	
■ 打印	实用工具		
	prtps	PostScript 打印机驱动程序	
	prtwin	MS Windows 驱动程序	

表 A. 14 二维图形函数

		1X A. 14	——淮田形函数
■ 基本	X - Y 图形		
	plot		线性图形
	logiog		对数坐标图形
	semilogx		半对数坐标图形(X 轴为对数坐标)
	semilogy		 半对数坐标图形(Y 轴为对数坐标)
	fill	i	绘制〔维多边形填充图
■ 特殊	X-Y图形		
	polar		极坐标图
	bar		条形图
	stem		离散序列图或杆图
	stairs	İ	阶梯图
	errorbar	j	误差条图
	hist		直方图
	rose	j	角度直方图
	compass		区域图
	feather	İ	箭头图
	fplot		绘图函数
	comet		图点星
■ 图形2	释		
	tıtle		图形标题
	xlabel		X轴标记
	ylabel		Y轴标记
	text		文本注释
	gtext		用鼠标放置文本
	grid		网格线

表 A. 15 三维图形函数

■曲丝和	区域填充命令	
■ 65 5% 40 1	plot3	在「维空间中绘制曲线和点
	f13	在三维空间中绘制并填充二维多边形
	comet3	一维星点图
■三维数	据的等高线和其它二维图形 —————————————————————	
	contour	等高线图
]	contour3	[维等高线图
	clabel	在等高线图上标注高度
	contoure	等高线图计算
	pcolor	伪彩色图
	quiver	箭头图
■曲面和	网络图形	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	mesh	1维网格曲面
	meshc	 网格和等高线混合图形
	meshz	 带零平面的三维网 格 图
ļ	surf	
	surfc	曲面和等高线混合图形
	surfl	带亮度的三维曲面阴影图
	waterfall	落差图
■ 立体可	视化	
	slice	立体可视图
■ 图形外	形	
	v.ew	指定三维图形视点
	viewintx	显示变换矩阵
	hidden	设置网格消隐方式
	shading	彩色阴影方式
	axıs	坐标轴刻度和外形
	caxis	伪彩色坐标轴刻度
	colormap	颜色对照表
■ 图形注射		
	title	图形标题

■ 密形注集	
xiable	X轴标记
ylable	Y轴标记
zlable	2 轴标记
text	文本注释
gtext	用鼠标放置文本
grıd	网格线
■ 三维对象	
cylinder	产生圆柱体
sphere	产生球

表 A. 16 语言结构和调试

	4X, At 10 30 0 30 191 19 10 1
■ MATLAB 编程语言	
script	有关 MATLAB 的底稿文件和 M 文件的说明
function	增加新的函数
eval	执行由 MATLAB 表达式构成的字串
feva1	执行由字串指定的函数
global	定义全局变量
nargch k	有效的输入变量数
lasterr	保持出错信息
■ 程序控制器	
ıf	条件执行语句
else	与 ɪf 命令配合使用
elseıf	与 if 命令配合使用
end	for, while 和 if 语句的结束
for	重复执行指定次数(循环)
while	重复执行不定次数(循环)
break	终止循环的执行
return	返回引用的函数
error	显示信息并终止函数执行
■ 交互输入	
input	提示用户输入
keyboard	像底稿文件一样使用键盘输入

■ 交互输入	
menu	产生由用户输入选择的菜单
pause	等待用户响应
uimenu	建立用户界面菜单
uicontrol	建立用户界面控制
电话试验 令	
dbstop	设置断点
dbclear	删除断点
dbcont	继续执行
dbdown	改变局部工作空间的内容
dbstack	列出调用者
dbstatus	列出所有断点
dbstep	执行—条或多条语句
dbtype	带行号列出 M 文件
dbup	改变局部工作空间的内容
dbquit	退出调试状态
mexdebug	调试 MEX 文件

表 A. 17 颜色控制和亮度模型函数

■ 颜色控制		
	colormap	颜色对照表
	Caxis	伪彩色坐标轴刻度
	shading	彩色阴影方式
画 節念	ā	
	hsv	色彩 饱和度颜色板
	gray	线性灰度颜色板
	hot	黑 红 黄一白颜色板
	cool	深 <u>蓝</u> 深红阴 影 颜色板
	bone	以蓝色为基调的灰度颜色板
	copper	线性青铜色调的颜色板
	pink	线性粉红阴影颜色板
	prism	光谱颜色板
	jet	hsv 颜色板的变型

■ 断色板		
	flag	红、白、蓝、黑交替的颜色板
■ 藍色板材	世 美函数	
	colorbar	显示颜色条
	hsv2rgb	变 HSV 为 RGB 3 色
	rgb2hsv	变 RGB 为 HSV
	contrast	变灰度颜色板为增强图像对比
	brighten	颜色板加亮或变暗
	spınmap	颜色板旋转
	rgbplot	颜色板绘图
■ 加克模式	t	
	surfl	带亮度的三维曲面阴影图
	specular	镜面反射
	dıffuse	漫反射
	surfnorm	曲面法线

表 A. 18 字符串函数

■ 一般函数	
strings	MATLAB 中有关字符串函数的说明
abs	变字符串为数值
setstr	变数值为字符串
ısstr	当变量为字符串时其值为真
b.anks	空串
debank	删除尾部的空串
str2mat	从各个字符串中形成文本矩阵
eval	执行由 MATLAB 表达式组成的串
■ 字符串比较	
stremp	比较字符串
fındstr	在一字符串中查找另一子串
_pper	变字符串为大写
lower	变字符串为小写
ısletter	当变 量为 字母时,其值为真
sspace	当变量为空白字符时,其值为真

■ 字符串比较		
strrep	取代字符串	
strtok	在字符串中查找标记	
■ 字符串与数值之间变换		
num2str	变数值为字符串	
ınt2str	变整数为字符串	
str2num	变字符串为数值	
sprintf	变数值为格式控制下的字符串	
sscanf	变字符串为格式控制下的数值	
■ 十进制数与十六 进制数 之间变换		
hex2num	变十六进制数为 IEEE 标准下的浮点数	
hex2dec	变十六进制数为十进制数	
dec2hex	变十进制数为十六进制数	

表 A. 19 音频处理函数

■ 一般音频函数	
sound	变向量为音频信号
saxis	音频轴刻度
■ 特定计算机音频函数	
auwnte	写按 Wu .aw 编码的音频文件
auread	读按 Wu .aw 编码的音频文件
wavwrite	写 MS Windows 的. WAV 音频文件
wavread	读 MS Windows 的. WAV 音颗文件
mu2lın	变 Wu .aw 编码音频信号为线性音频信号
lın2mu	变线性音频信号为 Wu-law 编码音频信号

表 A. 20 低级文件 I/O 函数

■ 打开和关闭文件	
fopen	打开文件
fclose	关闭文件
■ 未格式化 I/O	
fread	从文件读 进制数据

■ 未格式化 I/O	A COLO A
fwrite	二进制数据写入到文件
■ 格式化 I/O	
fscanf	从文件中读格式化的数据
fprintf	将格式化数据写入到文件
fgetl	从文件中读行,并丢弃换行符
fgets	从文件中读行,并保持换行符
■ 文件定位	
ferror	查询文件 I/O 出错状态
feof	测试文件尾
fseek	设置文件位置指针
ftel!	获取文件位置指针
frewind	反绕文件
■ 字符串变换	
sprintf	将格式化数据写到字符串
sscanf	从格式化字符串中读取
■ 文件 I/O	
wklconst	WK1 记录定义
wklread	读 WK1 文件
wklwrite	在 WK1 格式化文件中写矩阵
wklwrec	写 WK1 记录头
csvread	从逗号间隔的格式化文件中读一矩阵
csvwrite	写一矩阵到逗号间隔的格式化文件中
dlmread	从以 ASCII 码限界的文件中读一矩阵
dlmwnte	按 ASCII 码限界的文件格式写一矩阵

附录 B

Toolbox 函数

MATLAB 系统提供了许多 Toolbox(工具箱), 而且由 F MATLAB 的可扩充性, Toolbox 的数目与日俱增, 这里仅列出一些基本的工具箱函数, 以备用户查阅。

表 B. 1 为本附录所列出的 Toolbox。表 B. 2~B. 11 为各个 Toolbox 所提供的工具函数。

目 录 名	L 具箱名称	索引
local	局部函数库	表 B. 2
signal	信号处理	表 B. 3
ımage	图像处理	表 B. 4
control	控制系统	表 B. 5
ned	非线性控制设计	表 B. 6
robust	鲁棒控制	表 B 7
ident	系统辨识	表 B. 8
optim	最优化	表 B. 9
nnet	神经网络	表 B. 10
fuzzy	模糊系统	表 B. 11

表 B. 1 MATLAB 提供的部分 Toolbox

表 B. 2 局部函数库

matlabro	MATLAB 的主启动 M 文件
printopt	设置打印选项

表 B. 3 信号处理工具箱

■ 波形方	■ 波形产生	
	sawtooth	产生锯齿波或三角波
	square	产生方波
	SIDC	产生 sinc 或 sin (nt) 函数
	dırıc	产生 Dirichlet 或周期 sinc 函数

<u>.</u>			·
■ 滤波器分析和实现 	2		
abs		取绝对值(幅值)	
angle		取相角	
conv		求卷积	
fltfilt		· 重叠相加法 FFT 滤波器实现	
filter		直接滤波器实现	
filtf.lt		零相位数字滤波	
filtic		filter 函数初始条件选择	
freqs		模拟滤波器频率响应	
freqsp	ace	频率响应中的频率间隔	
freqz		数字滤波器频率响应	
grpdel	ау	平均滤波延迟(群延迟,	
ımpz		数字滤波器的冲激响应	
zplane		离散系统零极点图	
■ 线性系统变换	<u>.</u> .	<u> </u>	,
convr	itx	卷积矩阵	
poly2r	c	从多项式系数中计算反射系数	
rc2pol	y	从反射系数中计算多项式系数	
residu	₽Z	2 变换部分分式展开或留数计算	
sos2ss		变系统 阶分割形式为状态空间形式	
sos2tf		· 变系统 - 阶分割形式为传递函数形式	
sos2zp		变系统二阶分割形式为零极点增益形式	
ss2sos		变系统状态空间形式为二阶分割形式	
ss2tf		变系统状态空间形式为传递函数形式	
ss2zp		变系统状态空间形式为零极点增益形式	
tf2ss		变系统传递函数形式为状态空间形式	
tf2zp		变系统传递函数形式为零极点增益形式	
zp2sos		变系统零极点增益形式为二阶分割形式	
zp2ss		变系统零极点增益形式为状态空间形式	
zp2tf		要系统零极点增益形式为传递函数形式	

	besself	Bessel(贝塞尔)模拟滤波器设计
	butter	Butterworth(比特沃思)滤波器设计
	cheby 1	Chebyshev(切比雪夫) I 型滤波器设计
	cheby2	Chebyshev(切比雪夫) I 型滤波器设计
	ellıp	椭圆滤波器设计
	yulewalk	递归数字滤波器设计
mitur 選出	化酶 阶的选择	
	buttord	Butterworth 滤波器阶的选择
	cheblord	Chebyshev I 型滤波器阶的选择
	cheb2ord	Chebyshev I 型滤波器阶的选择
	ellipord	, 横圆滤波器阶的选择
ŀ		
■ FIR 濾油		
	fırl	基于窗函数的 FIR 滤波器设计 ——标准响应
	fir2	基于窗函数的 FIR 滤波器设计 任意响应
	firls	最小二乘 FIR 滤波器设计
	ıntfilt	內插 FIR 滤波器设计
	remez	Parks McCellan 最优 FIR 滤波器设计
	remezord	Parks-McCellan 最优 FIR 滤波器阶估计
● 变换		
	czt	线性调频 Z 变换
	det	离散余弦变换(DCT)
	ıdct	逆离散余弦变换
}	dftmtx	离散傅里叶变换矩阵
į	fft	一维快速傅里叶变换
	ıfft	*************************************
	fftshift	重新排列 FFT 的输出
	hilbert	Hulbert(希尔伯特)变换
		
Ţ.	cov	
	xcov	 互协方差函数估计
	corrcoef	相关系数矩阵

		銀行
■ 统计	·信号处理	
-	xcorr	互相关函数估计
	cohere	相关函数平方幅值估计
	csd	互谱密度(CSD)估计
	psd	信号功率谱密度(PSD)估计
	tfe	从输入输出中估计传递函数
	16	
	boxcar	矩形窗
	triang	三角窗
	bart.ett	Bartlett(巴特利特)窗
	hamming	Hamming(哈明)窗
	hanning	Hanning(汉宁)窗
	blackman	Blackman(布莱克曼)窗
	chebwin	Chebyshev 🕱
	kaiser	Kaiser 窗
参数	化建模	
·	ınvfreqs	模拟滤波器拟合频率响应
	invfreqz	离散滤波器拟合频率响应
	prony	利用 Prony 方法的离散滤波器拟合时间响应
	stmcb	利用 Steightz - McBride 迭代方法求线性模型
	levinson	Levinson · Durbin 递归算法
	ıpe-	线性预测系数
特殊	操作	
	rceps	实倒谐和最小相位重构
	cceps	倒谐分析和最小相位重构
	decimate	降低序列的取样速率
	ınterp	提高取样速率(内插)
	resample	改变取样速率
	medfilt1	·维中值滤波
	deconv	反卷积和 多项式除 法
	modulate	通讯仿真中的调制
	demod	通讯仿真中的解调

■ 特殊と	■ 特殊操作		
	vco	电压控制振荡器	
	specgram	频谱分析	
■ 模拟及	「模拟原型連盟器设计		
	besselap	Bessel 模拟低通滤波器原型	
	buttap	Butterworth 模拟低通滤波器原型	
	cheb1ap	Chebyshev I 型模拟低通滤波器原型	
	cheb2ap	Chebyshev 『 型模拟低通滤波器原型	
	e.lipap	椭圆模拟低通滤波器原型	
电报等 9	谱		
	lp2bp	低通到带通模拟滤波器变换	
	lp2hp	低通到高通模拟滤波器变换	
	lp2bs	低通到带阻模拟滤波器变换	
	lp2lp	低通到低通模拟滤波器变换	
■ 建油器	咸 配化		
	bilinear	双线性变换	
	impinvar	冲激响应不变法实现模拟到数字的滤波器变换	
暴 美它			
	conv2	二维卷积	
	cplxpair	将复数归成复共轭对	
	detrend	删除线性趋势	
	fft2	二维快速傅里叶变换	
	ıfft2		
	filter2		
	polystab	稳定多项式	
	xcorr2	二维互相关	

表 B. 4 图像处理工具箱

■ 图像输入/输出 bmpread bmpwrite bmpwrite gifread gifread hdfpeek hdfpeek hdfread hdwrite pcxread pcxwrite tiffread tiffwrite xwdread xwdwrite bmpwrite ABMP文件写人到磁盘 从磁盘中读 GIF 文件 AFGIF 文件写人磁盘 在 HDF 文件中列出目标标记/参考对 从HDF 文件中读取数据 与数据到 HDF 文件中 pcxread 从磁盘中读 PCX 文件 pcxwrite AFCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 技术可以上的一个表面。 从磁盘中读 XWD 文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件 表述的文件
bmpwrite 将 BMP 文件写人到磁盘 gifread 从磁盘中读 GIF 文件 gifwrite 将 GIF 文件写人磁盘 hdfpeek 在 HDF 文件中列出目标标记/参考对 hdfread 从HDF 文件中读取数据 与数据到 HDF 文件中 pcxread 从磁盘中读 PCX 文件 pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tiffwrite 将 TIFF 文件写人磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
gifread 从磁盘中读 GIF 文件 gifwrite 将 GIF 文件写人磁盘 hdfpeek 在 HDF 文件中列出目标标记/参考对 hdfread 从 HDF 文件中读取数据 hdwrite 写数据到 HDF 文件中 pcxread 从磁盘中读 PCX 文件 pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tiffwrite 将 TIFF 文件写人磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
gufwrite将 GIF 文件写人磁盘hdfpeek在 HDF 文件中列出目标标记/参考对hdfread从 HDF 文件中读取数据hdwrite写数据到 HDF 文件中pcxread从磁盘中读 PCX 文件pcxwrite将 PCX 文件写入磁盘tiffread从磁盘中读 TIFF 文件tiffwrite将 TIFF 文件写入磁盘xwdread从磁盘中读 XWD 文件xwdwrite将 XWD 文件写入磁盘
hdfpeek hdfread hdfread hdwrite pcxread pcxwrite tiffread tiffwrite xwdread xwdwrite hdwrite 与x件中读取数据 与数据到 HDF 文件中 从磁盘中读 PCX 文件 为CX 文件写入磁盘 大磁盘中读 TIFF 文件 特TIFF 文件 大磁盘 大磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
hdfread 从HDF 文件中读取数据 hdwrite 写数据到 HDF 文件中 pcxread 从磁盘中读 PCX 文件 pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tuffwrite 将 TIFF 文件写入磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
hdwrite 写数据到 HDF 文件中 pcxread 从磁盘中读 PCX 文件 pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tiffwrite 将 TIFF 文件写入磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
pcxread pcxwrite pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tiffwrite 将 TIFF 文件写入磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
pcxwrite 将 PCX 文件写入磁盘 tiffread 从磁盘中读 TIFF 文件 tiffwrite 将 TIFF 文件写入磁盘 xwdread 从磁盘中读 XWD 文件 xwdwrite 将 XWD 文件写入磁盘
tiffread从磁盘中读 TIFF 文件tiffwrite将 TIFF 文件写人磁盘xwdread从磁盘中读 XWD 文件xwdwrite将 XWD 文件写入磁盘
tiffwrite将 TIFF 文件写人磁盘xwdread从磁盘中读 XWD 文件xwdwrite将 XWD 文件写入磁盘
xwdread
■ 实用程序
getimage
isbw
isgray 当图像为灰度图像时,其值为真
usind 当图像为加标图像时,其值为真
brighten 加亮或增暗一颜色板
cmaunique 寻找唯一的颜色板及相应的图像
cmpermute 置换颜色板位置
cmgamma
cmgamdef 缺省的 Y 校正表
dither Floyd - Steinberg 图像颤抖算法
hsv2rgb 变 HSV 值为 RGB 颜色空间
imadjust 调整并增强图像强度
ımapprox 利用更少颜色的图像逼近加标图像

三 颜色	A 775	
	ntsc2rgb	变 NTSC 值为 RGB 颜色空间
	rgb2gray	变 RGB 值为灰度值
	rgb2hsv	变 RGB 值为 HSV 颜色空间
	rgb2ntsc	变 RGB 值为 NTSC 颜色空间
	rgbplot	绘制 RGB 颜色板分量的图形
■几何≱	操作	
	ımerop	修剪图像
	ımresize	改变图像大小
	imrotate	旋转图像
	truesize	改变图像大小使之具有实际尺寸
	ımzoom	放大或缩小图像和二维图形
■图像♯	曾强/分析	
	brighten	增强成削弱颜色板
	grayslice	密度(强度)限幅
	histeq	直方图均衡化
	ımadjust	调整和展宽图像强度
	ımapprox	利用较少颜色的图像逼近图像
	imhist	图像直方图
	impixel	-像素点的颜色
	ımprofile	
	interp2	
■ 图像组	- 	
	mean2	矩阵的均值
	corr2	二维相关系 数
	std2	- 1维标准差
■ 形态数	析	
	bwarea	进制图像中的目标区域
	dılate	加浓二进制图像
1	erode	冲淡 二进制图像
]	edge	边界提取
•	bweuler	欧拉数
	bwmorph	形态算子
ł	bwperim	:进制图 像中 目标的周围

FIR (有限冲激响应)滤波	器设计
fsamp2	通过频率取样的 C维 FIR 滤波器设计
fspecial	特殊的「维滤波器
ftrans?	通过频率变换的二维 FIR 滤波器设计
fwina1	使用一维窗函数的 FIR 滤波器设计
fwind2	 使用二维窗函数的 FIR 滤波器设计
ımnoise	图像噪声
频率响应	
freqspace	1.维频率响应的频率空间
freqz2	· 维频率响应
建建	
colfilt	局部非线性滤波
conv2	二维卷积
filter2	二维滤波
meafilt2	:维中值滤波
mfater2	屏蔽滤波
nlfilter	局部非线性滤波
wiener2	自适应:维维纳滤波
分块处理	
bestblk	分块处理的最佳块大小
plkproc	按块处理 -图像
col21m	重新排列以形成图像
colfilt	局部非线性滤波
ım2col	重新排列成列
別区域	
mfilter2	屏蔽滤波
roipoly	定义感兴趣的多边区域
rocolor	用颜色定义感兴趣的区域
英	
dct2	维离散余弦变换
fft2	-维快速傅里叶变换
fftshift	零频移到频谱中心
ıdct2	二维逆离散余弦变换

東 換				
	.fft2	维逆快速傅里叶变换		
	radon	Radon 变换		
■ 转摘	■ 转損			
	dither	Floyd - Steinberg 图像颤抖		
	gray2ind	变灰度图像为附标图像		
	hsv2rgb	变 HSV 值为 RGB 值		
	ım2bw	变图像为黑白图形		
	ımslice	在图像中获取/置人图像块		
	ınd2gray	变附标图像为灰度图像		
	ınd2rgb	变附标图像为 RGB 图像		
	mat2gray	变矩阵为(灰度)图像		
	ntsc2rgb	变 NTSC 值为 RGB 值		
	rgb2gray	变 RGB 图像或值为灰度图像或值		
	rgb2hsv	变 RGB 值为 HSV 值		
	rgb2:nd	变 RGB 图像为附标图像		
	rgb2ntsc	变 RGB 值为 NTSC 值		
■ 图像显	显示	1		
	colorbar	显示颜色条		
}	colormap	设置或获取颜色查找表		
	gray	线性灰度颜色板		
	hsv, hot, jet	↓ 颜色板		
	ımage	显示附标图像		
	ımagesc	数据定标并按图像显示		
	ımcontour	图像等高线		
	ımmovie	制作图像动画		
	ımshow	显示所有类型的图像数据		
	montage	按矩形剪辑方式显示图像		
	subimage	显示多个图像		
	warp	将图像卷成曲面		
■演示	ımdemo	nin Del 163 ha tril Ser		
	detdemo	一般图像处理演示 1维离散余弦变换图像压缩演示		
	firdemo	l i		
]	维 FIR 滤波器演示		

		<u> </u>
黃 示	<u></u>	
nlf	demo	维非线性滤波演示
专用函数		
eur	msum3d	维矩阵封装成二维矩阵时的累积和
det		一维离散余弦变换
det	mtx2	- 元二维离散余弦变换矩阵
dit	herc	图像颤抖的 MEX 文件
ele	m3d	三维矩阵封装成二维矩阵的元素位置
get	line	利用橡皮线跟踪鼠标移动
get	pts	利用可视点跟踪鼠标移动
get	rect	利用橡皮矩形跟踪鼠标移动
gıf		压缩 GIF 数据
hdi	readc	读 HDF 文件的 MEX 文件
hdi	peekc	搜索 HDF 文件的 MEX 文件
ndí	wc	写 HDF 文件的 MEX 文件
ıdeı	:	·维逆离散余弦变换
ım2	gray	变图像为灰度
ımł	iiste	图像直方图计算的 MEX 文件
ndx	:3 d	三维矩阵封装成二维矩阵的索引
rgb	2ım	变 RGB 图像为附标或强度图像
rle		压缩编码数据
tıff		压缩 tiff 编码数据
vmo	luant	与彩色量化 MEX 文件接口的 M 文件
war	bar	显示等待条
AT 文件		
bwr	norph. mat	bwmorph.m 文件的查找表
fore	st. mat	Carmanah Old Growth Forest 的扫描相片
mri,	mat	人体心脑的磁性共振图像
tree	s. mat	树的扫描图像

表 B.5 控制系统工具箱

111		
append	追加系统动态特性	
augstate	变量状态作为输出	
blk build	从方框图中构造状态空间系统	
cloop	系统的闭环	
connect	方框图建模	
conv	两个多项式的卷积	
destim	 从增益矩阵中形成离散状态估计器	
dreg	从增益矩阵中形成离散控制器和估计器	
drmodel	产生隨机离散模型	
estim	从增益矩阵中形成连续状态估计器	
feedback	反馈系统连接	
ord2	产生 1阶系统的 A、B、C、D	
pade	时延的 Pade 近似	
parallel	并行系统连接	
reg		
rmodel	产生随机连续模型	
series	串行系统连接	
ssdelete	从模型中删除输入、输出或状态	
ssselect	从大系统中选择子系统	
■ 神型变换		
c2d	变连续系统为离散系统	
c2dm	利用指定方法变连续为离散系统	
c2dt	带一延时变连续为离散系统	
d2c	变离散为连续系统	
d2cm	利用指定方法变离散为连续系统	
poly	变根值表示为多项式表示	
residue	部分分式展开	
ss2tf	变状态空间表示为传递函数表示	
ss2zp	变状态空间表示为零极点表示	ļ
tf2ss	变传递函数表示为状态空间表示	
tf2zp	变传递函数表示为零极点表示	
zp2tf	变零极点表示为传递函数表示	ĺ
zp2ss	变零极点表示为状态空间表示	1

■ 模型和	3 18	
	ba.rea.	平衡实现
•	dbalreal	离散平衡实现
	dmodrea	离散模型降阶
	minreal	最小实现和零极点对消
	modred	模型降阶
■ 模型多	实现	,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,,
	canon	正则形式
	etrbf	可控阶梯形
	obsvf	可观阶梯形
	ss2ss	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
■ 構型物		
	covar	相对于白噪声的连续协方差响应
	etrb	可控性 矩阵
	damp	阻尼系数和固有频率
	degain	连续稳态(直流)增益
	dcovar	相对于白噪声的离散协方差响应
	ddamp	高散阻尼系数和固有频率
	ddcgain	离散稳态(直流)增益
	dgram	离散可控性和可观性
	dsort	按幅值排序离散特征值
	eig	特征值和特征向量
	esort	按实部排序连续特征值
	gram	可控性和可观性
	obsv	可观性矩阵
	printsys	按格式显示系统
	roots	多项式之根
	tzero	传递零点
NA.	tzero2	利用隨机扰动法传递零点
計議項	dımpulse	密带时间的总址参照成
	dimpulse i din.tial	离散时间单位冲激响应 离散时间零输入响应
	dlsım	任意輸入下的离散时间仿真
	dstep	离散时间阶跃响应

■ 时域响	应	
	filter	单输入单输出 Z 变换仿真
	ımpulse	冲激响应
	initial	连续时间零输入响应
	lsım	任意输入下的连续时间仿真
	ltitr	低级时间响应函数
	step	阶跃响 应
	stepfun	新 斯函数
■ 頻域响	应	
	bode	Bode(波特)图(頻域响应)
	dbode	离散 Bode 图
	dnichols	离散 Nichols 图
	dnyquist	离散 Nyquist 图
	dsigma	离散奇异值頻域图
	fbode	连续系统的快速 Bode 图
	freqs	拉普拉斯变换频率响应
	freqz	2 变换频率响应
	ltıfr	低级频率响应函数
	margin	增益和相位裕度
	nichols	Nichols 图
	ngrid	画 Nichols 图的栅格线
	nyquist	Nyquist 图
	sigma	· 奇异值頻域图
■ 横轨道		<u> </u>
	pzmap	零极点图
	rlocfind	交互式地确定根轨迹增益
	rlocus	画根轨迹
	sgrid	在 ω ₂ , z 网络上画连续根轨迹
	zgrid	在 um, z 网格上 画 离散根轨迹
■ 増益选	¥	
	acker	单输入单输出极点配置
]	dlq e	离散线性 "次估计器设计
	dlqew	离散线性。次估计器设计
	digr	离散线性二次调节器设1+
		··

唯 地名	. 选择	
	dlqry	输出加权的离散调节器设计
	lge	线性二次估计器设计
	lqed	基于连续代价函数的离散估计器设计
	lqe2	利用 Schur 法设计线性二次估计器
	lqew	- 般线性 二次估计器设计
	lgr	线性工次调节器设计
	lgrd	基于连续代价函数的离散调节器设计
	lqry	输出加权的调节器设计
	lqr2	利用 Schur 法设计线性二次调节器
	place	极点配置
■方程		RATIO HOLD
- // 1	are	代数 Riccati 方程求解
	dlyap	离散 Lyapunov 方程求解
7,7	lyap	连续 Lyapunov 方程求解
	lyap2	利用对角化求解 Lyapunov 方程
■ 演为		
	ctrldemo	控制工具箱介绍
	boildemo	锅炉系统的 LQG 设计
	1etdemo	喷气式飞机偏航阻尼的典型设计
	disademo	硬盘控制器的数字控制
	kalmdemo	Kalman 滤波器设计和仿真
■ 实用	月工具	
	abedehk	检测、A,B,C,D)组的一致性
	chop	取 n 个重要的位置
	dexresp	离散取样响应函数
	dfrqint	离散 Bode 图的自动定范围的算法
	dfrqint2	离散 Nyquist 图的自动定范围的算法
	dmulresp	离散多变量响应函数
	dists1	到直线间的距离
	dric	离散 Riccati 方程留数计算
	dsigma2	DSIGMA 实用工具函数
	dtimvec	离散时间响应的自动定范围算法
	exresp	

■ 实用工具		
freqint	Bode 图的自动定范围算法	
freqint2	Nyquist 图的自动定范围算法	
freqresp	低级频率响应函数	
givens	旋转	
housh	构造 Householder 变换	
ımargın	利用内插技术求增益和相位裕度	
lab2ser	变标号为字符串	
mulresp	多变量响应函数	
nargchk	检测 M 文件的变量数	
perpxy	寻找最近的正交点	
poly2str	变多项式为字符串	
printmat	带行列号打印矩阵	
гіс	Riccati 方程留数计算	
schord	有序 Schwr 分解	
sigma2	SIGMA 实用工具函数	
tfehk	检测传递函数的一致性	
tımvec	连续时间响应的自动定范围算法	
tzreduce	在计算过零点时简化系统	
vsort	匹配两根轨迹的向量	

表 B. 6 非线性控制设计工具箱

■ 对话框管理		
coneddlg	管理 NCD 工具箱固定编辑器的对话框	
paramdlg	管理 NCD 优化参数的对话框	
rangedlg	管理坐标系范围的对话框	
refdlg	管理 NCD 参考信号的对话框	
stepdlg	管理 NCD 阶跃响应的对话框	
uncerdlg	管理 NCD 不确定变量的对话框	
■ 主要界面		
contrned	建立 NCD 固定图形的用户界面控制	
menuncd	建立NCD固定图形的用户界面菜单	
ncablock	包含 NCD 框图的 SIMULINK 系统	
opt block	打开一个 NCD 图形的底稿文件	
optfig	建立 - 个 NCD 固定图形	

主要优化	<u></u>	
	costfun	NCD 优化的代价函数
	n.mopt	执行优化算法
演示示的	n j	
	ncademo	包含所有 NCD 演示示例的 SIMULINK 系统
} !	ncademo1	PID 控制器
	ncddemo2	带前馈控制器的 LQR
	ncddemo3	多输入多输出的 PI 控制器
1	ncddemo4	倒摆演示
教程		
	nedtut!	控制设计示例
	ncdtut2	系统辨识示例
用户界面	丁 工具	1
	dialog	主对话框建立 M 文件
	errordlg	建立出错对话框
	f.gflag	当图形为当前显示在屏幕上时,其值为真
	helpdlg	显示一帮助对话框
	layout	定义对话框布局参数的底稿文件
	questdlg	建立提问对话框
	arguice	有关用户界面约定/标准 建议的说明
	warnalg	建工警告对话框
漢示和都	社程实 用工具	
	ncd1init	为 ncddemoI 的优化进行设置
	ncd2init	为 ncddemo2 的优化进行设置
	ned3.nit	为 ncddemo3 的优化进行设置
	ncd4init	为 ncddemo4 的优化进行设置
	penddata	为 nedtut 2(即倒摆)进行设置
 界面实用		
	curobj	提供有关当前点的信息
	dividecb	将固定界分为两部分
	delline	从 NCD 图中删除所有的图
	donep	牧回 Close 按钮和菜单
	errorned	管理 NCD 产生的常见错误,它调用 errord.g(出错对话框)

■ 界面实力	¶工具 ————————————————————————————————————	<u> </u>
	fillaxes	建立约束边界并进行数据检测
	forceit	在已存在的界限内插入 一子集
	keynod	NCD 按键函数
	loadned	装入并显示 NCD 数据
	makesurf	建立并限界曲面
	snapned	以 22.5°间隔排出约束条
	refresho	使约束矩阵与图形一致
	saveload	当文件是从 SelectFile 中选择时,其值为真
	texted	收回 Port 可编辑的文本
	undened	放弃上次 NCD 图形用户界面的操作
	updatdl g	更新 NCD 对话框
■ 最优化3	实用工具	
	convertm	变约束矩阵为最优化格式
	minipars	NCD 最小化分析
	montevar	初始化 Monte Carlo 仿真
	ncdglob	定义 NCD 全局变量
	str2mat2	变一行字符串为多行字符串
■ 帮助文2	本文件(以. HLP 为扩展名)	
	hotkey	热键帮助
	mainned	-般 NCD 帮助
	paramdlg	最优化参数对话框的帮助
	readned	与 README. M 文件内容相同
	stepdlg	阶跃响应对话框的 帮助
	uncerdlg	不确定性变量对话框的帮助

表 B.7 鲁棒控制工具箱

■可选系	■"可选系统 党报 结构		
	branch	从树中提取 分支	
	graft	在树中增加 分支	
	ıssystem	辨识 - 系统变量	
	ıstree	辨识 树型变量	

	35.00
可选系统数据结构	
mksys	为系统建立树变量
tree	建立树变量
vrsys	返回标准系统变量名
建模	
augss	系统增广(状态空间模型)
augtf	系统增广(传递函数模型)
interc	-般多变量内连系统
模型转换	
bilin	多变量双线性变换
des2ss	利用奇异值分解变系统为状态空间系统
lftf	线性分式变换
sectf	
stabproj	稳定和逆稳定映射
slowfast	慢 快分解
tfm2ss	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
———— 实用工具	NAME OF THE PARTY
aresolv	广义连续时间 Riccati 方程求解
daresolv	广义离散时间 Riccati 方程求解
riccond	连续时间 Riccati 方程的条件数
driccond	离散时间 Riccati 方程的条件数
blkrsch	通过 cschur 得到块有序实 Schur 形式
cschur	通过复旋转得有序复 Schur 形式
多变量 Bode 图	
cgloci	连续特性增益轨迹
degloci	离散特性增益轨迹
dsigma	离散奇异值 Bode 图
muopt	具有实/复数混合不确定性系统的 SSV(结构化奇异值)上界
osborne	通过 Osborne 法求得的 SSV 上界
perron	计算 Perron 特征值
psv	Perron 特征结构的 SSV
sigma	连续奇异值 Bode 图
ssv	结构化奇异值 Bode 图

	<u>.</u> .	一
■ 因子分)解技术	
	юfс	内外因子分解(列类型)
	ıofr	内外因子分解(行类型)
	sfl	左边频谱分解
	sfr	右边频谱分解
■ 模型性	1化方法	
	balmr	截断均衡模型简化
	bstschml	相对误差 Schur 模型简化
	bstschmr	相对误差 Schur 模型简化
	ımp2ss	人脉冲响应到状态空间实现
	obalreal	有序均衡实现
	ohklmr	最优 Hankel 极小化逼近
	rschur	Schur 模型简化
■ 鲁棒技	———————— :制绿合方法	N. S. M. IV.
	h2lqg	连续时间 H₂ 综合
	dh2lqg	离散时间 H ₂ 综合
	hinf	连续时间 H综合
	dhinf	离散时间 H。综合
	hinfopt	H. 综合的 7 选代
	normh2	计算 H ₂ 范数
	normhinf)
	lqg	LQG 最优控制综合
	ltru	
		LQG 闭环传递补偿
	.try	LQG 闭环传递补偿
	youla	Youla 参数化
_ 34 7474	accdemo	弹簧质量标准问题
	dintdemo	双积分器系统的 H.。设计
	hinfdemo	飞机或大型空间结构的 H ₂ 或 H _∞ 设计示例
	ltrdemo	LQR/LTR 设计示例,飞机
	mudemo	μ综合示例
ĺ	mudemo1	μ综合示例
1	mrdemo	鲁棒模型简化示例
	retdemo	鲁棒控制工具箱演示 - 主菜单

表 B. 8 系统辨识工具箱

	· ···· ·	
	sım	仿真 - 给定的系统
		计算预测误差
l pe		从给定的多项式中构造 @ 矩阵
	oly2th	
	edict	
数据处理		
d1	rend	人 数据集中删除 方位
ıd	filt	通过 Butterworth 滤波器对数据进行滤波
非參数化估计		
cc	ovf	估计数据矩阵的协方差矩阵
cz	a	相关分析
, et	fe	估计经验传递函数并计算周期图
sı	oa.	频谱分析
参数估计		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
aı		利用各种方法的 AR 信号模型
aı	max	ARMAX 模型预测误差估计
aı	x	ARX 模型的最小二乘估计
, b;		Box - Jenkins 模型的预测误差估计
ca	nstart	具有初值参数估计的多变量模型
۷.	ar	时间序列的 AR 部分的仪器 N 估计
,	x	单输出 ARX 模型的仪器可变估计
]	4	ARX 模型近似最优的 N 估计
' o	!	输出误差模型的预测误差估计
p	em.	般线性模型的预测误差估计
建立模型结构		
aı	x2th	ARX 模型的 Θ 格式
ca	nform	正则形模型结构
m	f2th	将用户定义的模型结构封装入 Θ 模型格式中
m	odstruc	在 ms2th 函数中使用的模型结构
l m	s2th	将标准状态空间参数封装人 ❷格式中
ро	y2th	从给定多项式中产生 Θ矩阵

- Acres	9201 55-35	
型 处塔包	製型結构	
	fixpar	在状态空间和 ARX 模型结构中, 找出要修正的参数
	sett	在 ❷ 结构中设置取样间隔
	thinıt	参数的(随机)初始值
	unfixpar	在状态空间和 ARX 模型结构中, 放松参数
■ 排型5	连换	
	th2arx	变 ❷格式模型为 ARX 模型
	th2ff	求模型的频率响应及标准偏差
	th2par	变 O 格式为参数和协方差阵
	th2poly	求给定模型相应的多项式
	th2ss	变❷格式为状态空间表示
	th2tf	变❷格式为传递函数表示
	th2zp	求零极点、静态增益和标准偏差
	the 2thd	变连续时间模型为离散时间模型
	thd2thc	变离散时间模型为连续时间模型
1 個型	标	
	bodeplot	传递函数的 Bode 图或频谱
	ffplot	频域函数
	idplot	输入 输出数据
	nyqplot	传递函数的 Nyquist 图
	present	屏幕上的参数模型
	zpplot	零点和极点
■信息技	L RK	
•	getmfth	获取定义模型结构的 M 文件的文件名
	getncap	获取数据点数和参数个数
	getff	选取频率函数
	gett	为某模型获取取样间隔
	getzp	在由 th2zp 函数产生的零极点格式中,提取零点和极点
■ 模型台		
_ X_C	compare	格仿真和预测的输出与测量输出比较
	idsim	仿真一给定的系统
	pe	预测误差

			244
■ 模型	型合法化 ————————————————————————————————————		
	predict	M 步超前预测	
	resid	计算和测试与某模型相关的留数	
■估订	十模型的 不确 定性		
	idsimsd	在仿真模型响应中说明不确定性	
	th2ff	模型频率函数和标准偏差	
	th2zp	零点、极点、静态增益及其标准偏差	
■ 模型	2结构选择		
	arxstruc	ARX 模型类的损失函数	
	ıvstruc	单输出类的输出误差拟合	
	selstruc	根据各种准则选择模型结构	
	struc	arxstruc 和 ivstruc 的典型结构矩阵	
■ 递归	参数估计		 .
-	rarx	对 AR 模型递归计算估值	 -
	rarmax	对 ARMAX 模型递归计算估值	
	rbj	对 Box - Jenkins 模型递归计算估值	
	roe	· 对输出误差模型递归计算估值	
	rpem	对一般模型递归计算估值	
	rplr	对一般模型递归计算估值	
	segment	分段数据并跟踪快变系统	

表 B.9 最优化工具箱

■ 非無	■ 非线性最小化函数		
	attgoal	达到多目标	
	constr	约束极小化	
	fmın	无约束极小化(标量情况)	
	fmınu	利用梯度搜索的无约束极小化	
	fmins	利用单纯形搜索的无约束极小化	
	fsolve	非线性方程求解	
	reastsq	非线性最小二乘	
	minimax	极小极大求解	
	seminf	半定极小化	

■ 矩阵问	題极小化	
	lp	线性规划
	др	次规划
	nnls	非负最小二乘
国 控制级	省值和流项	
	foptions	参数设置
■演示	<u> </u>	
	optdemo	演示菜单
	tutdemo	. 启 动教 程
	bandemo	香蕉型函数的极小化
	goaldemo	 目标达到
	dfildemo	有限精度滤波器设计
	datdemo	数据拟合成曲线
1 内部使	用的实用程序	
三次内插	程序	
	cubic	内插 4 点以找出极大值
	cubici1	内插 2 点和梯度,以估计极小值
	cubici2	内插 3 点和 1 梯度
	cubici3	内插 2 点和梯度,以找出步长和极小值
二次内插	程序	
	quad2	内插 3 点以找出极大值
	quad.nter	内插 3 点以估计极小值
演示实用	程序	
	eigfun	返回分类特征值的函数
	elimone	消去一变量
	filtfun	· 頻率响 应和根
	filtfun2	频率响应范数和根
	fitfun	返回拟合数据中的误差范数
	fitfun2	返回拟合数据中的误差矢量
半定实用	望序	
	semifun	半定问题转换成约束问题
	findmax	在数据向量中内插极大值
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

半定实户			
	findmax2	在数据矩阵中内插极大值	
	v2sort	分类两向量,然后删去丢失的元素	
目标达到	別的实用程序		
	goa.fun	目标达到问题转换成约束条件问题	
	goalgra	变换目标达到问题中的梯度	
测试程序	,		
	toptim	最优化测试组	
	toptimf	最优化测试组的测试函数	
	toptimg	最优化测试组的测试函数梯度	
其它			
	graderr	用于检查梯度的不一致性	
	lsınt	初始化最小二乘程序的函数	
	optint	初始化无约束极小化程序的函数	
	searchq	线性捜索程序	

表 B. 10 神经网络工具箱

■ 误整分析的	動	
	errsurf	计算误差曲面
•	plotep	在误差曲面上绘制权和基位置图
	plotes	绘制误差曲面图
■δ函数	-	
	deltalin	对 PURELIN 神经元的 δ 函數
	deltalog	对 LOGSIG 神经元的 & 函数
	deltatan	对 TANSIG 神经元的 δ 函数
■ 设计	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	solvehop	设计 Hopfield 网络
	solveun	设计线性网络
	solverb	设计径向基网络
	solverbe	设计精确的径向基网络

inite	竞争层初始化
ınıtelm	Elman 递归网络初始化
.nıtff	至多三层的前向网络初始化
initlin	线性层初始化
ınıtlvq	LVQ 网络初始化
ınıtp	感知层初始化
mitsm	自组织映射初始化
midpoint	产生中点值
nw.og	对 LOGSIG 神经元产生 Nguyen - Widrow 随机数
nwtan	对 TANSIG 神经元产生 Nguyen - widrow 随机数
randnc	产生归一化列随机数
randnr	产生归一化行随机数
rands	产生对称随机数
7规则	
learnbp	反向演播学习规则
.earnbpm	带预测的反向演播学习规则
learnh	Hebb 学习规则
learnnd	退化的 Hebb 学习规则
learn.s	内星学习规则
learnk	Kohonen 学习规则
learnlm	Levenberg - Marquardt 学习规则
learnlvq	学习矢量量化规则
learnos	外星学习规则
learnp	感知层学习规则
learnpn	 归 化的感知层学习规则
learnwh	Widrow - Hoff 学习规则
combvec	包建所有的矢量集
detaysig	从信号矩阵中建立退化的信号矩阵
dist	· 计算矢 量 距离

	<u> </u>		鐵機
■ 矩阵	<u> </u>		
	ınd2vec	变下标矢量为稀疏矩阵表示	
	norme	归一化矩阵列	
	normr	归 化矩阵行	
	pnorme	伪归 - 化矩阵列	
	quant	离散化成某数值的整数倍	
	sumsqr	平方和	
	vect2ind	变稀疏矩阵表示为下标矢量	
■ 邻域			
	nbdist	使用矢量距离的邻域阵	
	nbgrid	使用栅格距离的邻域阵	
	nbman	使用 Manhattan 距离的邻域阵	
■ 绘图	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	barerr	每个输出矢量的误差条形图表	
	hintonw	绘制权值图	
	hintonwb	绘制权值和偏差图	
	ploterr	绘出网络误差与时间的关系	
	plotes	绘制误差曲面	
	plotfa	绘出目标模式及网络函数的逼近	
	plotpv	绘出限幅神经元的感知器分类	
	plotsm	绘制自组织映射图	
	plottr	绘出网络误差记录及自适应学习速率	
	plotvec	用不同颜色绘制矢量	
仿真			
	simuc	竞争层仿真	
	sımuelm	Elman 递归网络仿真	
	simuff	前向网络仿真	
	sımuhop	Hopfield 网络仿真	[
	sımulın	线性层仿真	
	sımup	感知层仿真	
	simurb	径向基网络仿真	ļ
	simusm	 自组织映射 仿真	ļ

■ 训练			
	trainbp	利用反向演播训练前向网络	
	trairbpx	利用快速反向演播训练网络	
	trainc	训练竞争层网络	
	trainelm	训练 Elman 递归网络	
	trainlvq	训练 LVQ 网络	
	trainp	利用感知规则训练感知层	
	trampn	利用归 化感知规则训练感知层	
	tra.nsm	利用 Kohonen 规则训练自组织映射	
	tra.nwh	利用 Widrow Hoff 规则训练线性层	
寶 使地面		****	
	compet	竞争层传递函数	
	hardlim	硬限幅传递函数	
	hardlms	对称硬限幅传递函数	
	logsig	对数 S 型传递函数	
	purel,n	线性传递函数	
	radbas	径向基传递函数	
	satlins	对称饱和线性传递函数	
	tansig	正切 S 型传递函数	

表 B. 11 模糊系统工具箱

■ GUI 编辑	8	
	fuzzy	基本 FIS(模糊推理系统)编辑器
	mfedit	隶属度函数编辑器
	ruleedit	规则编辑器及(句法)分析程序
	releview	规则观察器及模糊推理框图
	surfview	输出曲面观测器
■ 素風度函	M.	
	dsigmf	两个"S"形隶属度函数的差
! 	gauss2mf	双边高斯曲线录属度函数
	gaussmf	高斯曲线隶属度函数
	gbe.imf	广义钟形隶属度函数

		26.92
	pımf	π 形隶属度函数
	psigmf	两个"S"形隶属度函数的积
	smf	"S"形隶属度函数
İ	sigmf	"sigmoid(S)"形隶属度函数
	trapmf	梯形隶属度函数
	trimf	角形隶属度函数
	zmf	"Z"形隶属度函数
■ 命令	行 FIS 函数	
	addmf	将隶属度函数加到 FIS 中
ļ	addrule	将规则加到 FIS 中
	addvar	将变量加到 FIS 中
	defuzz	去模糊隶属度函数
}	eva.f.s	完成模糊推理计算
	evalmf	隶属度函数计算
	gensurf	产生 FIS 输出曲面
	getfis	获得模糊系统的特性
	mf2mf	在函数之间变换参数
	newfis	产生新的 FIS
	parsru.e	分析模糊规则。
	plotfis	显示 FIS 输入/输出图
	plotmf	显示出一个变量的所有隶属度函数
	readfis	从磁盘中装入 FIS
	rmmf	从 FIS 删除隶属度函数
	rmvar	从 FIS 中删除变量
	setfis	设置模糊系统特性
	showfis	显示带注释的 FIS
	showrule	显示 FIS 规则
	writefis	在磁盘中保存FIS
■先进技		
	anfis	Sugeno type FIS 的训练程序
	fern	利用模糊 C 平均聚集方法找出簇
	genf.sl	利用一般 方法产生 FIS 矩阵
	genfis2	利用减法聚集方法产生 FIS 矩阵
	subclust	利用减法聚集方法估计簇中心

参考文献

- 1 楼顺天,于卫, 闫华梁编著, MATLAB程序设计语言, 西安, 西安电子科技大学出版社, 1997
- 2 MATLAB user's Guide. The Mathworks, Inc. 1995
- 3 MATLAB Reference Guide. The Mathworks. Inc., 1995
- 4 SIMULINK User's Guide. The Mathworks, Inc, 1995
- 5 Signal Processing Toolbox User's Guide. The Mathworks, Inc., 1995
- 6 Ingle V K, Proakis J G. Digital Signal Processing Using MATLAB V. 4. PWA Publishing company, 1997
- 7 Burrus C S, etc. COmputer Based Exercises for Signal Processing Using MATLAB. Prentice Hall, Inc. 1994

欢迎选购西安电子科技大学出版社各类图书

nternet 中文网站地址簿———精彩中文网		微机多媒体技术及应用	18.80
址终极推荐	25.00	多媒体电脑原理、 使用与维护	22.50
中文版 Internet Explorer 4.0 套件使用大全	33.00	多媒体电脑安装与测试实用技术	22.80
Intranet Ware 中文版精解	20.50	多媒体技术览要	12.00
Intranet 技术及其应用	19.00	全国计算机等级考试(一级)试题分析与	
MODEM 通信编程技术	20.00	应试指南	22,50
计算机网络技术	36.00	全国计算机等级考试(二级)试题分析与	
实用网络编程技术	20.50	应试指南 FoxBASE 语言程序设计	27.00
Windows NT4.0 环境下 Intranet 组建技术	22.00	全国计算机等级考试(二级)试题分析与	
轻松使用 Microsoft FrontPage 98	9.00	应试指南 基础部分和 C 语言程序设计	25.00
互联网 Internet 和用户软件 Netscape	16.50	全国计算机等级考试(三级)模拟试题与解答	19.50
Net Ware 3.X~4.X 实用培训教程	23.50	全国计算机等级考试(一级)模拟试题与解答	17.00
电子邮件、Internet 及 WWW 实用技巧	17.60	计算机等级考试培训教程(一级)	14.80
Internet 操作导航 123 问	13.00	计算机应用基础教程	21.00
Internet 集成浏览工具	21.00	计算机应用办公技能培训教程	12.80
跟我进人 Internet	22.80	会计电算化实用教程(初级)	28.00
Internet 资源与使用	15.80	看图学用金蝶财务软件 for Windows	17.50
Novell 实用网络工程方法	17.50	新编青少年电脑轻松起步教程	23.00
计算机网络	14.00	Windows 人门及其文字处理	12.80
中文版 Windows 98 使用指南	26,50	计算机原理、 操作与文字处理(第三版)	12.80
Windows NT Server 4.0(中文版)组网技术	30.00	微机操作与文字处理(修订版)	18.80
UCDOS 6.0/7.0 实用操作教程	23,00	WPS 实用指南(2.0~NT1.2)	12.00
DOS 开发环境及其高级技术	45.00	家用电脑的选购、 使用与维护	14.50
从 DOS 到 Windows	17.50	精通电脑 150 问	21.00
四通利方 Rich Win 4.2 操作与使用技巧	20.00	电脑使用 300 个怎么办?	28.60
中文之星 2.0/2.5 for Windows 95 操作		计算机键盘练习与汉字录入技术	5.50
与使用技巧	25.00	五笔字型速查小字典	4.50
中英文 Windows 95 快速通	24,80	微机常用软件英文提示信息速查手册	16.50
中文版 Windows 95 使用大全	36.50	Office 97 中文版快学通	39.00
中文 Windows 95 环境与操作	26.00	WPS 97 实用操作教程	20.00
Windows 95 使用教程	19.80	中英文 Word 97 速成教程	20.50
Windows 95 使用指南	22.00	中文 Word 8.0 快学通	20.60
Windows 3.2 快速人门	9.80	中文 Excel 8.0 快学通	19.80
中文 Windows 3.2 实用教程	32.00	Photo shop 图像处理软件实用技术	16.00
Windows 3.2/3.1 简明使用指南	18.00	3D Studio 从人门到精通	24.50
中文 Windows 3.1、 3.2 配置与热点	18.50	中文版 Microsoft Excel 7.0 实用教程	30.00
UNIX 系统初级教程	23.00	汉字 Lotus 1-2-3 R5 for Windows 实用教程	
操作系统教程	16,00	中文 Power Point 95 快学通	31.50
Norton 8.0 中文版操作应用技巧	31.80	中文 Excel 95 快学通	31.50
微型计算机实用反病毒技术指南	16.50	中文 Word 95 快学通	19.50
DOS 工具软件例解大全	25.00	中文 Word 6.0、 7.0 高级技巧	28.00
Windows 95 多媒体应用程序设计技术	27.00	中文 Word 7.0 使用与提高	29.00

最新中文版 Word 7.0 实用教程	26.00	Java 语言及其程序设计	41.00
最新中文 Word 6.0 使用指南	21.00	Borlound C++ 5.0 OWL 5.0 编程技术与实例	35.50
高级文字处理软件 Word 6.0 应用与开发	21.50	利用 Visual C++ 2.0/4.0 编制 Windows 95	
Power Builder 4.0 使用精解	32.00	应用程序	29.50
智能卡技术及应用	9.50	图形用户界面设计与技术	
计算机通信技术及其程序设计	22.00	——以 Borland C++为工具(含盘)	35.00
PCI 局部总线开发者指南	8.50	Visual C++ for Windows 面向对象程序设计	27.50
计算机系统安全技术与方法	31.00	徽机科学可视化系统设计(含盘)	29.80
自动测试技术与计算器、 仪器系统设计	19.50	C语言实用软件界面技术	15.00
实用电脑装配与硬件测试技术	21.00	C语言实用程序荟萃	18.00
常用电脑传真软硬件的安装与使用	12.80	C程序设计实用教程	14.50
MD110 程控数字交换机——操作维护教程	20.60	C 语言实践	13,00
打印机疑难故障诊断与排除	17.00	TURBO PASCAL 6.0 精讲、題解及应用	20.00
打印机使用技巧与故障维修 400 例	18,00	PASCAL 程序设计及其应用	18.00
计算机通信网原理	16.50	FORTRAN 语言程序设计(第二版)	16.50
Visual FoxPro 5.0 中文版实用指南	22.00	数据结构	10.00
图解 Visual Foxpro 5.0	23.00	计算方法	8.80
关系数据库 Sybase SQL Server 应用指南	29.00	徽型计算机原理及应用(本科)	22.00
ORACLE 7 关系数据库实用技术		徽型机系统故障分析与实用维修	24.50
──编程与应用	27.00	徽型计算机原理与应用	
Microsoft Visual FoxPro 3.0 使用指南	45.00	——以 IBM PC 系列机为例	22.00
Visual FoxPro 3.0b 中文版快学通	31.50	徽型计算机原理与应用(大专)(16位)	19.00
FoxPro 2.6 快速人门	16.00	Motorola 单片机原理及应用技术	20.50
FoxPro 2.6 实用教程	22.60	VHDL 硬件描述语言与数字逻辑电路设计	22.00
FoxPro 2.5、 2.6 及其程序设计	28.00	8098 单片微型计算机应用实例	12.00
最新 FoxPro 2.6 for Windows 使用详解	20.00	IBM PC 微机应用系统设计	14.50
FoxPro 2.5 实用程序设计与技巧	22.00	IBM PC 汇编语言程序设计和接口技术	10.00
汉字 FOXBASE+及其程序设计	14.80	十六位微型计算机原理及接口技术	15.00
汉字 FOXBASE+及其程序设计		多微处理器系统设计及其实例	12.00
——习题解答与上机指导	13.40	可编程序控制器原理及应用	23.50
汉字 FOXBASE+高级程序设计技术		计算机控制原理及其应用	23.50
——方法、技巧与实例	15.00	PROTEL 3.31 实用精解	32.50
JAVA 类库及其实例大全	43.80	Auto CAD 高效机械绘图技术	29.00
Visual C++ 5.0 使用指南	19.50	AutoCAD 12.0 绘图软件包的使用	
Borland C++ Builder 使用指南	22.50	与二次开发技术	27.00
Borland C++ Builder 编程技巧与实例	22.00	Auto CAD 学与练	16.50
Power Builder 5.6/6.0 从入门到精通	30.00	电子 CAD 技术基础	9.50
跟我学 Quick BASIC	10.50	电子电路 CAD 技术	17.80
Visual Basic 5.0 中文版从入门到精通	24.00	电子系统及专用集成电路 CAD 技术	21.50
Visual Basic 4.0 应用速成	24.00	机械 CAD/CAM 技术概论	11.50
Visual BASIC 3.0 for Windows 程序设计指南	21.00	机械 CAD 技术基础	13.20
Delphi 多媒体程序设计	25.00	机械 CAD 应用与开发技术	20.50
Delphi(1.0/2.0)实用编程技术	22.50	孤立子理论及其应用	
Visual Basic 5.0 中文版实用指南	17.00	——光孤子理论及光孤子通信	32.80
MATLAB 程序设计语言	16.80	数据融合理论与应用	20.00

而向对象技术	17.00	模拟电子技术	13.40
神经网络计算	27.00	数字电子技术	14.90
神经网络应用与实现	29.00	电路分析基础(第二版)	18.00
神经网络系统理论	18.50	《电路分析基础》实验与题解	12.00
视觉神经系统与分布式推理理论	12.00	网络、 信号与系统	14.50
系统核与核度理论及其应用	6.50	电路基础	21.00
实用小波分析	12.00	电路、信号与系统实验(修订版)	10.50
小波分析及其应用	7.00	高频电路原理与分析(第二版)	17.80
UNIX 直通车	16.50	电视原理与接收技术	12.80
中文 Excel 95 直通车	9.00	英汉电脑软件词汇手册	16.80
C++ 语言直通车	11.50	英汉计算机操作/阅读翻译/应试词汇手册	12.50
数码相机的使用	9.80	电脑英语五周通教程	24.50
摄录像技术及多媒体光盘		高等教育学历文凭基础英语考试指南	15.00
原理、使用与维修	26.50	全国职称英语等级考试	12.00
CD・VCD・DVD原理、选购、与维修	20.00	——模拟测试与阅读辅导(理工类)	20.00
VCD・DVD 家庭影院	7.50	全国职称英语等级考试	20,00
视听音响设备原理・使用・搭配	25.00	——模拟测试与阅读辅导(综合类)	21.00
家庭影院组建,使用,维护	18.20	专业英语 (第一分册) 中专	16,50
现代家庭视听指南	35.00	专业英语 (第二分册) 中专	16.50
现代家用电器——选购、使用与维修大全	26.00	最新考研英语复习指导	17.80
家用微波炉实用技巧	6.00	玫瑰花与苹果树(当代英语阅读进阶 Book I)	
万用表检修电视机实践指南		车轮上的学校 (当代英语阅读进阶 Book II)	10.00
实用电视机维修技巧与方法	21.00	初雪(当代英语阅读进阶 Book Ⅲ)	9.00
彩电摇控系统、 画中画、 有线电视加装		TOEFL 语法满分技巧	26.70
与维修指南	22.50	大学英语常见同义词辨析	8.60
电冰箱和冷柜的原理、选用与维修	14.00	大学英语四级结构要点总汇	4.80
空调器及其微电脑控制器的原理与维修	24.80	大学英语四级阅读综合训练	7.80
数字光纤通信设备(上)	19.00	大学英语四、六级写作指导	5.00
数字光纤通信设备(下)	23.50	大学英语六级模拟试题新题型精编	11.00
电力传动自动控制系统	30.50	新编大学英语四级考试模拟题集	10.00
集成电路速查大全	24.00	大学英语五、 六级研究生英语词汇手册	13.50
常用办公通信设备的原理、使用与维护——		大学英语四级考试词汇手册	7.50
电话机、传真机、传印机、BB 机、大哥大	17.50	新编大学英语四级考试固定词组手册	4.00
ATM 理论及应用	18.50	科技英语阅读教程	17.00
A/D、D/A 转换器接口技术实用线路	23,50	科技英语语法高级教程	33.50
开关稳压电源——原理、设计与实用电路	25.00	《线性代数》学习指导与例题分析	11.00
自动控制原理(大专)	10.50	随机过程	13,00
电子线路基础	17.50	最新考研数学复习指导	20.50
录音录像技术	14.80	概率论与数理统计	8.00
通讯电子线路	14.00	高等数学(上册)	13.90
通信系统原理	22.00	高等数学(下册)	13.50
通信基础电源	15.50	科技英语(电子类)(大专)	
纠错码——原理与方法	28.00	高级操作系统	14.60 13.80
电子测量技术基础	17.30	计算机操作系统(第二版)	19.60
电器原理与技术(电视、 录像及家用制冷)	20.00	计算机操作系统(第三版)	27.00
			27.00

操作系统教程——UNIX 实例分析(第二版)	18,50	扩频通信	9.80
UNIX 操作系统教程	16.20	移动通信(新版)	15.00
操作系统(修订版)(大专)	14.80	锁相技术(新版)	11.80
操作系统(中专)(第二版)	10.80	雷达原理	16.80
汇编语言程序设计(修订版)	21.50	高频电子线路(中专)(第三版)	17.5
《汇编语言程序设计》习题解答及实验指导	争 9.20	高频电子线路(大专)	13.00
单片徽机原理与应用(8098)	10,80	电路分析(大专)	16.50
单片机原理及应用(51 系列)(中专)	15.50	电工基础(中专)	15.50
《单片机原理及应用》学习指导	8.00	数字信号处理	15.00
微型计算机原理(中专)	18.50	电视原理与现代电视系统	16.80
微型计算机原理(16 位机)	24.50	电视机原理与技术	15.80
《微型计算机原理》学习指导书	6.50	电视接收技术(大专)	11.80
微型计算机系统设备与维修(中专)	22.75	电视原理与接收机(中专)	15.00
计算机系统结构(第二版)	19.00	天线与电波	13.80
计算机引论(大专)	11.20	线天线的宽频带技术	9.70
软件系统开发技术(第二版)	12,30	微波技术基础	15.00
数据库原理与应用	12.00	电磁场有限元方法	26.80
数据库原理及应用(中专)(修订版)	16.80	电磁场理论基础	17.00
《数据库原理及应用》实习与实验指导	11.80	电磁场微波技术与天线	14,80
PASCAL 程序设计(大专)	12.90	几何绕射理论(新版)	9.65
PASCAL 程序设计(大专)	12.80	机构精确度	7.90
PASCAL 程序设计(中专)	11.00	电子精密机械导论	10.90
计算机绘图	24.50	电子机械计算机辅助设计	9.50
计算机通信网(修订版)	13.50	电子机械制造工艺学(中专)	10.90
编译方法(大专)(修订版)	17.00	电子工程制图(含习题集)(中专)	24,00
计算方法(大专)(修订版)	8.30	工程制图(含习题集)	33.20
离散数学(修订版)	17.80	机械基础(中专)	8.90
离散数学(大专)	12.00	机械制造——实习教材(中专)	14.50
管理信息系统概论(大专)	5.60	机械原理与机械零件习题册(中专)	14.75
管理信息系统分析与设计	10.80	金属切削机床(中专)	10.50
音响技术	11.80	塑料模设计(中专)	16.00
控制电机(第二版)	15.00	模具设计与制造	16.00
自动控制基础(修订版)	14.50	工模具制造工艺学(中专)	14.70
工业自动化设备概论	14.00	工业企业经济活动分析(中专)	12.40
办公自动化技术与设备	12.00	工业企业管理(中专)(修订版)	9.50
微机工业控制	12.00	管理数学(中专)(修订版)	14.80
短波通信	14.80	冲压塑压设备概论(中专)	8.00
卫星通信(新版)	12.00	管理心理学(中专)	7.90
图像通信	12.00	公共关系学(中专)	8.20

欢迎来函索取本社最新书目和教材介绍,欢迎授稿!

从邮局或银行汇款邮购者, 款到后五天内我社将挂号发书, 加收 15%的包装邮寄费。

通信地址: 西安市太白南路 2 号 西安电子科技大学出版社发行部 邮 编: 710071

电 话: (029)8227828、8202945 传 真: (029)8213675